

(UNITS AND MEASUREMENT)

(INTRODUCTION) تعارف 2.1

طبیعیات ایک مقداری سائنس ہے۔ کسی بھی طبیعی مظہر کی اشری کرنے کے لیے مختلف طبیعی مقداروں کی بیمائش نہایت ضروری ہے۔ کسی بھی طبیعی مقدار کی بیمائش ایک بنیادی اختیاری بین الاقوا می معیار کی بیمائش نہایت ضروری ہے۔ کسی بھی طبیعی مقدار کی بیمائش ایک بنیادی افتار کی بیمائش کہا جاتا ہے۔ اگر چہ کسی بھی طبیعی مقدار کی بیمائش کو اکائی کے ساتھ ایک عدد (عددی بیمائش) سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ اگر چہ ہمارے ذریعہ بیمائش کی جانے والی طبیعی مقداروں کی تعداد بہت زیادہ ہے، پھر بھی ہمیں سبھی طبیعی مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے اکائیوں کی محدود تعداد کی ضرورت ہوتی ہے، کیونکہ بیہ مقداریں ایک مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے استعال کی گئ امائیوں کو بنیادی یا اساسی مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے استعال کی گئ اکائیوں کو ابنا مقداروں کو بنیادی یا اساسی اکائی کہتے ہیں۔ اس کے علاوہ دیگر سبھی طبیعی کمیتوں کی اکائیوں کو ان مقداروں کی یا اساسی اکائیوں کو ماخوذ اکائیوں کو ماخوذ اکائیوں کو ماخوذ (derived units) کہتے ہیں۔ اساسی اکائیوں اور ماخوذ اکائیوں کو دیگر مجمی کہتا ہیں۔ اساسی اکائیوں اور ماخوذ اکائیوں کو ماخوذ اکائیوں کا نظام (system of units) کہتے ہیں۔ اساسی اکائیوں کا کائیوں کا کائیوں کا نظام (system of units) کہتا ہوا تا ہے۔

(THE INTERNATIONAL اکا ئیوں کا بین الاقوامی نظام 2.2 SYSTEM OF UNITS)

پہلے مختلف ممالک کے سائنسدال اکائیوں کی پیائش کے لیے مختلف اکائیوں کا نظام استعمال کرتے تھے۔اس طرح تین اکائیوں کا نظام CGS نظام، FPS نظام اور MKS نظام حال تک استعمال ہوتا رہا ہے۔ لمبائی، کمیت اور مدت کی اکائی مختلف نظام میں درج ذیل تھیں۔

- CGS نظام میں یہ بالتر تیب سنیٹی میٹر، گرام اور سکینڈ ہے۔
 - FPS نظام میں یہ بالتر تیب فٹ، یا وَ تد اور سکینڈ ہے۔
 - MKS نظام میں یہ بالتر تیب میٹر ،کلوگرام اور سکینڈ ہے۔

آج کل بین الاقوامی سطح پر پیائش کے لیے منظور شدہ نظام۔ Système Internationale d' Unites

2.1 تعارف

2.2 ا كائيول كابين الاقوامي نظام

2.3 لمبائی کی پیائش

2.4 کمیت کی پیائش

2.5 وقت کی پیائش

2.6 آلات کی در ستی صحت اور دقیق پیاکش میں سہو

2.7 بامعنی اعداد

2.8 طبیعی مقداروں کے ابعاد

2.9 ابعادی فارمولے اور ابعادی مساواتیں

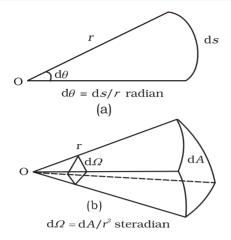
2.10 ابعادي تجزيه إوراس كااطلاق (استعال)

للاصب

مشق

اضا فی مشق

22



شکل Δr مستوی زوایه $d\theta$ اور (b) مستوی زاویه Δr کا اظهار

نصف قطر کم کی نسبت ہے۔ ٹھوں زاویہ ۵۲،اوج (apex) مرکز کیتے ہوئے ،اس کے گرد کروی سطح کے قطع کیے گئے رقبے ۵۸ اور نصف قطر ہے کے مربع کا تناسب ہے۔ انہیں شکل 2.1 (a) اور (b) میں بالتر تیب دکھایا گیا ہے۔ سطح زاویہ کی اکائی ریڈین (radian) اور علامت rad ہے۔

بین الاقوامی نظام (International System of Units) کا فرانسیسی ترجمه] اوراس کا مخفف SI ہے۔اس SI نظام کو علامتوں، اکا تیوں فرانسیسی ترجمه] اوراس کا مخفف SI ہے۔اس Si نظام کو علامتوں، اکا تیوں اور خففوں کے ساتھ 1971 میں بین الاقوامی بیورو برائے وزن، پیائش (Buereu international dospoids it measures) کے ذریعے فروغ دیا گیا تھا جس پر حال ہی میں نومبر 2018 میں منعقد ہونے والی عمومی کا نفرنس برائے وزن و پیائش' میں نظر ثانی کی گئی۔اور اس کا نفرنس نے پوری دنیا میں سائنسی، تکنیکی صنعتی اور کاروباری کام میں اس کے کانفرنس نے پوری دنیا میں سائنسی، تکنیکی صنعتی اور کاروباری کام میں اس کے اس نظام میں ایک اکائیوں میں اعتقار بیدنظام استعال کیا گیا ہے، اس لیے اس نظام میں ایک اکائی سے دوسری اکائی (جیسے میٹر سے سنٹی میٹر یا اس کے برعکس) میں تبدیل کرنا، بہت سادہ اور سہل ہے۔ہم اس کیا بیاں بی استعال کریں گے۔

