

ثان (Gravitation)

8.1 تعارف (Introdution)

ہم اپنی ابتدائی زندگی میں یہ جانکاری حاصل کر چکے ہیں کہ زمین اپنی طرف ساری چیز وں کی تھینی ہے۔ کوئی شئے اگر اوپر چینکی جائے تو نیچے کی جانب آ جاتی ہے۔ اوپر کی جانب پہاڑی پر جانا کافی مشکل ہوتا ہے جبکہ اتر نا آ سان ہوتا ہے۔ اوپر بادل سے برستے پانی کا قطرہ زمین کی طرف آتا ہواراسی طرح بہت سارے واقعات ہیں۔ تاریخی طور پر یہ سہرااٹلی کے ایک مشہور طبیعات دال کیلیلو (1642 - 1574) کے سرہے جس نے یہ مانا کہ سارے ہی اجسام خواہ اسکی کمیت کچھ بھی ہوز مین کی طرف ایک مستول اسراع کے ساتھ اسراع پنریہوتے ہیں۔ یہ ہما جاتا ہے کہ انہوں نے اس حقیقت کاعوام کے سامنے مظاہرہ کیا۔ اسکی صدافت کے لیے انہوں نے مائل مستوی پر نیچ کی جانب لڑھکتے ہوئے دواجسام پر یہ تیجر بہ بھی کیا اور اس سے زمینی کشش اسراع کی قدر معلوم کی جانب لڑھکتے ہوئے دواجسام پر یہ تیجر بہ بھی کیا اور اس سے زمینی کشش اسراع کی قدر معلوم کی جو بعد میں معلوم کی

ابتداسے ہی کئی ملکوں کے لیے، بہ ظاہر ایک غیر متعلق مظاہرہ، سیاروں اور ستاروں کی حرکت، ایک اہم موضوع رہا ہے۔ ابتدائی دور سے ہی آسمان میں نظر آنے والے ایسے تاروں کو پہچان لیا گیا تھا جو سالوں سال ایک دوسرے کی نسبت اپنا مقام نہیں تبدیل کرتے ہیں۔ ان سے بھی زیادہ دلچین کا باعث سیارے ہیں جو، تاروں کے پس منظر میں ، مستقل حرکت پذیر ہیں۔ سیاروں کی حرکت کے لیے سب سے برانا ماڈل ٹالیمی (Ptolemy) نے تقریبا 2000 سال قبل دیا تھا جسے ارض مرکزی (جیوسینٹرک) (geocentric) ماڈل کہا گیا۔ اسکے مطابق سبھی فلکیاتی اشیا، سورج، تارے، سیارے، زمین کے گرد گھو متے ہیں۔ یہ سیمجھا گیا کہ فلکیاتی اشیاء کے لیے صرف ایک ہی طرح کی سیارے دائرہ میں کی جانے والی حرکت ہے۔ سیاروں کی مشاہدہ کی گئی حرکت کر سے ایک ایک ہی ایک دائرہ میں کی جانے والی حرکت ہے۔ سیاروں کی مشاہدہ کی گئی حرکت کرتے ہیں، جبکہ ان دائروں کے مراکز خود بڑے دائروں میں حرکت کرتے ہیں، جبکہ ان دائروں کے مراکز خود بڑے دائروں میں حرکت کرتے ہیں۔ ہندستانی

8.1 تعارف

8.2 كىپلركةانون

8.3 مادى شش كالهمه كيرقانون

8.4 مادى ششمستقله

8.5 زمین کی مادی کشش قوت کے ذریعہ پیدا

ہونے والا اسراع

8.6 زمین سطے نیجادراویر مادی کشش اسراع

8.7 مادى كشش توانا ئى بالقوة

8.8 حيال فرار

8.9 زمینی ذیلی سیاره

8.10 ایک مدار میں طواف کرتے ہوئے سیار ہے کی توانائی

8.11 قائم ارضی اور قطبی ذیلی سیار ہے

8.12 بوزنی

خلاصه

قابل غورنكات

مشق

اضافىمشق

طبعیات

ماہرین فلکیات نے بھی 400 سال قبل اسی طرح کے (ارض مرکزی)

نظریے پیش کیے۔ بہرحال آریا بھٹ (5ویں . A.D. نے ایک بہترین

ماڈل پیش کیا جس کے مطابق سورج کومرکز مانا گیا اور اس کے گردسیاروں کو

حرکت کرتا ہوا مانا گیا۔ اس ماڈل کوئمس مرکزی (heliocentric) ماڈل

کہا گیا۔ ایک ہزار سال کے بعد پولینڈ کے ایک راہب نکولس کو پڑئس

کہا گیا۔ ایک ہزار سال کے بعد پولینڈ کے ایک راہب نکولس کو پڑئس

سیارے سورج کے گرد دائروں میں حرکت کرتے ہیں۔ ان دائروں کا

مرکز سورج ہوتا ہے۔ کو پڑئس کے نظریے کو چرج نے رد کردیا، لیکن

مرکز سورج ہوتا ہے۔ کو پڑئس کے نظریے کو چرج نے رد کردیا، لیکن

کو پڑئس کے نظریے کے حامیوں میں ایک اہم نام گیلیلو کا ہے، جن پر

اس نظریے کی حمایت کرنے کے جرم میں اس وقت کی ریاست نے

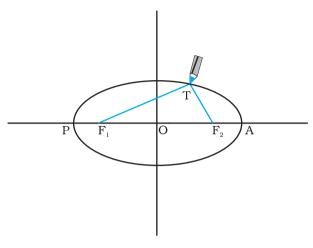
مقدمہ بھی جلایا۔

گلیلوکے عہد میں ہی ڈنمارک کے ٹائیکو برا ہے (1546-1601) نے اپنی پوری زندگی نگی آئکھ سے سیاروں کا مشاہدہ کرنے میں گذاری۔ان کے ذریعے اکٹھا کیے گئے آئلڑوں کا تجزیہ بعد میں اس کے ایک معاون جان یا جوہانس (1730-1604) نے کمپیلر نے ان آئکڑوں سے تین اہم قانون اخذ کیے جواب ان کے نام پر'' کمپیلر قانون' کہلاتے ہیں۔ یہ قانون نیوٹن کے علم میں تھے اوران کی مدد سے نیوٹن نے ایک اہم سائنسی کارنامہ، اپنا'' مادی شش کا کا کناتی قانون' پیش کر کے، انجام دیا۔

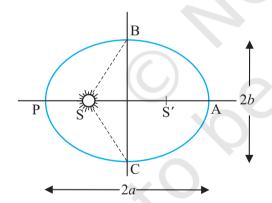
(Kepler's laws) کیپلر کے قانون 8.2 کیپلر کے تانون کوان کوان کیا جاسکتا ہے

1. مداروں کا قانون (Law of orbits): تمام سیارے ناقص مدار (Elipical orbits) میں حرکت کرتے ہیں اور سورج کے اس کے ناقص دونوں ماسکوں (فوسائی) میں سے کسی ایک پر واقع ہوتا ہے (شکل (8.1(a))۔ یہ قانون کو پڑئس ماڈل، جو صرف دائری مدار ہی بتا تا

ہے، سے انحراف کرتا ہے۔ ناقص کی شکل ہم اس طرح بناسکتے ہیں۔



شکل (8.1(a) ایك سیاره کے ذریعے سورج کے گرد تشکیل دیا گیا ناقص ناقص کا سورج سے نزدیك ترین نقطه اور A کو علی الترتیب قریب دور ترین نقطه A هے۔ نقطه P اور A کو علی الترتیب قریب آفتاب (perihelin) اور اوج شمس (aphelion) کهتے هیں ۔ نصف اکبر محور (AP کا نصف هے

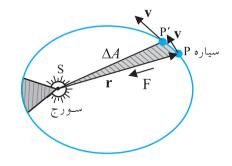


سکل (8.1(b) ایک ناقص کھینجنا۔ ایک دھاگے کے سرے F_1 اور F_2 پر ناھوا نصب کردیے گئے ھیں۔ پنسل کی نوک دھاگے کو تنا ھوا رکھتی ھے اور اسے دھاگے کے سھارے گھمایا جاتا ھے۔ $c = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \sum_$

 \mathcal{L}^{245}

کو تنا ہوا رکھتے ہوئے پنسل کو حرکت دیتے ہوئے ایک منحنی [8.1(b)] [8.1(b)]

2 رقبوں کا قانون (Law of areas): سورج سے کسی بھی سیارے کو ملانے والاخط مساوی وقفہ وقت میں مساوی رقبہ طے کرتا ہے (شکل 8.2)۔
اس قانون کی بنیاد بیہ مشاہدہ ہے کہ سیارے جب سورج کے مقابلتاً قریب ہوتے ہیں تو وہ مقابلتاً تیز چلتے ہوئے معلوم ہوتے ہیں۔ اور جب سورج سے ان کا فاصلہ زیادہ ہوتا ہے تو وہ مقابلتاً آ ہستہ چلتے ہوئے معلوم ہوتے ہیں۔



میاره P سیاره P سیاره ΔD سیاره ΔD سیاره ΔD سیاره ΔD سیایه کیا هوارقبه ΔD میں طے کیا هوارقبه هے۔

دوری وقفول کا قانون (Law of periods): ایک سیارے کے دوری وقفول کا قانون (کھورکے دریع سیارہ کے ذریع تشکیل دیے گئے، ناقص کے نصف اکبرگور کے

مکعب کے متناسب ہوتا ہے۔

درج ذیل جدول میں سورج کے گردنو سیاروں کی گردش کا تقریبی دوری وقفه اور نصف اکبرمحور کی قدریں دی گئی ہیں۔ جدول 1 سیاروں کی حرکت کی پیائش سے حاصل کیے گئے درج ذیل آکٹر کے کیپلر کے دوری وقفوں کے قانون کی تقد ایق کرتے ہیں۔ a=نصف محوا کبر(10^{10} m) کی اکائی میں)

t=سیاره کی گردش کا دوری وقفه (سال میں)

 $(72/a^2)$ کی آگائی میں) ($(72/a^2)$ کی آگائی میں) =Q

Q	T	a	سياره
2.95	0.25	.579	مرکری(عطارد)
3.00	0.615	10.8	وینس(زهره)
2.96	1	15.0	(ارتھ) زمین
2.98	1.88	22.8	مارس (مریخ)
3.01	11.9	77.8	جيو پيڙر (مشتري)
2.98	29.5	143	سیرن (زحل)
2.98	84	287	يورينس(ادرا نُوس)
2.99	165	450	نىپچون(تىپتۇن)
2.99	248	590	بلپوڻو (بلپاڻو)

دوری وقفوں کے قانون کوہم زاویائی معیارِحرکت کی بقا کے نتیجے کے طور پر
دیکھ سکتے ہیں جو کسی بھی مرکزی قوت کے لئے لا گوہوسکتا ہے۔ مرکزی قوت،
سیارہ پرلگ رہی وہ قوت ہے جوسورج اور سیارہ کو ملانے والے سمتیہ کی سمت
میں ہوتی ہے۔ مان لیجئے سورج مبدا پر ہے اور سیارہ کا مقام اور معیارِحرکت
بالتر تیب تا اور عبیں۔ سیارہ کے ذریعہ طے گیا رقبہ 🗚 جس کی
کمیت ساوروقفہ کم ہے

(شكل 8.2) تو

طبيعيات 246

 $- L_p = M_p \, r_p \, V_p$: کی عددی قدر: $P_p = L_p = M_p \, r_p \, V_p$ کی عددی قدر: $P_p = M_p \, r_p \, V_p$ کیونکہ مشاہدہ یہ بتا تا ہے کہ $P_p = P_p \, r_p \, V_p$ اور $P_p = M_p \, r_p \, V_p$ نیاتا ہے کہ $P_p = M_p \, r_p \, V_p$ نیاتا ہے نیاتا کی معیار حرکت کی بقاسے نیاتا ہے کہ $P_p = M_p \, r_p \, V_p$

$$m_p r_p v_p = m_p r_A v_A$$

$$\frac{v_p}{v_A} = \frac{r_A}{r_p}$$

$$r_A > r_p$$

الح

$$v_p > v_A$$

ناقص SBAC، اورنصف قطر سمیوں SBاور SC سے گھرا ہوا رقبہ SBPC، SBAC سے بڑا ہے (شکل 8.1) کیپلر کے دوسرے قانون کے مطابق کیساں مدت میں کیساں رقبہ طے ہوتا ہے۔ اس لیے مطابق کیساں مدت میں کیساں رقبہ طے ہوتا ہے۔ اس لیے مطابق کیسان مدت میں کیسان مدت کا تاہے۔

8.3 مادى شش كالهمه گيرقانون Universal Law of

Gravitation)

مشہوریمی قصہ ہے کہ درخت سے گرتے ہوئے سیب کے مشاہدہ سے نیوٹن نے مادی کشش کے ہمہ گیر قانون تک پہنچنے کے لیے وجدان حاصل کیا۔اس قانون کے ذریعے زمینی کشش اور کیپلر کے قوانین کی وضاحت کی جاسکی۔ نیوٹن کا یہ کہنا تھا کہ چاند جونصف قطر ہے کے مدار میں گردش کرتا ہے اس پر زمینی قوت کشش کے ذریعہ مرکز جو (centripetal) اسراع لگتا ہے جس

$$\Delta A = 1/2(\mathbf{r} \times \mathbf{v} \Delta t) \tag{8.1}$$

اس لیے

 $\Delta \mathbf{A} / \Delta t = 1/2(\mathbf{r} \times \mathbf{p})/m$ $(\mathbf{v} = \mathbf{p}/m)$

$$= L/(2 m)$$
 (8.2)

جہاں \mathbf{v} ر وقار ہے، \mathbf{L} زاویائی معیارِ حرکت $(\mathbf{r} \times \mathbf{p})$ ہے۔ ایک مرکزی قوت کے لیے جو \mathbf{r} کی سمت میں ہے، سیارہ کی گردش کے دوران $\frac{\Delta \mathbf{A}}{\Delta t}$ ایک مستقلہ ہوتا ہے اس طرح آخری مساوات کے مطابق $\frac{\Delta \mathbf{A}}{\Delta t}$ ایک مستقلہ ہے۔ بیر قبوں کا قانون ہے۔ مادی شش قوت ایک مرکزی قوت ہے۔ اس لئے رقبوں کا قانون لا گوہوتا ہے۔

جان یا جوهانس (1630 تا 1604) جرمن نژاد سائنس دال تھے۔ انہوں نے ٹائیکو بریہہ اور معاونین کی جفائش محنت سے حاصل کیے ہوئے مشاہدات ربینی ساری حرکت سے



متعلق تین قوانین کو وضع کیا۔ کیپلر خود ہریہہ کے ایک معاون تھے۔ انہیں سیاری حرکت کے تین قوانین کی تدوین میں ہیں سال لگ گئے۔ انہیں جیومتریائتی بھریات کا بانی بھی مانا جاتا ہے، کیونکہ یہ پہلے سائنس دال تھے جنہوں نے بیدریافت کیا کہ کسی دور بین میں داخل ہونے کے بعدروشنی پر کیا گزرتی ہے۔

مشال 8.1 مان کیجے شکل (8.1 (a) میں سیارہ کی چال قریب $(r_p'v_p) - r_p' \mathrm{SP}$ مشال 8.1 مثال 8.1 مثال و $v_p \vee P$ ورسورج سیارہ دور کی BAC کا قریب آفتاب BAC بران کی بالتر تیب مقداروں سے رشتہ معلوم کریں۔ کیا سیارہ کو BAC اور CPB طے کرنے کے لئے کیسال وقت گے گا؟

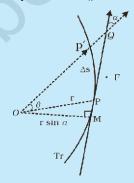
ى 247

مرکزی قوتیں (Central Forces)

ہم جانتے ہیں کہ مبدا کے گردایک ذرہ کے زاویائی معیارِ حرکت میں وقت کے ساتھ تبدیلی کی شرح $\mathbf{F} \times \mathbf{F}$ ہوتی ہے۔ اگرذرہ ہر توت ہیں ہو۔ ہم ذریع لگ رہا تو تیگرد شہ \mathbf{F} صفر ہوتو ذریع کے زاویائی معیارِ حرکت کی بقا ہوتی ہے۔ بیت ہی ممکن ہے جب \mathbf{F} صفر ہو یا جا تھیں ہو۔ ہم اس قوت میں دلیے گ رہا توت ہیں جو بعد والی شرط کے مطابق ہو۔ مرکزی قوت میں اسی شرط کو مطمئن کرتی ہیں ۔ ایک مرکزی قوت ہمیشہ ایک متعین نقطہ کے جانب یا اس سے دور کی طرف ہوتی ہے بعنی متعین نقطہ کے لحاظ سے ، جس نقطہ پر قوت لگ رہی ہے اس کے مقام سمیتہ کی جانب یا ہم مرکزی قوت کی عددی قدر $\mathbf{F} = \mathbf{F}(\mathbf{r})$ کی عددی قدر $\mathbf{F} = \mathbf{F}(\mathbf{r})$ کی عددی قدر $\mathbf{F} = \mathbf{F}(\mathbf{r})$ کی خودی گئی ہے کی خودی گئی ہے کی خودی گئی ہے کہ جانب کے مقام سمیتہ کی جانب ہو اس نقطہ کی دوری کے تابع ہے جس پر قوت لگ رہی ہے۔ $\mathbf{F} = \mathbf{F}(\mathbf{r})$

مرکزی قوت کے تحت حرکت میں زاویائی معیارِ حرکت کی ہمیشہ بقاہوتی ہے۔اس سے دواہم نتائج برآ مدہوتے ہیں (1) مرکزی قوت کے تحت ذرہ کی حرکت ہمیشہ ایک مستوی میں ہی محدود ہوتی ہے۔

درج بالاً گفتگوکوہم سورج کی قوت کشش کے تحت ہونے والی سیاروں کی حرکت کے مطالعہ میں استعال کر سکتے ہیں۔ آسانی کے لیے سورج کو اس قدر وزنی مانا جا سکتا ہے کہ بیر حالت سکون میں ہو۔ سیارہ پر سورج کی قوت کشش سورج کی جانب ہوتی ہے۔ بیر قوت اس شرط کو بھی مطمئن کرتی ہے کہ انہ جا ہوتی ہے۔ بیر قوت اس شرط کو بھی مطمئن کرتی ہے کہ F = F(r) ہوتی ہے۔ اوپر بیان کے گئے دونوں نتیج (2) اور (2) اس لیے سیارہ کی حرکت میں لا گوہوتے ہیں۔ در حقیقت نتیج (2) کیپلر کا دوسرا قانون ہے۔



Tr مرکزی قوت کے تحت ذرہ کا حرکت خطا (Trajectory) ہے۔ P پر قوت O کی جانب گئی ہے۔ O قوت کا مرکز ہے جسے مبدہ مانا گیا ہے۔ وقفہ Δt میں ذرہ P ہیں خطر ممان P ہیں خطر کت کے نقطہ P پر مقار کی سمت دکھا تا P ہیں ذرہ P ہیں خطر ممان P ہیں خطر کت کے نقطہ P ہیں خطر کر کت کے نقطہ P ہیں خطر کر کت کے نقطہ P ہیں خطر کی اللہ میں جا کہ بار قبہ ہے۔ وقفہ P کا رقبہ ہے۔ وقفہ P کا رقبہ ہے۔ وقفہ کا کہ بار قبہ کے کہ المحت کو کا رقبہ ہے۔ وقفہ کا کہ بار قبہ کے کہ المحت کے المحت ک

طبعیات

کی عددی قدرہے۔

$$a_m = \frac{V^2}{R_m} = \frac{4\pi^2 R_m}{T^2}$$
 (8.3)

جہاں V چاند کی چال ہے، جس کا دوری وقفہ T سے رشتہ ہے: V دوری چاند کی جاند V دوری وقفہ V وقفہ V دوری وقفہ V وقت معلوم قدر تقریباً V دوری وقفہ V دوری وقت معلوم قدر تقریباً V دوری وقل میں رکھیں تو جمیں V دوری فیری میں رکھیں تو جمیں V دوری فیری کے دریا ہونے والے زمین کشش اسراع V کی قدر سے مادی کشش کی وجہ سے پیدا ہونے والے زمین کشش اسراع V کی قدر سے مہیں کہ ہے۔

$$\frac{g}{a_m} = \frac{R_m^2}{R_E^2} \sim 3600 \quad (8.4)$$

9.8.ms² اور میں اوات (8.3) سے لی گئی قدر سے موافقت رکھتا ہے۔ جوان مشاہدات کی بناء پر نیوٹن نے درج ذیل مادی کشش کا ہمہ گیرقا نون تجویز کیا۔

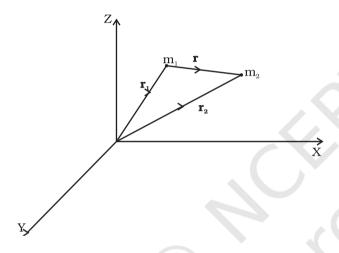
اس کا ئنات میں ہرایک جسم ہر دوسرے جسم کوایک ایسی قوت کے ساتھ کھینچتا ہے جوان کی کمیتوں کے حاصل ضرب کے راست متناسب اوران کے درمیان کی دوری کے مربع کے معکوس متناسب ہوتی ہے۔ یہ قول دراصل نیوٹن کی شاہ کار کتاب مصیمٹ کل پڑسپلس آف نیچرل فلاسفی (مختصرا پڑسپیل آف نیچرل فلاسفی اسے لیا گیا ہے۔ اسے ہم ریاضیاتی طور پراس طرح ظاہر کرسکتے ہیں۔ ایک نقط کمیت د Mیر

دوسرے نقطہ کیت M₁کے ذریعہ لگائی گئی قوتF کی عددی قدر ہوگی

$$|\mathbf{F}| = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (8.5)

$$-2$$
 مساوات (8.5) کوسمییة شکل میں اس طرح لکھا جا سکتا ہے۔ ${f F}=G = rac{m_1 - m_2}{r^2} \left(-\hat{f r}
ight) = -G = rac{m_1 - m_2}{r^2} \hat{f r}$

جہاں G ہمہ گیر مادی شش مستقلہ ہے $m_1 \cdot \hat{\mathbf{r}} = m_1 \cdot \hat{\mathbf{r}}$ تک اکائی سمیتہ ہے وہ $\mathbf{r} = \mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1$ بہاں $\mathbf{r} = \mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1$ بہاں کہ شکل $\mathbf{r} = \mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1$ بہاں کہ شکل $\mathbf{r} = \mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1$ بہاں دکھایا گیا ہے۔



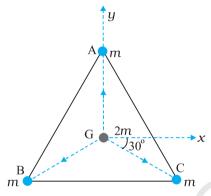
سمت میں ھے M_1 پر M_2 فریعہ لگی مادی کشش m_1 کی سمت میں ھے M_1 ھے۔

ارضی کشش قوت کشش ہوتی ہے۔ یعنی قوت $(-\mathbf{r})$, \mathbf{F} کی سمت میں ہے۔ نقطہ کمیت m_2 , m_1 کے ذریعہ گلی قوت ، نیوٹن کے تیسر ہے قانون کے مطابق $-\mathbf{F}$ ہوگی اس طرح جسم 1 پر 2 کے ذریعہ گلی ارضی کشش قوت $-\mathbf{F}$ اور جسم 2 پر 1 کے ذریعہ گلی قوت $-\mathbf{F}$ میں رشتہ : $-\mathbf{F}$ ہوگا۔

کسی بھی جسم پر مساوات (8.5) کے اطلاق سے قبل ہمیں مختاط رہنا چاہیے کیونکہ بی قانون نقطہ کمیت کی بات کرتا ہے جب کہ ہمارا واسطہ متناہی سائز کی اشیاء سے ہوتا ہے۔اگر ہمارے پاس نقطہ کمیتوں کا مجموعہ ہے تو کسی ایک نقطہ کمیت برنگی قوت اس پر دوسری تمام نقطہ کمیتوں کے ذریعہ لگائی گئی مادی کشش ى 249

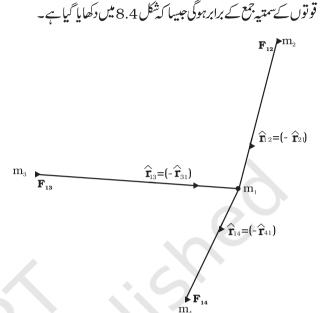
مثال 8.2 ایک مساوی مثلث ABC کی ہرراس پر مساوی کمیت mkg کی ایک ایک کمیت رکھی ہوئی ہے۔ (a) مثلث کے وسطانی مرکز G پررکھی گی 2m کمیت پر کتنی قوت لگ رہی ہے۔ (b) اگرراس A کی کمیت کودوگنا کردیا جائے تو کتنی قوت لگے گی؟

مان لیحے کہ AG=BG=CG=1m (شکل 8.5 دیکھیے)



کل 8.5 تین مساوی کیمیتیں مساوی الاضلاع مثلث کا کمیت و سطانی راسوں پر رکھی ہوئی ہیں۔ ایك2 کی کمیت و سطانی مركز پر ہے۔

صواب (GC(a) اورمثبت x- محور کے پیج کا زاویہ 30⁰ ہے اورا تنا



نقطہ کمیت m_1 پر لگی مادی کشش قوت، اس پر m_1 نقطہ کمیت m_2 اور m_3 کے ذریعہ لگائی گئی مادی کشش قو تو ں کے سمتیہ جمع کے برابر ہے

m₁ پرڪل قوت

$$\mathbf{F}_1 = \frac{Gm_2 \ m_1}{r_{21}^2} \ \hat{\mathbf{r}}_{21} + \frac{Gm_3 \ m_1}{r_{31}^2} \ \hat{\mathbf{r}}_{31} + \frac{Gm_4 \ m_1}{r_{41}^2} \ \hat{\mathbf{r}}_{41}$$

(Newton's Principia) نیوٹن کا پرنسپیا

کیپلر نے اپنے تیسرے قانون کو 1619 میں وضع کیا تھا۔ مادی کشش کے ہمہ گیر قانون کا اعلان تقریباً 70 سال بعد 1687 میں تب ہوا جب نیوٹن نے اپنے شاہ کار فلاسفی نیجرالس پرنسپیا میتھمیٹ کا (Philosophiae Naturalis Principia Mathematica) جیمخضراً پرنسپیا کہتے ہیں شائع کیا۔

1685 کے آس پاس ایڈ منڈ ہیلی (جن کے نام پرمشہور ہیلی دھ ارتارے کا نام پڑا) نیوٹن سے ملنے کیمبرج آئے اوران سے پوچھا کہ مقاوب مرابع قانون کے تحت متحرک کسی جسم کے خطر حرکت (trajectory) کی فطرت کیا ہوگی؟ نیوٹن نے بغیر کسی جھجک کے جواب دیا کہ راہ کی شکل ناقص ہی ہو سکتی ہے۔ در فقیقت ایسا نتیجہ انہوں نے بہت پہلے (1665 میں) اس وقت نکال لیا تھا جب طاعون پھیلنے کے سبب مجبور ہوکر وہ کیمبرج سے اپنے فارم ہاؤس آرام کے لیے چلے گئے سخے۔ بدشتی سے نیوٹن سے وہ صفحات کم ہوگئے تھے جن پر انہوں نے اس کا حل کھولیا تھا۔ لیکن ہیلی نے نیوٹن کواس بات کے لیے قائل کرلیا کہ وہ اپنے کا موکر تاب کی شکل میں شاکع کریں اورا شاعت کے اخراجات وہ (ہیلی) خود ہر داشت کریں گے۔ نیوٹن نے اپنی فوق الانسانی کوششوں سے بیکار نامہ 18 مہینوں میں پورا کرلیا۔ پر نسبیا ہیں ہیرا ہوے فلکیاتی کرلیا۔ پر نسبیا ہیں ہیرا ہوے فلکیاتی کرلیا۔ پر نسبیا میں نیوٹن کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے طبحیات دال اورنو بل انعام یافۃ ایس چندر شکیم نے پر نسبیا پر کتاب کھٹے میں 10 ساک کا وقت لگایا۔ ان کی کتاب عام قارئین کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حجرت آگیز کا بی اسلوب کی طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حجرت آگیز کا بی اسلوب کی طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حجرت آگیز کا بی اسلوب کی طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حجرت آگیز کو این اسلوب کی طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حیرت آگیز کو ایسانوں میں نیوٹن کے لیے کو کی سب سے میں ناموں کی طریقوں میں پنہال خوبصورت، باریک اور حیرت آگیز کو اسلوب کی طریق کے میں میں نیوٹن کے لیے کو کی سب سے میں کہ کو کی سب سے میں کو کی کتاب عام قارئین کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے کیا کی کتاب عام قارئین کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے کیا کی کتاب عام قارئین کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے کامت کی کتاب عام قارئین کے لیے پر نسبیا میں نیوٹن کے کیاب کا کو کٹر کو کی کی کتاب عام قارئین کے لیے کو کیوٹر کی کیا کی کو کیوٹر کی کیا کی کتاب عام قارئین کے لیے کو کٹر کیا بی کا کو کٹر کیوٹر کی کیا کیوٹر کی کیوٹر کیا کیا کو کٹر کیا کو کٹر کو کٹر کر کیا گیا کو کٹر کیا گیا کہ کو کٹر کی کو کٹر کو کٹر کو کٹر کیا گیا کیا کو کٹر کی کو کٹر کو کٹر کیا کیوٹر کی کو کٹر کو کٹر کیا گیا کو کٹر کی کٹر کر کر کر کٹر کو کٹر کو کٹر کی کٹر کی کٹر کو کٹر ک

طبيعيات

واقع ایک نقطہ کمیت کے درمیان قوت کشش ٹھیک اس طرح ہوتی ہے جیسے کہ شیل کی کل کمیت شیل کے مرکز پر مرکوز ہوتی ہے۔

اسے اس طرح سمجھا جاسکتا ہے۔ شیل کے مختلف حصوں کے ذریعہ شیل کے باہر رکھی نقط کمیت پرلگ رہی مادی کشش قو توں میں سے ہرایک قوت کا ایک جز نقط کمیت کومر کزسے ملانے والے خط کی سمت میں ہوگا اور دوسرا جز اس خط پرعمود خط کی سمت میں ہوگا۔ جب ہم سارے حصوں کے ذریعے لگ رہی قو توں کی سمتیہ جمع کریں گے تو اس خط پر عمود خط کی سمت میں جو اجزاء ہوں گے وہ ایک دوسرے کی تنتیخ کر دیں گے اور اس طرح ماحصل قوت صرف دوسرے کی تنتیخ کر دیں گے اور اس طرح ماحصل قوت صرف اسی خط کی سمت میں ہوگی جو نقط کمیت کومرکز سے ملاتا ہے۔ اس ماحصل قوت کی عددی قدر وہی حاصل ہوتی ہے جو او پر بتائی گئی احصل قوت کی عددی قدر وہی حاصل ہوتی ہے جو او پر بتائی گئی

(2) کیساں کثافت والے کر ی شیل کے ذریعہ شیل کے اندرر کھی نقطہ

کیت پرلگ رہی قوت کشش صفر ہوتی ہے۔اس نتیجہ کو بھی ہم کیفیتی

طور پر سمجھ سکتے ہیں۔شیل کے عتلف ھے، شیل کے اندرر کھی نقطہ کمیت

کو عتلف سمتوں میں کشش کرتے ہیں۔ بیتو تیں ایک دوسرے کی

مکمل طور پر نتیج کر دیتی ہیں۔

(The Gravitational مادی کشش مستقله 8.4 Constant)

مادی کشش کے ہمہ گیر قانون میں شامل مادی کشش مستقلہ G کی قدر تجربہ کے بنیاد پر معلوم کی جاسکتی ہے اور یہی سب سے پہلے انگریز سائنسداں ہنری کیونڈش نے 1798 میں کیا۔ان کے ذریعے استعال کیا گیا تجرباتی آلہ شکل 8.6 میں دکھایا گیا ہے۔

ہی زاویہ GB اور منفی x- محور کے درمیان بنتا ہے۔ سمتیہ ترقیم (vector notation) میں انفرادی قوتیں ہیں :

$$\mathbf{F}_{\mathrm{GA}} = \frac{Gm\left(2m\right)}{1}\hat{\mathbf{j}}$$

$$\mathbf{F}_{\mathrm{GB}} = \frac{Gm\left(2m\right)}{1}\left(-\hat{\mathbf{i}}\cos30^{\circ} - \hat{\mathbf{j}}\sin30^{\circ}\right)$$

$$\mathbf{F}_{\mathrm{GC}} = \frac{Gm\left(2m\right)}{1}\left(+\hat{\mathbf{i}}\cos30^{\circ} - \hat{\mathbf{j}}\sin30^{\circ}\right)$$
 \mathbf{I}
 $\mathbf{F}_{\mathrm{GC}} = \frac{2m}{1}\left(-\frac{2m}{1}\cos30^{\circ}\right)$
 \mathbf{I}
 \mathbf{J}
 $\mathbf{$

$$F'_{GA} = \frac{G2m.2m}{1} \hat{j} = 4Gm^{2} \hat{j}$$

$$F'_{GB} = F_{GB} \text{ and } F'_{GC} = F_{GC}$$

$$F'_{R} = F'_{GA} + F'_{GB} + F'_{GC}$$

$$F'_{R} = 2Gm^{2} \hat{j}$$

ایک متناہی سائز کی شے (جیسے زمین) اور نقط کمیت کے درمیان مادی کشش قوت کے لیے مساوات (8.5) کو براور است استعال نہیں کیا جاسکتا ہے۔ متناہی سائز کے جسم کی ہر نقط کمیت دی گئی نقط کمیت پر قوت لگاتی ہے اور یہ سب قو تیں ایک ہی سمت میں نہیں ہوتی ہیں۔ ہمیں متناہی سائز کے جسم کی تمام نقط کمیت پرلگ رہی قو توں کی سمتیہ جمع کرنا ہوگی، تب ہی ہم دی گئی نقط کمیت پرلگ رہی کل قوت حاصل سکیں گے۔ دوخصوص حالتیں ایسی ہیں، جن میں جب آپ سمیتہ جمع کرتے ہیں تو ایک آسان نتیجہ برآ مد ہوتا ہے۔

(1) کیسال کثافت کے ایک کھو کھلے کر ی والے شیل اور شیل سے باہر

نقل 251

ہوگا۔ جہاں π بحالی قوت گردشہ فی اکائی مروڑ زاو بیہ ہے۔ π کوآ زاد نہ طور نا پا جا سکتا ہے جیسے ایک معلوم گردشہ لگا کر مروڑ زاویہ نا پا جائے۔ کر وں کے درمیان لگ رہی مادی مشش قوت اتنی ہی جیسے کہ ان کی کمیتیں ان کے مرکز پر مرکوز ہیں۔ اس لیے اگر لی بڑے اور اسکے نزد یکی چھوٹے کر سے کے مراکز کے درمیان کی دوری ہے، Mاور m اکی کمیتیں ہیں تو بڑے اور نزد یکی حچھوٹے کر وں کے درمیان مادی مشش قوت ہوگی

$$F = G \frac{Mm}{d^2} \tag{8.6}$$

اگر کے چیٹر AB کی لمبائی ہے تو F کے ذریعہ پیدا شدقوت گردشہ F اور کا کا حاصل ضرب ہوگا۔

متوازن حالت میں پر بحالی قوت گردشہ کے برابر ہوتا ہے اوراس لیے

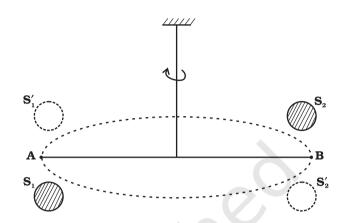
$$G\frac{Mm}{d^2}L = \tau \theta \tag{8.7}$$

θ کی پیائش کر کے ہم G کی قدراس مساوات کے ذریعہ معلوم کر سکتے ہیں کے پیائش میں در تنگی لائی گئی ہے آجکل اس کی قدر لی جاتی ہے

$$G = 6.67 \times 10^{11} \text{ N m}^2/\text{kg}^2$$
 (8.8)

(Acceleration Due To Gravity of The Earth)

زمین کوہم ایک ایسا کرہ تصور کرسکتے ہیں جو کہ کثیر ہم مرکزی کروی شیاوں پر مشتمل ہے۔ اس میں سب سے چھوٹا شیل زمین کے مرکز پراور سب سے بڑا شیل زمین کی سطح پر ہوتا ہے۔ جو نقطہ زمین کے باہر ہے، ظاہر ہے کہ وہ ہرشیل کے باہر ہے۔ اس لیے ہرشیل اس نقطہ پر جوان کے باہر ہے مادی قوت ٹھیک اس طرح لگا تا ہے جیسے کہ اس کی تمام کمیت ان کے مشتر کہ مرکز پر مرکوز ہو، جیسا کے چھلے حصہ میں ہم نے مطالعہ کیا ہے۔ تمام شیاوں کی کل کمیت



8.6 کیونڈ ش کے تہربہ کا حاکہ: S_1 اور S_2 دو بڑے کرّے ھیں جن میں ایک کو S_1 ہاور S_2 ہوں کو جانب اور دوسرے کو دوسری جانب رکھا گیا ھے۔ (ان کرّوں کو سایہ سے ظاہر کیا گیا ھے) ان بڑے کرّوں کو کمیتوں کی دوسری جانب لے جایا جاتا ھے (ٹوٹے ھوئے خط کے ذریعے دکھائے گئے ھیں) تو چھڑ S_2 ہوڑی گھوم جاتی ھے کیونکہ قوت گرد شہ اپنی سمت تبدیل کرتا ھے۔ گردشی زادیہ کو تجربہ کے ذریعے نایا جاسکتا ھے۔

چھڑھ AB کے سروں پردوجھوٹے سیسہ کے کر سے جڑے ہوئے ہیں۔ چھڑکو ایک استوار ٹیک سے بتلی تار کے ذریعہ لاکایا گیا ہے۔ دو بڑے سیسے کے کر وں کو ان چھوٹے کر وں کو آریب لایا گیا ہے لیکن مخالف سمتوں میں (جیسا دکھایا گیا ہے) بڑے کر وں کو مساوی اور مخالف قوت کے ساتھ اپنی جانب تھینچتے ہیں۔ چھڑ پر کوئی کل قوت نہیں لگ رہی ہے بلکہ صرف قوت گردشہ کام کررہا ہے جو چھڑ کی کمبائی اور F کے ماصلِ ضرب کے برابر ہے جہاں F بڑے کر ہے اور اس کے نزد کی جھوٹے کر سے اور اس کے نزد کی موئی تاراتی دیر کے لیے گھو منے گئی ہے جب تک تارکا بحالی قوت گردشہ مادی موئی تارکا بحالی قوت گردشہ مادی کشش کے قوت کردشہ کے برابر نہ ہوجائے۔ اگر اللّٰ کئی ہوئی تارکا موئی تارکا بحالی قوت کردشہ کے برابر بہ موجائے۔ اگر اللّٰ کئی ہوئی تارکا کرشد کے برابر بہ موجائے۔ اگر اللّٰ کئی ہوئی تارکا کرشد کے برابر بہ موجائے۔ اگر اللّٰ کئی ہوئی تارکا کردشہ کے برابر بہ ہوجائے۔ اگر اللّٰ کئی ہوئی تارکا کی برابر کے برابر بہ موجائے۔ اگر اللّٰ کا کہ برابر برابر کے برابر کے برابر کردشہ کے برابر بہ موجائے۔ اگر اللّٰئی ہوئی تارکا کی برابر کے برابر کے برابر کی موئی تارکا کے برابر کردشہ کے برابر کے برابر کے برابر کی کردشہ کے برابر کردشہ کے برابر کیا کی موئی تارکا کی کردشہ کے برابر کے برابر کی کردشہ کے برابر کیا کی کردشہ کے برابر کی کردشہ کے برابر کیا کہ کردشہ کی کردشہ کے برابر کیا کو کردشہ کے برابر کیا کہ کوئی کیں کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کے برابر کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کے برابر کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کردشہ کی کردشہ کردشہ کی کردشہ کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کردشہ کی کردشہ کی کردشہ کردشہ

252 طب<u>عيات</u>

$$F = G m \left(\frac{4\pi}{3} \rho\right) \frac{r^3}{r^2} = G m \left(\frac{M_E}{R_E^3}\right) \frac{r^3}{r^2}$$

$$=\frac{G\,m\,M_{\rm E}}{R_{\rm F}^{\ 3}}\,r\tag{8.10}$$

ا گرکمیتm زمین کے سطح پر واقع ہوتو $_{
m R_E}$ $_{
m I}$ اور اس پر نگی مادی کشش قوت مساوات (8.10) ہے

$$F = G \frac{M_E m}{R_E^2} \tag{8.11}$$

کمیت m کے ذریعہ محسوس کیا گیا اسراع، جسے عام طور پر g سے ظاہر کرتے ہیں، نیوٹن کے دوسرے قانون کے مطابق F سے منسلک ہے:اس طرح

$$g = \frac{F}{m} = \frac{GM_E}{R_E^2} \tag{8.12}$$

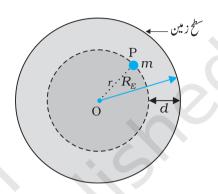
اسراع g بہ آسانی نا پا جاسکتا ہے۔ R_E ایک معلوم قدر ہے، کیونڈش کے یا دیگر تجر بہ کے بنیاد پر G کی پیائش اور G اور G کی معلومات سے مساوات G کی نام کا تخمینہ لگا یا جاسکتا ہے۔ اسی وجہ سے کیونڈش کے بارے میں مشہور تول ہے کہ' کیونڈش نے زمین کا وزن کرلیا'۔

8.6 زمینی سطح سے نیچاوراو پر مادی کشش اسراع

(Acceleration Due to Gravity Below and Avove the Source of Earth)

مان کیجے ایک نقطہ کمیت m زمینی سطح سے h او نچائی پر ہے جبیبا کہ شکل (8.8(a)) میں دکھایا گیا ہے۔ زمین کا نصف قط R_E ہے۔ چونکہ یہ زمین سے باہر ہے اس لیے اس کی دوری زمین کے مرکز سے زمین سے باہر ہے اس لیے اس کی دوری زمین کے مرکز سے (R_E+h) ہوگی۔اگر

زمین کی کمیت ہے اس لیے زمین سے باہرا یک نقطہ پر نگی مادی کشش قوت ٹھیک وہی ہوگی جیسے کہ زمین کی کل کمیت اپنے مرکز پر مرکوز ہو۔ ایک نقطہ جو زمین کے اندر ہے اس کے لیے حالت مختلف ہوتی ہے۔ بیشکل 8.7 میں دکھایا گیا ہے



اور نصف M_E کمیت M_E کمیت M_E کمین میں زمین (کمین M_E اور نصف قطر M_E کمی سطح سے M_E گھرائی پر واقع ہے۔ زمین کو هم کروی طور پر متشاکل (Spherically symmentric) مانتے

دوباره مان لیس که زمین پہلے کی طرح ہم مرکزی کروی شیاوں پر شمل ہے اور ایک نقطہ کمیت m مرکز سے r دوری پر واقع ہے۔ایسے ثیل کے لیے جس کا نصف قطر r سے زیادہ ہے نقطہ P اندر کی جانب واقع ہوگا۔
اس لیے پچھلے حصہ کے نتیجہ کے مطابق P پر واقع کمیت M پر کوئی بھی مادی شش قوت نہیں لگائے گی۔ وہ ثیل جن کا نصف قطر r> ہیں ، نصف قطر r کا کرہ تشکیل دیتے ہیں اور نقطہ P اس کرہ کی سطح پر واقع ہوتا ہے۔ قطر r کا کرہ تشکیل دیتے ہیں اور نقطہ P اس کرہ کی سطح پر واقع ہوتا ہے۔ یہ چھوٹا کرہ P پر واقع میں کہیت پر جوقوت لگا تا ہے وہ الی قوت ہے جیسے کہ یہ چھوٹا کرہ P پر کیت سے پر کرکوز ہے اس لیے P پر کمیت سے پر لگ رہی قوت کی عددی قدر ہے :

$$F = \frac{Gm (m_r)}{r^2}$$
 (8.9)

 7 ہم مانتے ہیں ہیں کہ کل زمین کی کثافت کیساں ہے اس لیے زمین کی کمیت $M_{
m E}$ ہوگی۔ جہاں $M_{
m E}$ مین کی کمیت ہے، $M_{
m E}$ اس کا

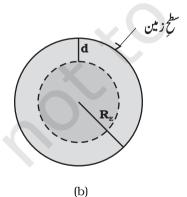
مساوات (8.15) یہ بتاتی ہے کہ اونجائی h کے لیے g کی قدر جزوضر کی کے ذریعہ کم ہونے گئی ہے $(1-2h/R_E)$.

اب ہم زمینی سطح سے نیجے d گہرائی یر نقطہ کمیت m لیتے ہیں $(R_{E}-d)$ اس طرح اس کی دوری زمین مرکز سے (8.8 (b) شکل ے۔ زمین کے بارے میں ریب وجا جاسکتا ہے کہ پیضف قطر $(R_{F}-d)$ والے چھوٹے کر ے اور موٹائی d کے کر وی شیل پر مشمل ہے۔ باہری شیل کے ذریعہ m پر لگی قوت بچھلے حصہ کے نتیجہ کے مطابق صفر ہوگی ۔ جہاں تک $(R_{\rm E}-d)$ نصف قطروالے چیموٹے کرہ کی بات ہے، نقطہ کمیت اس کے باہر ہے۔اس لیے پچھلے حصہ کے نتیجہ کے مطابق اس چھوٹے کرہ کے ذریعہ گلی قوت ٹھک اسی طرح ہوگی جیسے کہ چھوٹے کرہ کی کل کمیت مرکز برمرکوز ہو۔اگر Ms نسبتاً حیوٹے کرہ کی کمیت ہے تب

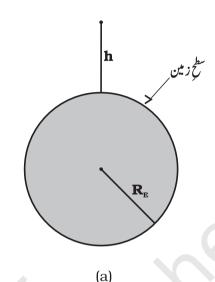
 $M_s/M_r = (R_r - d)^3/R_r^3$ چونکہ کرہ کی کمیت اس کے نصف قطر کے ملعب کے متناسب ہے اس ليےنقط کميت برلگی قوت

 $F (d) = GM_s m/(R_E - d)^2$ (8.17)

 $F (d) = G M_E m (R_E - d) / R_E^3$ اوراس کیے گہرائی a(d) = F(d)/m اوراس کی گہرائی a(d) = f(d)/m ہوگا۔



شكل (**8.8(b** گهرائي d پر g اس صورت مين(R_F-d) نصف قطر والا مقابلتاً چھوٹا کرّہ هي g كو قدر فراهم كرنے ميں شاكل هوتا هے_



g زمینی سطح سے hاو نجائی پر

نقطه کمیت mپرقوت کی عددی قدر ہے تو ہمF(h)مساوات(8.5)سے پاتے ھیں

$$F(h) = \frac{GM_E m}{(R_E + h)^2}$$
 (8.13)

ورج بالاسے $M_{
m s}$ کی قدرر کھنے پر ہم پاتے ہیں F(h)/m=g(h) کی قدرر کھنے پر ہم پاتے ہیں نقطہ کمیت کے ذریعہ محسوں کیا گیا اسراع F(h)/m=g(h)

$$g(h) = \frac{F(h)}{m} = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2} . (8.14)$$

 $g = \frac{GM_E}{R_-^2}$ صاف ظاہر ہے کہ پیر خے زمین پر g کی قدر ہے۔ h<<R_E کے لیے ہم مساوات (8.14) کواس طرح پھیلا سکتے ہیں

 $g(h) = \frac{GM_E}{R_E^2(1+h/R_E)^2} = g(1+h/R_E)^{-2}$

استعال سے کے لیے دور کنی ریاضیاتی عبارت کے استعال سے $\frac{h}{R_-}$

$$g(h) \cong g\left(1 - \frac{2h}{R_E}\right) \tag{8.15}$$

طبيعيات

$$= mg(h_2 - h_1) (8.20)$$

اگر ہم سطح کے اوپر ۱ اونچائی پر ایک نقطہ سے توانائی بالقوۃ w(h)

 $W(h)=mgh+W_0 \tag{8.21}$

: -جہاں W_0 مستقلہ ہے۔ اس سے صاف ظاہر ہے

$$W_{12} = W(h_2) - W(h_1)$$
 (8.22)

ذرہ کی حرکت میں کیا گیا کام ابتدائی اور آخری حالت کے درمیان تو انائی بالقو a کا فرق ہے۔غور کریں کہ مساوات (8.22) میں مستقلہ a ہوجا تا ہے۔مساوات (8.21) میں اگرa ہوجا تا ہے۔مساوات (8.21) میں اگرa ہوجا تا ہے۔مساوات a کا مطلب ہے کہ نقطہ زمین کے طح پر ہے اس لیے زمین کے طح پر تو انائی بالقو a کا مطلب ہے کہ نقطہ زمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ زمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طح پر تو انائی بالقو a کی سے سے کہ نقطہ نمین کے طرح بر تو انائی بالقو تا کی سے سے کہ نقطہ نمین کے سے کہ نواز میں کی سے کہ نواز میں کے سے کہ نواز میں کی بالقو تا کی بالمیں کی بالمیں کے سے کہ نواز میں کی بالمیں کی بالمیں

اگر ہم زمین کے سطح سے سی بھی دوری پرایک نقطہ لیس تو درج بالا متیجہ خبیس ہوگا۔ کیونکہ مفروضہ، مادی شش mg مستقلہ ہے، درست نہیں ہوگا۔ بہرحال ہم اپنی اس بحث سے بیرجانتے ہیں کہ زمین سے باہرایک نقطہ پر لگی مادی شش قوت جوزمین کے مرکز کی جانب ہوتی ، ہے:

 $F = \frac{GM_E m}{r^2} \tag{8.23}$

جہاں M_E نمین کی کمیت m ذرہ کی کمیت ہے اور r زمین کے مرکز m_E بہاں m_E زمین کے مرکز m_E بین کے درہ کو m تک ایک عبد دوری ہے۔ اگر ہم ایک ذرہ کو m تک ایک ایک عمودی سمت میں لے جانے میں کئے گئے کام کا حساب لگا کیں تو بجائے مساوات (8.20) کے مساوات (8.20)

$$\begin{split} W_{12} &= \int_{r_1}^{r_2} \frac{G M m}{r^2} \, \mathrm{d}r \\ &= -G M_{\rm E} m \left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) \\ &\downarrow W(\mathbf{r})$$
 (8.24) كى جگه \mathbf{r} دور كى پرتوانا كى بالقو ق (8.21) بىل $\mathbf{W}(\mathbf{r}) = -\frac{G M_{\rm E} m}{r} + W_1$,

$$g(d) = \frac{F(d)}{m} = \frac{GM_E}{R_E^3} (R_E - d)$$

$$= g \frac{R_E - d}{R_E} = g(1 - d / R_E)$$
 (8.19)

اس لیے جیسے جیسے ہم زمینی سطح سے ینچے کی جانب جاتے ہیں مادی کشش اسراع $(1-d/R_E)$ جزوضر کی کے ذریعہ کم ہونے لگتا ہے۔ زمینی کشش کے ذریعہ اسراع کے متعلق اہم بات سے کہ میسطح پرسب سے زمینی کشش کے ذریعہ اسراع کے متعلق اہم ہونے لگتا ہے۔ زیادہ ہوتا ہے اورخواہ او پر جائیں یا نیچی میے کم ہونے لگتا ہے۔

(Grivitational اوى شش توانائی بالقوة **8.7** Potential Energy)

ہم اس سے پہلے ہی توانائی بالقوۃ کے بارے میں پڑھ چکے ہیں کہ یہ وہ توانائی ہے جوجسم کے اندراس کے مقام رحالت کی مناسبت سے محفوظ ہوتی ہے۔ اگر ذرہ کے مقام رحالت میں عامل قوت کے ذریعے تبدیلی آتی ہے تو توانائی بالقوۃ میں تبدیلی قوت کے ذریعے جسم پر کام ہوتا ہے۔ جسیا کہ ہم نے پہلے تذکرہ کیا ہے وہ قوتیں جن کے لیے کیا گیا کام راہ کے تابع نہیں ہوتا، برقراری قوتیں (Conservative Force) کہلاتی ہیں۔

قوت مادی کشش بھی ایک برقراری قوت ہے۔ ہم اس قوت سے پیدا شدہ جسم کی توانائی بالقوۃ کا تخمینہ لگا سکتے ہیں جسے مادی کشش توانائی بالقوۃ کہتے ہیں۔ زمینی سطح کے نزدیک پچھ نقاط مان لیجئے جن کی سطح سے دوری زمین کے نصف قطر کے مقابلے میں بہت کم ہے۔ ایک صورت میں مادی کشش عملی طور پر مستقلہ ہوگی، جس کی عددی قدرایک مستقلہ m کا مادی کشش عملی طور پر مستقلہ ہوگی، جس کی عددی قدرایک مستقلہ m برابر اور سمت زمین کے مرکز کی جانب ہوتی ہے۔ اگر ہم زمین کی سطح سے m او نچائی پر ایک نقطہ لیتے ہیں اور دوسر انقطہ ٹھیک او پر عمودی سمت میں سطح سے m او نچائی پر ہے تو پہلے سے دوسرے مقام تک m کمیت والے ذرہ کو لے جانے میں کیا گیا کا م m ہوگا۔

$$W_{12} = \ddot{v} \times \ddot{v}$$

عق عقل عامل على المستعمل المست

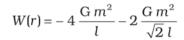
جو $W(r_2)-W(r_1)-W(r_1)$ جرصت ہے۔ $W(r_2)-W(r_2)-W(r_3)$ آخری مساوات میں T کو لامتناہی رکھنے پر $W_1=W_1$ برتوانائی بالقو ق ہوتی ہے۔ خیال رہے کہ دونقطوں کے درمیان توانائی بالقو ق کا صرف فرق ہی ایک متعین معنی کے ساتھ مساوات (8.22) اور مساوات (8.24) میں استعال ہوا ہے ہم عام طور سے W_1 کو صفر مان لیتے ہیں ، اس طرح کسی نقطہ پر توانائی بالقو ق ، ذرہ کو لا انتہا سے اس نقطہ تک منتقل کرنے میں کیا گیا کام ہے۔

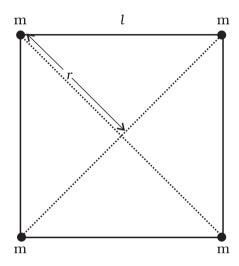
ہم نے مادی کشش کی قو توں کے ذریعے ، ایک ذریے کی ایک نقط پر ، تو انائی بالقوۃ کی تحسیب کی ہے۔ زمین کی مادی کشش کی وجہ سے پیدا ہونے والے مادی کشش بالقوۃ کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ بیدا س نقطہ پر ایک اکائی کمیت کے ذریے کی تو انائی بالقوۃ ہے کہ بیدا س نقطہ پر ایک اکائی کمیت کے ذریے کی تو انائی بالقوۃ ہے کی تحییل گفتگو سے ہم نے یہی سیکھا ہے کہ m_1 اور m_2 کمیت والے دو ذرات جن کی درمیانی دوری m_2 کے لیے مادی کشش تو انائی بالقوۃ ہوگی : $V = -\frac{Gm_1m_2}{r} (\upsilon = 0)$ v = 0

یہ خیال رہے کہ ذرات کے ایک جداگا نہ نظام کی کل تو انائی بالقوۃ اس کے بھی مکنہ جوڑوں کے درمیان کی تو انائی بالقوۃ کی جمع ہوتی ہے۔ یہ انطباق کے اصول (Superposition Principle) کی ایک مثال ہے۔

مثال 8.3 ضلع اوالے مربع کے راسوں پر جار ذرے رکھ ہوئے ہیں۔اس نظام کی توانائی بالقوۃ معلوم لیجئے۔مربع کے مرکز پر بھی توانائی بالقوۃ کی تحسیب لیجئے

جواب مان کیجئ m کمیت کی چار کمیتیں ضلع I والے مربع کی راسوں پررکھی ہوئی ہیں۔ (دیکھیں شکل 8.9) ہمارے پاس I دوری والے چار اور 1 \mathbb{Z} دوری والے دوجوڑے ہیں اس لیے





شكل 8.9

$$=-\frac{2Gm^2}{l}\left(2+\frac{1}{\sqrt{2}}\right)=-5.41\frac{Gm^2}{l}$$

$$\log\left(r=\sqrt{2}l/2\right)$$

$$U(r)=-4\sqrt{2}\frac{Gm}{l}$$

(Escape Speed) يال فرار (8.8

اگرایک پچھرکوہاتھ سے پھینکا جائے تو ہم دیکھتے ہیں کہ بیز مین پرواپس آجاتا ہے۔ مشین کے ذریعہ ایک چیز کوہم بہت زیادہ ابتدائی چال سے بہت زیادہ او نچائی تک پھینک سکتے ہیں۔ ایک قدرتی بات جو ہمارے ذہن میں پیدا ہوتی ہے وہ درج ذیل ہے: کیا ہم کسی چیز کواتی زیادہ ابتدائی چال سے اوپر پھینک سکتے ہیں کہ وہ واپس زمین پرنہ آئے؟

توانائی کی بقاء کا اصول اس سوال کے جواب کے حصول میں ہماری مدد کرتا ہے۔ مان لیجیے چیز لا انتہا ہی تک پہنچ گئی اور اس وقت اس کی حیال مدد کرتا ہے۔ مان کیجیے کی لو انائی ہاس کی بالقوق اور حرکی توانا ئیوں کا حاصلِ جمع موگا۔ جسیا کہ پہلے بتایا گیا ہے W_1 کسی چیز کا لا انتہا پر مادی کشش توانائی ہوگا۔ جسیا کہ پہلے بتایا گیا ہے W_1 کسی چیز کا لا انتہا پر مادی کشش توانائی

عبيات علي علي المراجع المراجع

 $(V_i)_{min}$ 11.2 km/s، پیچاری قیمت رکھنے پر R_E عال R_E واور R_E عال فرار یارفارفرار (دراصل چال کہنا مناسب ہے) کہلاتی ہے۔ مساوات (8.32) کا استعال ایک چیز کوچاند کی سطح سے پھینے جانے کے لیے بھی کر سکتے ہیں۔ یہاں g چاند کی مادی شش قوت کے ذریعہ اس کی سطح پر پیدا ہونے والا اسراع ہے اور r_E چاند کا نصف قطر ہے۔ یہ دونوں زمین کے مقابلے کم ہیں اور چاند کے لیے چال فرار R_E کی کرہ بادنہیں ہے۔ جو کہ تقریبا پانچ گنا کم ہے۔ یہی وجہ ہے کہ چاند پر کوئی کرہ بادنہیں ہے۔ چاند کے سطح پر گیس سالمہ اگر بنتا ہے اور اس کی رفتار اس سے زیادہ ہوتو وہ جاند کی مادی شش قوت سے فرار ہوجائے گا۔

جواب پروجکطائل پردونوں کروں کے سبب،ایک دوسرے کی باہمی مخالف، دومادی کشش قوتیں کام کررہی ہیں۔تعدیلی نقطہ N (شکل 8.10) ایک ایسا نقطہ ہے جہاں دونوں قوتیں ایک دوسرے کو کممل طور پررد کردیتی ہیں۔ اگر = ON ہے تو بالقوة ہے لاا نتہا پر و جمیطائل کی کل تو انائی ہوگی۔ $E(\infty) = W_1 + \frac{mV_f^2}{2} \qquad (8.26)$ $P(0) = W_1 + \frac{mV_f^2}{2} \qquad (8.26)$ $P(0) = W_1 + \frac{mV_f^2}{2} \qquad (8.26)$ $P(0) = \frac{1}{2} \text{ (As } 2 + \frac{1}{2} \text{ (Bs } 2 + \frac{$

اس مساوات میں دائیں ہاتھ کی جانب ایک مثبت مقدارہے جس کی کم از کم قیمت صفر ہوسکتی ہے اور یہی بائیں ہاتھ کی جانب بھی ہوگا۔اس طرح ایک چیز لانتہا تک جب ہی پہنچ سکتی ہے جب کہ ۱۷س طرح ہو

$$\frac{mV_i^2}{2} - \frac{GmM_E}{(h + R_E)} \ge 0 {(8.29)}$$

کی کم از کم قدر اس وقت ہوگی جب مساوات (8.29) کے ∇_i با نیں ہاتھ کی جانب صفر کے برا بر کر دی جائے گی ۔ اس لیے ایک چیز کولا انتہا تک لے جانے کے لیے کم از کم درکار جال (لیعنی زمین سے فرار) ہوگی

$$rac{1}{2}m\left(V_i^2
ight)_{\min}=rac{GmM_E}{h+R_E}$$
 اگر ایک چیز زمین کی سطح سے اوپر کی جانب چینکی گئی ہے تو

اگر ایک چیز زمین کی سطح سے اوپر کی جانب چینگی گئی ہے ن h=0 ہوگالینی

$$\left(V_{i}\right)_{\min} = \frac{\sqrt{2GM_{E}}}{R_{E}} \tag{8.31}$$

المِنْ
$$g = GM_E / R_E^2$$
 ين $Q = GM_E / R_E^2$ (8.32)

ى 257

اس مثال میں تعدیلی نقطہ r=-6R کی ہمارے لیے کوئی اہمیت نہیں ہے r=-6R اس مثال میں تعدیلی نقطہ r=2R ، لہذا ذر ہے کو اتنی جیال سے پھینکنا کافی ہوگا کہ وہ N=1 کی نسبتاً زیادہ مادی قوت N=1 کی نسبتاً زیادہ مادی قوت کشش کافی ہوگا ہوگا کی توانائی

$$E_i = \frac{1}{2} \, m \, v^2 - \frac{G \, M \, m}{R} - \frac{4 \, G \, M \, m}{5 \, R}$$

تعدیلی نقطہ N پر چال صفر کے نز دیک تر پہننی جاتی ہے ۔ نقطہ N پر میکا نکی تو انائی خالصتاً بالقو ۃ ہموتی ہے ۔ $E_N = -\frac{G\,M\,m}{2\,R} - \frac{4\,G\,M\,m}{4\,R}$

میکا نگی تو انائی کی بقا کے اصول کے مطابق
$$rac{1}{2}v^2-rac{GM}{R}-rac{4GM}{5R}=-rac{GM}{2R}-rac{GM}{R}$$

Ï

$$v^{2} = \frac{2 G M}{R} \left(\frac{4}{5} - \frac{1}{2} \right)$$
$$v = \left(\frac{3 G M}{5 R} \right)^{1/2}$$

یہاں غور کرنے کی بات میہ کہ N نقطے پر پر وجکٹائل کی چال صفر ہوتی ہے لیکن جب وہ بھاری کر ه 4M سے ٹکرا تا ہے تو چال صفر نہیں ہوتی ۔ اس چال کا شار ہم طلبا کوایک مثق کے طور پر کرنے کے لیے دے رہے ہیں۔

(Earth Satellites) در منی ذیلی سیاره **8.9**

زمینی ذیلی سیارے وہ اجسام ہیں جوز مین کے گرد طواف کرتے ہیں۔ان کی حرکت سورج کے گرد سیاروں کی حرکت کے مشابہ ہے۔اس لیے سیاری حرکت کے کیپلر کے قانون یہاں بھی لا گوہوں گے۔خاص بات بیہ ہے کہ زمین کے گردان کا مدار دائری یا ناقص ہوتا ہے۔ جا ندز مین کا واحد قدرتی

ذیلی سیارہ ہے، جس کا مدارتقریبادائری ہے دوری وقفہ 27.3 دن ہے۔ اور تقریباً یہی، چاند کا گرد ہے 1957 سے آج تک تقریباً یہی، چاند کا گرد تی دورخود اپنے محور کے گرد ہے 1957 سے آج تک نئی گذالوجی کی ترقی کی بناء پر ہندوستان سمیت دیگر مما لک نے بھی مصنوعی زمینی ذیلی سیار ہے خلامیں جھیجے ہیں۔ انہیں اطلاعات، زمینی تحقیقات اور موسمیات وغیرہ جیسے میدانوں میں استعمال کیا جارہا ہے۔

ہم ایک ذیلی سیارہ کو دائری مدار میں زمین کے مرکز سے (R_E+h) دوری پر فرض کیے لیتے ہیں جہاں (R_E+h) نصف قطر ہے۔اگر (R_E+h) نصف اور (R_E+h) کی جانب ہوگی اور اس کی عددی قدر ہوگی:

$$F(\mathcal{F}/p) = \frac{m.V^2}{(R_E + h)}$$
 (8.33)

یہ مرکز جو قوت مادی کشش قوت کے ذریعہ حاصل ہوتی ہے،

بوہے:

$$F(\hat{C}) = \frac{G m M_E}{(R_E + h)^2}$$
 (8.34)

(8.34)جہاں $M_{\rm E}$ اور (8.34) اور (8.34)

$$\mathcal{L}^2 = \frac{G M_E}{(R_E + h)}$$
 (8.35)

اس طرح h بڑھانے پر V کم ہو جائیگی۔ مساوات (8.35) سے h=0 پر چال V ہوگی

$$V^2$$
 $(h=0) = GM/R_E = gR_E$ (8.36)

 $g=rac{GM_E}{R_E^2}$: جہاں ہم نے رشتہ $g=rac{GM_E}{R_E^2}$ استعمال کیا ہے۔ ہر مدار میں ذیلی سیارہ v جہال کے ساتھ $2\pi(R_E+h)$ کا دور کی وقت 2π ہوگا۔

$$T = \frac{2\pi (R_E + h)}{V} = \frac{2\pi (R_E + h)^{3/2}}{\sqrt{G M_E}}$$
(8.37)

$$M_{m} = \frac{4\pi^{2}}{G} \frac{R^{3}}{T^{2}}$$

$$= \frac{4 \times (3.14)^{2} \times (9.4)^{3} \times 10^{18}}{6.67 \times 10^{-11} \times (459 \times 60)^{2}}$$

$$M_{m} = \frac{4 \times (3.14)^{2} \times (9.4)^{3} \times 10^{18}}{6.67 \times (4.59 \times 6)^{2} \times 10^{-5}}$$

$$= 6.48 \times 10^{23} \text{ kg}$$

(ii) کیپلر کے تیسرے قانون کا استعال کر کے ہم درج ذیل طریقے سے T_m

$$\frac{T_M^2}{T_E^2} = \frac{R_{MS}^3}{R_{ES}^3}$$

یہاں $R_{
m MS}$ مریخ سورج کی درمیانی دوری اور $R_{
m ES}$ زمین سورج

کی درمیانی دوری ہے۔

$$T_{m} = \left(\frac{R_{MS}^{3}}{R_{ES}^{3}}\right)^{\frac{3}{2}}$$

$$T_{M} = (1.52)^{3/2} \times 365$$

(رن)= 684

یہاںغور کرنے کی بات ہے عطار د، مریخ اور پلوٹو کوچھوڑ کر دیگر بھی سیاروں کے مدارتقریبا دائری ہیں۔ مثال کے لیے زمین کے نصف اصغراور نصف اکبرمحوروں کا تناسب b/a=0.99986

مثال 8.6 زمین کوتو لنا: آپ کو درج ذیل اعداد شار دیے گئے ہیں $R_{\rm E}=6.37 \times 10^6 m$, $g=9.81~{\rm ms}^2$ جا ند کی دوری $R_{\rm E}=3.84 \times 10^6~{\rm m}$ روزی کا دوری $R_{\rm E}=3.84 \times 10^6~{\rm m}$ کی کیت $M_{\rm E}$ معلوم کیجئے۔

جواب مساوات 8.12سے

مساوات (8.25) کی قدر رکھنے پر اور مساوات V=(8.25) کودونوں جانب مربع کرنے پر $T^2 = k \ (R_p + h)^3 \qquad (8.38)$

 $= 4\pi^2/\mathrm{GM_E}$ جہاں جہاں ہے جوز مین کے گرد ذیلی سیاروں کی حرکت میں استعمال تا نون کی وہ شکل ہے جوز مین کے گرد ذیلی سیاروں کی حرکت میں استعمال ہوتی ہے۔ ایک ذیلی سیارہ جوز مینی سطح سے بہت ہی قریب ہواس کے لیے موتی ہے۔ ایک ذیلی سیارہ جوز مینی سطح سے بہت ہی قریب ہواس کے لیے مقابلہ میں نظرانداز کیا جاسکتا ہے۔ (مساوات 8.38) اس لیے اس ذیلی سیارہ کے لیے T_0 بن جاتا ہے۔ جہاں $T_0 = 2\pi\sqrt{R_E/g}$ (8.39)

 $R_{\rm E}$ =6400km اگرېم واور g وينتين رهين تو g g g g g g

$$T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{6.4 \times 10^6}{9.8}}$$
 s 9.8 منٹ کے برابر ہے

مشال 8.5 سیارہ مرت کے دوجیاند ہیں جن کے نام فوبوں اورڈ پیلوں
ہیں (i) فوبوں کا دور7 گھنٹے 39منٹ ہے اور مداری نصف
قطر 103km × 9.4 ہے۔ سیارہ مرت کی کمیت تحسیب جیجئے۔
(ii) مان لیجئے کہ زمین اور مرت نے سورج کے اطراف دائری مداروں
میں طواف کرتے ہیں اور مرت نے سیارے کا مدار زمین کے مدار کے
نصف قطر کا 1.52 گنا ہے۔ مرت نے سال کی مدت دنوں میں
تحسیب جیجئے۔

جواب (i) میاوات (8.38) میں سورج کی کمیت کا بدل سیارہ مرتخ کی کمیت کا بدل سیارہ مرتخ کی کمیت M_m کمیت $T^2 = \frac{4\pi^2}{GM} R^3$

 \mathcal{L}^{0}

تومساوات8.38 ناقص مدار کے لیے بھی لا گوہوتی ہے۔الی حالت میں زمین اس ناقص کے ایک ماسکہ پرواقع ہوگی۔

ایک مدار میں طواف کرتے ہوئے سیار یچ کی توانائی 8.10 (Energy of An Orbiting Satellite)

مساوات (8.35) کے استعمال سے ایک دائری مدار میں ۷ جپال سے حرکت کرتا ہواذیلی سیارہ (سیارچ) کی حرکی تو انائی ہوگی

$$K.E = \frac{1}{2}m v^{2}$$

$$= \frac{Gm M_{E}}{2(R_{E} + h)}$$
(8.40)

مان کیجئے لا انتہا پر مادی کشش تو انائی بالقوۃ صفر ہے۔ زمین کے مرکز سے (R+h) دوری پرتو انائی بالقوۃ ہوگ $P.E = -\frac{G\,m\,M_E}{(R_E+h)}$ (8.41)

حرکی توانائی مثبت ہے جب کہ توانائی بالقوۃ منفی ہے۔ بہرحال عددی قدر کے اعتبار سے حرکی توانائی، توانائی بالقوۃ کی نصف ہے۔اس لیے کل توانائی

$$E = K.E + P.E = -\frac{G \, m \, M_E}{2(R_E + h)} \tag{8.42}$$

دائری مدار میں حرکت کرتے ہوئے سیار پے کی کل توانائی منفی ہے، کیونکہ توانائی بالقوۃ جوحرکی توانائی کی،عددی قدر کی مناسبت سے دگنی ہے، منفی ہے۔

جب سیار پے ناقص مدار میں ہوتے ہیں تو دونوں توانائیوں K.E اور ایک نقطہ سے دوسر نقطہ تک بدلتی رہتی ہیں۔دائری مدار کی طرح ناقص مدار میں بھی کل توانائی مستقلہ اور منفی ہوتی ہے۔ یہ جو ہمارا اندازہ بھی ہے چونکہ پچھلے حصہ میں ہم پڑھ چکے ہیں کہ اگر کل توانائی مثبت یا صفر ہوتو شے لا انہا تک فرار ہوجاتی ہے۔ سیار پے ہمیشہ بی زمین سے ایک محدود دوری پر ہوتے ہیں اور ان لیے اس کی توانائی مثبت یا صفر نہیں ہو سکتی۔

$$M_{E} = \frac{g R_{E}^{2}}{G}$$

$$= \frac{9.81 \times (6.37 \times 10^{6})^{2}}{6.67 \times 10^{-11}}$$

$$= 5.97 \times 10^{24} \text{ kg}$$

چاندز مین کاایک ذیلی سیارہ ہے۔ کپیلر کے تیسرے قانون سے (مساوات 8.38)دیکھیں)

$$T^{2} = \frac{4\pi^{2}R^{3}}{GM_{E}}$$

$$M_{E} = \frac{4\pi^{2}R^{3}}{GT^{2}}$$

$$= \frac{4\times3.14\times3.14\times(3.84)^{3}\times10^{24}}{6.67\times10^{-11}\times(27.3\times24\times60\times60)^{2}}$$

$$= 6.02\times10^{24}\text{kg}$$

ان منتیجوں میں%1 سے بھی کم فرق ہے۔لہذا دونوں طریقوں سے تقریباًا یک ہی جواب حاصل ہوتا ہے۔

مشال 8.7 مساوات (8.38) کے مستقلہ کا کودنوں اور کلومیٹر میں ظاہر کیجئے۔ دیا ہے کہ چاند زمین سے 8.7 معلوم کیجئے
 دور کی برہے۔ اس کے طواف کا دور (دنوں میں) معلوم کیجئے

جواب دیاہواہے۔

$$k = 10^{13} \text{ s}^2 \text{ m}^{-3}$$

$$= 10^{-13} \left[\frac{1}{(24 \times 60 \times 60)^2} d^2 \right] \left[\frac{1}{(1/1000)^3 \text{ km}^3} \right]$$

$$= 1.33 \times 10^{14} d^2 \text{ km}^{-3}$$

مساوات (8.38) اور k کی دی ہوئی قدر کا استعال کرنے پر جاند کا طوافی دور

$$T^2 = (1.33 \times 10^{14}) \ (3.84 \times 10^{9})^3$$
 $T = 27.3 \ d$ غور نیجئے کہ اگر $(R_F + h)$ کوہم ناقص کا نصف محور اکبر مان لیں

طبعیات طبعیات

 $\Delta E = \frac{g \, m \, R_E}{8} = \frac{9.81 \times 400 \times 6.37 \times 10^6}{8} = 3.13 \times 10^9 \, \mathrm{J}$ $7 \, \mathrm{J} \, \mathrm{J$

8.11 قائم ارضی اور طبی ذیلی سیارے

(Geostationary And Polar Satellites) ایک دلچسپ بات جب پیدا ہوتی ہے اگر (R_E+h) کی قدراس طرح تطبق

(adjust) کی جائے کہ مساوات (8.37) میں T کی قدر 24 گھنٹے

مشال 400 kg 8.8 کاکوئی ذیلی سیارہ زمین کے اطراف $2R_{\rm E}$ نصف قطر والے کسی دائری مدار میں طواف کر رہا ہے اسے $4R_{\rm E}$ نصف قطر والے دائری مدار میں منتقل کرنے کے لیے کتنی توانائی کی ضرورت ہوگی؟ اس کی حرکی توانائی اور توانائی بالقوۃ میں کتنی تبدیلی ہوگی؟

 $E_i=-rac{G\,M_E\,m}{4\,R_E}$ $E_f=-rac{G\,M_E\,m}{8\,R_E}$ $E_f=-rac{G\,M_E\,m}{8\,R_E}$ للهذا تو انا ئی میں کل تبدیلی

$$\Delta \mathbf{E} = E_f - E_i$$

$$= \frac{G M_E m}{8 R_E} = \left(\frac{G M_E}{R_E^2}\right) \frac{m R_E}{8}$$

خلامیں ہندوستان کی چھلا نگ

عَلَ 261

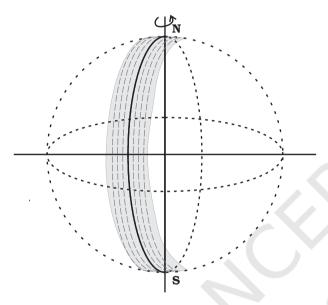
ہوجائے۔اگردائری مدارز مین کی استوائی (equatorial) سطح میں ہو تو ایسے ذیلی سیارہ کی مداری مدت زمین کے لیے اپنے محور کے گردگرد ثق مدت کے برابر ہوگی اور زمین سے دیکھنے پر بیسا کت حالت میں نظر آئے گا۔اس کے لیے ($R_E + h$) کا تخمینہ R_E کے کافی زیادہ ہوتا ہے:

$$R_E + h = \left(\frac{T^2 G M_E}{4\pi^2}\right)^{1/3}$$
 (8.43)

اگر گفتہ 24 ہے جو جہ سے کافی زیادہ ہے۔اس طرح کے ذیلی سیارے کو جوز مین کی استوائی سطح میں ہوتا ہے اور جس کے لیے، گھنٹہ 24 ہے۔ ہوتا ہے قائم ارضی استوائی سطح میں ہوتا ہے اور جس کے لیے، گھنٹہ 24 ہے۔ ہوتا ہے قائم ارضی سیارہ کہتے ہیں۔ ظاہر ہے چونکہ زمین بھی اسی دوری وقت سے گھومتی ہے اس لیے زمین سے دیکھنے پر بیز دیلی سیارہ ساکت عالمت میں نظر آئے گا۔اس طرح کے ذیلی سیاروں کوطاقتور راکٹ کی مدد سے زمین سے او پر اتن او نچائی تک لانچ کرایا جاتا ہے۔ ان سیاروں کے استعمال سے بہت سارے فائدہ حاصل ہوتے ہیں۔

یہ معلوم ہے کہ الی برق مقناطیسی اہر Frequency) سے زیادہ ہو سے کہ الی بتعین تعدد (Frequency) سے زیادہ ہو آئنوسفیر سے ٹکرا کر منعکس نہیں ہوتی ۔ ریڈیونشریات کے لیے استعال ہونے والی ریڈیولہروں کا تعدد 2 Mhz سے مجاس لیے بی آئیوسفیر سے ٹکرا کر واپس آجاتی ہیں ۔ اس طرح سے کم ہے اس لیے بی آئیوسفیر سے ٹکرا کر واپس آجاتی ہیں ۔ اس طرح انٹینا سے نشر کی گئی ریڈیولہریں بہت دوری پرکسی بھی جگہ حاصل کی جاسکتی ہیں جو کہ سی بھی براہ راست اہر کے لیے زمینی انحنا (curvature) کے باعث حاصل کر پاناممکن نہیں ہے۔ ٹیلی ویژن نشریات میں اور دیگر مواصلات میں ماستعال کی گئی اہروں کا تعدد کہیں زیادہ ہوتا ہے، اس لیے انہیں خط بصارت استعال کی گئی اہروں کا تعدد کہیں زیادہ ہوتا ہے، اس لیے انہیں خط بصارت استعال کی گئی اہروں کا تعدد کہیں زیادہ ہوتا ہے، اس لیے انہیں خط بصارت کے باہر حاصل نہیں کیا جاسکتا۔ ایک قائم ارضی سیارہ

نشریاتی اسٹیشن کے اوپر متعین کر دیا جاتا ہے جوان سکنل کو حاصل کر کے زمین کے بڑے رقبہ میں واپس بھیج دیتا ہے۔ ہندوستان کے ذریعہ اوپر بھیجا گیا INSAT ذیلی سیارہ ایک قائم ارضی ذیلی سیارہ ہی ہے جسے مواصلات اور موسم کی پیش گوئی کے لیے استعمال کیا جاتا ہے



ایك قطبی ذیلی سیارہ: زمینی سطح پر ایك پٹی ایك دور كے دوران ذیلی سیارہ سے دكھائی دیتی هے۔ ذیلی سیارہ كے دوسرے دور كے ليے زمین اپنی محور پر تھوڑی گھوم جاتی هے تاكه اس كے بعد والی پٹی دكھائے دے سكے

دوسری طرح کا ذیلی سیارہ قطبی ذیلی سیارہ (شکل 1.8) کہلاتا ہے۔ یہ اونچائی (800 km) والا ذیلی سیارہ ہے یہ ثال وجنوب سمت میں زمین کے قطبین کے گرد چکرلگاتا ہے۔ جب کہ زمین اپنے محور کے گردمشرق ومغرب سمت میں گومتی ہے۔ چونکہ اس کا دوری وقت تقریبا 100 منٹ ہے اس لیے ایک دن میں ایک ہی اونچائی کو گئی بار پارکرتا ہے۔ بہرحال چونکہ اس کی اونچائی کا از بین سے اوپر تقریبا 800-500 کلو میٹر ہے اس لیے اس بر متعین کیا گیا گیا گیا گئی دوسرے مدار میں نظر چووٹی پٹی ہی دکھے پائے گا۔ اس کے بعد والی پٹی دوسرے مدار میں نظر

262 طبيعيات

آئیگی۔اس طرح پوری زمین کودن جرمیں پٹی بہ پٹی کے سہارے دیکھاجا سکتا ہے۔ بیذ یلی سیار قطبی اوراستوائی علاقے کو بہت ہی قریب سے اور صاف د کیھ سکتے ہیں۔اس طرح کے ذیلی سیاروں کے ذریعہ حاصل کی گئی خبریں ریموٹ سینسینگ ،موسم کی جا نکاری ،آب وہوا سے متعلق مطالعہ میں کافی کارآ مد ثابت ہوئی ہیں۔

(Weightlessness) المنافي **8.12**

ایک چیز کاوزن وہ قوت ہے جس سے زمین اس کو کھینچی ہے۔ جب ہم زمین کی سطی پر کھڑ ہے ہوتے ہیں تو اپناوزن محسوس کر سکتے ہیں کیونکہ زمین خالف سمت میں ایک قوت ہمارے وزن پر لگاتی ہے تا کہ ہم حالت سکون میں رہیں ۔ بہی اصول وہاں بھی لا گوہوگا جب ہم کمانی دارتر از وکو ایک متعین نقطہ (جسے جیت) سے لئکا کر کسی چیز کا وزن معلوم کریں ۔ چیز ایک متعین نقطہ (جسے جیت) سے لئکا کر کسی چیز کا وزن معلوم کریں ۔ چیز ینچے کی طرف گرجائے گی جب تک کوئی قوت زمین کی قوت کشش کے مخالف سمت میں نہ ہو۔ بہی قوت کمانی چیز برلگاتی ہے۔

بیتصور کریں کہ تراز و کا اوپری حصہ کمرہ کی کسی حبیت سے لٹکا ہوا

نہیں ہے۔ ترازوکے دونوں کنارے اور رکھی ہوئی چیز کیساں اسراع و کے ساتھ حرکت کریں گے۔ ترازوکی کمانی چونکہ تنی ہوئی نہیں ہے اور کوئی قوت اوپر کی جانب نہیں لگ رہی ہے اس لیے ترازوکی ریڈنگ صفر ہوگی۔ اگر اسی چیز کی جگہ کوئی انسان ہوتو اسے اپنا وزن محسوس نہیں ہوگا اس لیے جب کوئی چیز آزادانہ گرتی ہے تو بے وزن معلوم ہوتی ہے۔ اسی کو بے وزنی کہتے ہیں۔

زمین کے گرد ذیلی سیارہ میں ذیلی سیارہ کا ہر حصہ زمین کے مرکز کی جانب اسراع کرتا ہے جو زمین کی قوت کشش کے ذریعہ اسراع کے برابر ہے۔ اس لیے ذیلی سیارہ کے اندر ہر چیز آزاد نہ طور پر گرے گی۔ یہاسی طرح ہم کسی او نچائی سے زمین کی جانب آزادانہ گرتے ہیں۔ اس طرح گردش کرتے ہوئے ذیلی سیارہ کے اندرانسان کوئی مادی کشش محسوس میں کریگا۔ مادی کشش ہمارے لیے عمودی سمت میں ہوتی ہے جب ایک لیے افقی یا عمودی سمت میں ہوتی ہے۔ ایک ذیلی سیارہ کے اندر تیرتے ہوئے خلاء بازگی تصویراس کی تصدیق کرتے ہے۔ ایک ذیلی سیارہ کے اندر تیرتے ہوئے خلاء بازگی تصویراس کی تصدیق کرتی ہے۔

خلاصه

1۔ نیوٹن کا مادی کشش کا ہمہ گیرقانون ہے بتا تا ہے کہ ایک دوسرے سے r دوری پرواقع m_1 اور m_2 کمیت کے دو ذرات کے درمیان گئے والی تقلی کشش قوت کی قدر مندر جہ ذیل ہوتی ہے۔

 $F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$

-جہاں G ہمہ گیرہادی کشش مستقلہ ہےجس کی قدر- 6.672 × - 10 $^{-11}$ N m² kg

 M_1, M_2, \dots, M_n اگرہم کی کمیتوں M_1, M_2, \dots, M_n وغیرہ کے سب M_1, M_2 کی ذربے پر حاصل قوت معلوم کرنا چاہتے ہیں تو ہم انطباق کے اصول کا استعال کرتے ہیں۔ تصور سیجے کہ مادی کشش کے قانون سے M_1, M_2, \dots, M_n کمیتوں میں ہرایک کے سب M_1, M_2, \dots, M_n کے سب M_1, M_2, \dots, M_n کے سب M_1, M_2, \dots, M_n کے انون سے M_1, M_2, \dots, M_n کے سب M_1, M_2, \dots, M_n کے انون سے متاثر کرگی الگ الگ قوت M_1, M_2, \dots, M_n ہیں۔ تب انطباق کے اصول کے مطابق ہرایک قوت آزادا نہ کام کرتی ہے تو دیگرجسم اسے متاثر نہیں کرتے ۔ لہٰذا حاصل قوت M_1, M_2, \dots, M_n کوہم سمتیہ جمع طریقے کے ذریعہ معلوم کر لیتے ہیں ،

عَل 263

$$F_R = F_1 + F_2 + \dots + F_n = \sum_{i=1}^n F_i$$

یہاں نشان **∑** جمع کوظا ہر کرتاہے۔

3۔ کیپلر کے سیاری حرکت کے قانون بتاتے ہیں کہ

سورج کے اطراف دائری مدار میں طواف کررہے سیارے کا دور T اوراس کے نصف قطر میں درج ذیل رشتہ ہوتا ہے۔

$$T^2 = \left(\frac{4\pi^2}{G M_s}\right) R^3$$

 $m_{\rm sol}$ یہاں $M_{\rm sol}$ سورج کی کمیت ہے۔ زیادہ تر سیاروں کی راہ سورج کے اطراف تقریباً دائری مدار میں ہوتی ہے۔ اگر R کونصف محورا کبرہ سے بدلیس تو ناقص مداروں کے لیے درج بالا مساوات لا گوہوگی ،

$$g(h) = \frac{G M_E}{(R_E + h)^2}$$

$$\approx \frac{G M_E}{R_E^2} \left(1 - \frac{2h}{R_E} \right) \left(\stackrel{\smile}{=} \stackrel{\smile}{=} h << R_E \right)$$

$$g(0) = \frac{G M_E}{R_E^2} \text{ The } g(h) = g(0) \left(1 - \frac{2h}{R_E}\right)$$

$$g(d) = \frac{G M_B}{R_E^2} \left(1 - \frac{d}{R_E} \right) = g(0) \left(1 - \frac{d}{R_E} \right)$$

5۔ مادی کشش قوت ایک بقائی قوت ہوتی ہے۔ اس لیے سی توانائی بالقوۃ تفاعل کومعرف کیا جاسکتا ہے۔ ایک دوسرے سے r دوری پر واقع

طبيعيات طبيعيات

دوذرات سے منسلک مادی کشش توانائی بالقوة

$$V = -\frac{G m_1 m_2}{r}$$

دوری ۲ کے لاانتہا کی طرف بڑھنے (∞ → ۲) پر ۷ کی قدر صفر ہوجاتی ہے۔ ذرات کے نظام کی کل توانائی ذرات کے بھی جوڑوں کی توانائی کی جمع کے برابر ہوتی ہے۔ جب کہ ہرا یک جوڑے کو مذکورہ بالا مساوات کی اصطلاح میں ظاہر کیا گیا ہے۔ یہ تعین انطباق کے اصول کا نتیجہ ہے۔

6۔ اگر کسی جدانظام میں m کمیت کا کوئی ذرہ M کمیت کے کسی بھاری جسم کے قریب V جال سے متحرک ہے تو نظام کی کل توانائی درج ذیل فارمولے کے ذریعہ خاہر کی جاتی ہے:

$$E = \frac{1}{2}m v^2 - \frac{GMm}{r}$$

یعن کل میکائلی توانائی حرکی اور بالقوۃ توانائیوں کی حاصل جمع ہے۔کل توانائی حرکت کی مستقلہ ہوتی ہے۔

میت M > 1 کال تو انائی M کال تو انائی مدار میں M کمیت کا کوئی جسم طواف کرر ہاہے، اور M = 1 نظام کی کال تو انائی M

$$E = -\frac{G M m}{2a}$$

اس میں اختیاری مستقلہ کا انتخاب درج بالانقطہ (5) کے مطابق ہے۔ کسی مقید نظام ، لینی ایسانظام جس میں مدار بند ہوجیسے کہ ایک ناقص مدار ، کے لیے تو انا کی منفی ہوتی ہے۔ حرکی اور بالقوق تو انائیاں درج ذیل ہوتی ہیں ،

$$K = \frac{G M m}{2a}$$

$$V = -\frac{G M m}{a}$$

8۔ زمین کی سطے سے حالِ فرارہے۔

$$v_{e} = \sqrt{\frac{2G M_{E}}{R_{E}}} = \sqrt{2gR_{R}}$$

اوراس کی قیمت $^{-1}$ 11.2 km s

- 9۔ اگر کوئی ذرہ کسی مکساں کر وی خول یا ٹھوں کر ہے،جس کے اندر کمیت کی تقسیم میں کر وی تشاکل ہو، کے باہرواقع ہے، تووہ کر ہ ذرہ کواس طرح کشش کرتا ہے جیسے کہ کر ہ کی کل کمیت اس مے مرکز پر مرتکز ہو۔
- 10۔ اگرکوئی ذرہ کسی کیساں کر وی خول کے اندر ہے، تو ذرہ کے اوپر لگنے والی مادی کشش توت صفر ہوگی۔ اگر ذرہ کسی متجانس ٹھوں کر ہے کے اندرونی کمیت کے سبب اندر ہے تو ذرہ پر لگنے والی قوت کر سے کے اندرونی کمیت کے سبب ہوتی ہے۔ (آپ اس کے ثبوت کے لیے ضمیمہ دیکھ سکتے ہیں۔
- 11۔ ایک قائم ارضی ذیلی سیّارہ (ارضی ہم وقت ترسیل) زمین کے مرکز سے تقریباً 10⁴ × 4.22 کی دوری پرخطِ استوائی سطح پردائری مدار میں گردش کرتا ہے۔

تبصره	اكائي	ابعاد	علامت	طبيعي مقدار
[6.67 × 10 ⁻¹¹]	N m ⁻² kg ⁻²	$[M^1 L^3 T^{-2}]$	G	مادی شش مستقله
$-\frac{GMm}{r}$	J	[ML ² T ⁻²]	V(r)	مادى كشش توانائى بالقوة
$-\frac{GM}{r}$	Jkg ¹	[L ² T ⁻²]	U(r)	ثقلي مضمر
(عدديه				
$\frac{GM}{r^2}\hat{\mathbf{r}}$	${\sf m}{\sf s}^2$	[IT ⁻²]	E L g	مادی مششششدت
(سمتير)				

قابل غور زكات

1۔ کسی دیگرجسم کی مادی کشش کے اثر کے تحت کسی جسم کی حرکت کے بارے میں غور کریں تو درج ذیل مقداریں بقائی رہتی ہیں:

(a) زاویائی معیار حرکت

(b) کل میکانگی توانائی

خطی معیار حرکت بقائی نہیں رہتا

- 2۔ زاویائی معیار حرکت کی بقاسے کمپیلر کا دوسرا قانون حاصل ہوتا ہے۔ لیکن بیصرف مادی کشش کے مقلوب مربع قانون کے لیے مخصوص نہیں بلکہ بیکسی بھی مرکزی قوت کے لیے لا گوہوتا ہے۔
- 4۔ خلائی ذیلی سیاروں کے اندرکوئی خلاباز بے وزنی کا تجربہ کرتا ہے۔ ایسااس وجہ سے نہیں ہوتا ہے کہ خلامیں اس مقام پر مادی کشش قوت کم ہے۔ اس کی وجہ بیہ ہے کہ خلاباز اور ذیلی سیارہ دونوں ہی زمین کی طرف آزادانہ گررہے ہیں۔
 - 5۔ ایک دوسرے سے r دوری پرواقع دوزرات سے متعلق مادی کشش توانائی بالقوۃ کودکھایا جاسکتا ہے : $V = -\frac{Gm_1m_2}{r} + \frac{Gm_1m_2}{r}$

یہاں مستقلہ کی قدر پچھ بھی ہوسکتی ہے۔اسے صفر مانناسب سے آسان انتخاب ہے۔اس انتخاب سے ۔ ... *Gm*, m

 $V = -\frac{G \, m_1 \, m_2}{r}$

اس امتخاب میں یہ پنہاں ہے کہ جب $\infty \to r$ تو $0 \to V$ ہوتا ہے۔ مادی کشش تو انائی کی صفر کے وقوع کا انتخاب تو انائی بالقو ۃ میں اختیاری مستقلہ کے امتخاب میں بہوتی۔

طبيعيات

6۔ کسی شے کی کل توانائی اس کی حرکی توانائی (جو ہمیشہ شبت ہوتی ہے) اور اس کی توانائی بالقوۃ کا حاصلِ جمع ہے۔ لاانتہا کی مناسبت سے (یعنی اگر ہم فرص کرلیں کہ لاانتہا پر شے کی توانائی بالقوۃ صفر ہے) توکسی شے کی مادی کشش توانائی بالقوۃ منفی ہوتی ہے۔ کل توانائی منفی ہوتی ہے۔

- 7۔ اکثر توانائی بالقوۃ کی جس عبارت mgh سے ہماراسامنا ہوتا ہے وہ در حقیقت درج بالا نقاطہ (6) میں بیان کیے گئے مادی شش توانائی بالقوۃ کے فرق کے تقریبی ہے۔
- 8 اگرچہ دو ذرات کے درمیانی مادی شش قوت مرکزی قوت ہے لیکن بیضروری نہیں ہے کہ کن ہی دونتہی استوارا جسام کے درمیان لگنے والی قوت ان کمیتوں کے مراکز کو ملانے والے خط کے موافق ہو۔ تا ہم کسی کرّ وی منشا کل جسم کے لیے اس جسم سے باہر واقع کسی ذریر پر مرکز ہواور پیقوت اسی لیے مرکزی قوت ہوتی ہے۔

 لگی قوت الیبی ہوتی ہے جیسے کہ جسم کی کمیت اس کے مرکز پر مرتکز ہواور پیقوت اسی لیے مرکزی قوت ہوتی ہے۔
- 2۔ کسی کرتر وی خول کے اندر کسی ذریے پر ثقلی قوت صفر ہوتی ہے تاہم (کسی دھاتی خول کے برعکس جو برقی قو توں کے لیے ڈھال کا کام کرتا ہے) وہ خول اپنے سے باہرواقع دوسرے اجہام سے اپنے اندر کے کسی ذریے پر لگنے والی ثقلی قوت سے ڈھال نہیں مہیا کرتے (Shield) نہیں ہوتا یہ ٹھالی ڈھال ممکن نہیں ھے۔

مشق

8.1_ درج ذیل کاجواب دیجے:

- (a) آپ کسی چارج کوکسی کھو کھلے موصل (Conductor) کے اندررکھ کر برقی قو توں سے اس کو ڈھال مہیا کر سکتے ہیں۔ کیا آپ کسی شے کوکسی کھو کھلے کرہ کے اندررکھ کریا کسی دیگر طریقہ سے کسی قریبی شے کی مادی کشش قوت کے اثر سے بیخنے کے لیے ڈھال مہیا کر سکتے ہیں؟
- b) زمین کے اطراف طواف کررہے کسی چھوٹے اسپیس شپ میں خلا باز مادی شش کا تجربہ نہیں کرسکتا۔ اگر زمین کے اطراف طواف کررہے اسپیس اسٹیشن کا سائز بڑا ہوتو کیا اس بات کی توقع کی جاسکتی ہے کہ اسے مادی ششش کا احساس ہوجائے گا؟
- (c) اگرآپ زمین پرسورج کے سبب مادی کششقوت کا مقابلہ جاند کے سبب مادی کشش قوت کے ساتھ کریں تو آپ پائیں گے کہ سورج کی کشش جاندگی کشش سے زیادہ ہے۔ اگلی مشق میں دیے گئے اعداد وشار سے آپ خوداس کی توثیق کر سکتے ہیں۔ تاہم جاندگی کشش کا مدوجزری اثر سورج کے مدوجزری اثر سے زیادہ ہے۔ کیوں؟

8.2 صحیح متبادل کاانتخاب سیجیے:

- (a) مادی کشش کے سبب بیدا ہونے والا اسراع اونچائی بڑھنے کے ساتھ بڑھتا ا گھٹتا ہے۔
- (b) مادی کشش کے سبب پیدا ہونے والا اسراع / گہرائی بڑھنے کے ساتھ بڑھتا / گھٹتا ہے۔ (زمین کو یکساں کثافت کا کر ہ مانیے)

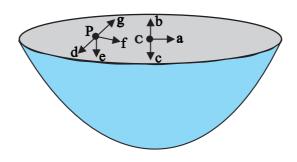
عَلَ 267

- (c) مادی کشش کے سبب پیدا ہونے والا اسراع زمین کی کمیت/جسم کی کمیت پر مخصر نہیں ہوتا۔
- زمین کے مرکز سے r_2 اور r_1 کی دوری پر دو نقاط کی تو انائی بالقو ۃ کے فرق کے لیے فارمولا $r_2 r_1$ مقابلہ (d) $r_2 r_3$ مرکز سے $r_2 r_3$ اور $r_3 r_4$ درست ہے۔
 - 8.3 مان کیجئے سورج کے گرد کوئی سیارہ زمین کے مقابلے دوگنی تیز حرکت کررہا ہے تو زمین کے بالمقابل اس کا مداری سائز کیا ہوگا؟
- 8.4 نظل کے ایک ذیلی سیارہ کا مداری دور 1.769 دن ہے اور مدار کا نصف قطر 102×4.22 میٹر ہے۔ دکھا ئیں کہ زخل کی کمیت سورج کے بالمقابل تقریباایک ہزارویں حصہ کے برابر ہے۔
- 8.5 فرض کیجئے ہماری گیلکسی 10¹¹×2.4 ستاروں سے ملکر بنی ہے۔ایک ستارہ جو گیمگلیٹک مرکز سے 50,000 نوری سال کی دوری پر ہےایک پورے چکر میں کتناوقت لگائے گا؟ ملکی وے کا قطر 10⁵ نوری سال ہے۔

8.6_ صحیح متبادل کاانتخاب سیجیے:

- (a) اگرتوانائی بالقوة کاصفرلاانتها پر بهوتو طواف کرر ہے کسی ذیلی سیار ہے کا کن توانائی بالقوة کی منفی ہے۔
- (b) مدار میں طواف کرتے ہوئے کسی ذیلی سیارے کوزمین کے مادی کشش اثر سے باہر دھکیلنے کے لیے جتنی توانائی در کارہوتی ہے وہ کسی ساکن شے کوزمین کے کشتی دائرہ اثر کے باہراسی اونچائی (ذیلی سیارے کی اونچائی) تک اچھا لنے کے لیے درکار توانائی سے زیادہ / کم ہوتی ہے۔
 - 8.7 کیاز مین سے سی جسم کی حال فرار درج ذیل پر منحصر ہوتی ہے:
 - (a) جسم کی کمیت پر (b) اس مقام پر جہاں سے اسے پھینکا جاتا ہے،
 - (c) کھینکنے کی سمت پر (d) اس جگہ کی اونچائی پر جہال سے اسے پھینکا گیا ہے؟ اپنے جواب کی تشریح کیجیے۔
- 8.8 کوئی دمدارستارہ سورج کے اطراف نہایت ناقص مدار میں طواف کر رہا ہے۔ کیا پورے مدار میں دمدارستارے کی (a) نظمی چال (b) زاویائی چال (c) زوایائی معیار حرکت (d) حرکی توانائی (e) کل توانائی مستقل ہوتی ہے؟ سورج کے نہایت قریب آنے پر دمداد ستارے کی کمیت میں ہوئے کسی بھی نقصان کونظر انداز سیجھے۔
 - 8.9 ان میں کون ہی علامتیں خلاء میں خلاباز وں کو تکلیف دیتی ہیں
 - (a) پیروں کا سوجنا (b) چېرے کا سوجنا (c) سردرد (d) رخ متعین کرنے والی ساکھ مندرجہ ذیل مثق 8.10 اور مثق 8.11 میں ، دیے ہوئے جوابات میں سے درست جواب منتخب کیجے۔
- 8.10 وطول کی سطح (نصف کروی خول کا حصه) کے مرکز پر مادی کشش شدت کی سمت کس تیر کے ذریعیہ معین ہوگی۔ (شکل 8.12 م دیکھیے)(iv) ، (iii) ، (c) ، (ii (b) ، (i) (a)

طبيعيات طبيعيات



شكل 8.12

(ii) (i) d پی اختیاری نقطے P پر ما دی کشش شدت کی سمت کس تیر کے ذریعہ ظاہر ہوگی P (ii) (ii) ورج بالا سوال میں کسی اختیاری نقطے P پر ما دی کشش شدت کی سمت کس تیر کے ذریعہ ظاہر ہوگی e (iv) g (iii) (f) (e)

- 8.12 نمین سے کوئی راکٹ سورج کی طرف داغا گیا ہے۔ زمین کے مرکز سے کتنی دوری پر راکٹ پر لگنے والی مادی کشش قوت صفر ہوگی؟ سورج کی کمیت = kg × 10³⁰ kg × 3، زمین کی کمیت = 10²⁴ kg × 6 دیگر سیاروں وغیرہ کے اثر کونظرانداز کیجیے۔ (مداری نصف قطر 1.5 × 10¹¹m)۔
- 8.13 ۔ آپ سورج کوئس طرح تولیں گے، یعنی اس کی کمیت کا اندازہ کیسے لگائیں گے؟ سورج کے اطراف زمین کا اوسط مداری نصف قطر 1.5 × 1.5 ہے۔ سورج کی کمیت کا تخمینہ لگائیے۔
- 8.14 نظل کا سال ، زمین کے سال کا 29.5 گنا ہے۔ اگر سورج سے زمین کی دوری 108km × 0 1.5 ہے، تو سورج سے زحل کا سال ، نمین دور ہے؟
- 8.15۔ زمین کے سطح پرکسی جسم کاوزن N 63 ہے۔ اگر یہی جسم زمین کی سطح سے اس کی نصف قطر کی آدھی او نیچائی پرواقع ہے تو اس پرزمین کے سبب لگنے والی مادی کشش قوت کتنی ہوگی؟
- 8.16۔ زمین کو بکسال کمیتی کثافت کا کر ہ مانتے ہوئے ،اگر کوئی شے جس کا وزن زمین کی سطح پر N 250 ہے تو زمین کے مرکز کی طرف آ دھےراستے پراس کاوزن کیا ہوگا ؟
- 8.17 نمین کی سطح سے کوئی را کٹ 5 kms کی چال سے عمودی طور پر داغا جاتا ہے۔ زمین پر واپس ہونے سے پہلے را کٹ kg-2 کی جا تا ہے۔ زمین کی کمیت 10²⁴kg × 10⁶m × 10²⁴kg زمین کا اوسط نصف قطر

 $-c G = 6.67 \times 10^{11} \,\mathrm{N m}^2$

- 8.18_ زمین کی سطح پرکسی پروجکٹاکل کی جال فرار 11.2 km s¹ ہے۔کسیجسم کواس سے تین گئی جال سے بچینکا جاتا ہے۔زمین سے کافی دوری پراس کی حال کتنی ہوگی؟ سورج اور دیگر سیاروں کی موجود گی کونظر انداز سیجیے۔
- 8.19 کوئی ذیلی سیارہ زمین کے اطراف میں اس کی سطح سے 400 km کی اونچائی پرطواف کررہا ہے۔ زمین کے مادی کشش کے اثر سے ذیلی سیارے کو باہر نکا لئے کے لیے کتنی تو انائی صرف کی جانی چاہیے؟ ذیلی سیارے کی کمیت = 200 kg در مین کی کمیت G = 6.67 × 10⁻¹¹ Nm² kg⁻² مادر × 10⁻⁶ m; ھو ان کی کھوٹ کے 10⁻⁴ kg =
- 109 km کیت (8.20 × 2 =) کے دوتارے ایک دوسرے کی طرف براہ راست تصادم کے لیے آ رہے ہیں۔ جب وہ 104 km میں کوئی تخریل میں دوری پر ہیں تو ان کی جالیں نظر انداز کیے جانے کے قابل ہیں۔ وہ کس جال سے نگراتے ہیں؟ ہرا یک تارے کا نصف قطر km میں کوئی تخریب نہیں ہوتی (G) کی معلوم قدر کا استعال تیجیے)۔
- 8.21 کسی افقی میز پردو بھاری کر ہے، ہرایک کی کمیت 100 kg اور نصف قطر سے 0.10 ہے، ایک دوسرے سے 1.0 m کی دوری پررکھے گئی کوئی شنے کیا گئے ہیں۔ کر توں کے مراکز کو ملانے والے خط کے وسطی نقطہ پر مادی کشش میدان اور قوۃ کیا ہے؟ اس نقطے پر رکھی گئی کوئی شنے کیا تو ازن میں ہے؟ اگر ہاں تو کیا تو ازن مشکم ہے یاغیر مشکم؟

اضافي مشقيس

- 8.22۔ جیسا کہ آپ نے اس باب میں پڑھاہے، کوئی قائم ارضی ذیلی سیارہ زمین کی سطح سے تقریباً 36,000 اونچائی پرزمین کے اطراف طواف کرتا ہے۔ ذیلی سیارے کے مقام پرزمین کے مادی شش کے سبب قوق کیا ہے؟ (لا انتہا پر توانائی بالقوق کو صفر مانیے)۔ زمین کی کمیت = 6400 km نصف قطر = 6400 km
- 8.24_ کوئی اسپیس شپ مرتخ پر گھبرا ہوا ہے۔ اسپیس شپ پر کتنی تو انائی صرف کی جانی چا ہے کہ یہ نظام شمسی سے باہر نکل جائے؟ اسپیس شپ کی کئیت = 8.24 د3395 km مرتخ کی کمیت = 6.4 × 10²³ kg مرتخ کی کمیت = 6.67 × 10¹¹ N m² kg مرتخ کے مدار کا نصف قطر = 8 مرتخ کے مدار کا نصف قطر سلستان کی کمیت = 8.66 مرتخ کے مدار کا نصف قطر سلستان کی کمیت = 8 کی کمیت کے مدار کا نصف قطر سلستان کی کمیت کے دکھر سلستان کی کمیت کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کی کمیت کے دور سلستان کر کا نصف کے دور سلستان کی کمیت کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کی کمیت کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کے دور سلستان کی کمیت کی ک

طبعیات