جا کا میں سات اساسی اکا ئیاں ہیں جو جدول 2.1 میں دی گئی کا سات اساسی اکا ئیاں ہیں جو جدول 2.1 میں دی گئی ہیں۔ ان سات اساسی اکا ئیوں کے ساتھ ساتھ دواور اکا ئیاں بھی ہیں جوسطے زاویہ (Ω d) کے لیے ہیں۔ ان کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے: سطح زاویہ Δ 6 قوس کی لمبائی Δ 8 اور

جدول 2.1 SI اساسى مقدار اور اكائيان *

SI اکائی			بنیادی
تعریف	علامت	نام	مقدار
روشنی کے ذریعہ خلامیں ایک سینڈ کے 1/299,792,458 سے وقفہ وفت میں طے کی گئی راہ کی لمبائی میٹر ہے۔ (1983 سے تسلیم شدہ)	m	میرا	لىبائى
فرانس میں پیرس کے پاس سیورس میں بین الاقوامی وزن اور پیائش بیورو میں رکھے گئے کلوگرام (پلیٹنم اریڈیم مخلوط دھات سے بنے سلنڈر) کے بین الاقوامی نمونے کی کمیت کلوگرام ہے۔ (1989سے تسلیم شدہ)	kg	کلوگرام	کمیت
ایک سینڈ وہ وقفہ ہے جو سیزیم 133 ایٹم کی تحق حالت کی دوباریک ترین سطحول کے درمیان عبور میں اشعاع ریزی کے ۔ کے 9,192, 631,770۔ دوری وقفول کی مدت ہے۔ (1967 سے تسلیم شدہ)	S	سيكنائه	وقت
ایک ایمپر وہ مستقل کرنٹ ہے جسے خلا میں 1 میٹر کی دوری پر واقع دوسید ھے ُلامتناہی لمبائی والے' متوازی اور قابل نظر انداز عمودی تر اش کے موصلوں کے درمیان قائم رکھا جائے تو فی میٹر لمبائی پر 7-10×2 نیوٹن قوت پیدا ہو۔ (1948 سے تسلیم شدہ)	A	/g.k.	برقی کرنٹ

پانی کے ثلاثی نقطہ حرحر کیاتی درجہ حرارت کے 1/273.16 ویں	K	كبيلون	حركياتي
ھے کو کیلون کہتے ہیں۔(1967 سے شلیم شدہ)			ورجه حرارت
مول کسی نظام میں شے کی وہ مقدار ہے جس میں اساسی ہستیوں	mol	مول (mole)	شے کی مقدار
(عناصر) کی تعداد اتنی ہے جتنی 0.0 12 kg کاربن 12 میں			
ایٹوں کی تعداد۔(1971 سے تسلیم شدہ)			
کینڈیلا، ایک دی ہوئی سمت میں، اس وسلہ کی درخشاں شدت	cd	كينثه بيلا	درخشال
ہے جو 540x10 ¹² Hertz تواتر کی میک رنگی شعاعی <i>ں خ</i> ارج			شدت
کرتا ہے اور جس کی' اس دی ہوئی سمت میں' اشعاعی شدت			
1/683 واٹ فی اسٹریڈین ہے۔			

جدول SI 2.2 اساسی اکائیوں میں ظاہر کی گئیں بعض ماخوذ اکائیاں

SI اکائی		طبيعي مقدار
	علامت	ران
60 s	min	منك
60 min = 3600s	h	گفشه
24h = 86400s	d	ون
365.25d=3.156×10 ⁷ s	У	سال
$1^0 = (\pi/180)$ rad	0	ڈ <i>گر</i> ی
$1 \text{dm}^3 = 10^{-3} \text{m}^3$	L	ليثر
10^3 Kg	t	<i>ڻ</i> ن
200 mg	С	وْگرى كير شن كيرك بار
0.1 Mpa=10 ⁵ Pa	bar	
$3.7 \times 10^{10} \text{ s}^{-1}$	Ci	کیوری
2.58×10 ⁴ C/Kg	R	رو نجی
100 Kg	q	كونكفل
$100 \text{ fm}^2 = 10^{-28} \text{ m}^2$	b	بارن
$1 \text{ dam}^2 = 10^2 \text{ m}^2$	a	آر
$1 \text{ hm}^2 = 10^4 \text{ m}^2$	ha	م يكثيرُ
101325 Pa=1.013×10 ⁵ Pa	atm	میعاری کره
		، آر میکٹیئر میعاری کرہ فضائی داب

^{*} یهاں دی گئی قدروں کو یادکرنے کی یا امتحان میں پوچھے جانے کی ضرورت نہیں ھے۔یہاں انہیں صرف یہ ظاہر کرنے کے لیے دیا گیا ہے کہ انہیں کس حدتك درستگی صحت کے ساتھ ناپا جاتا ہے۔ ٹكنولوجی میں ترقی کے ساتھ ساتھ پیمائش کی ٹكنيكيوں میں بھی سدھار ہوتا ہے اور پیمائشیں بہتر درستگی صحت کے ساتھ کی جاسكتی ہیں۔اساسی اكائيوں کی تعریفوں میں بھی' اس ترقی کا ساتھ دینے کے لیے، ردو بدل کی جاتی رہتی ہے

24 طبيعيات

ٹھوس زاویہ کی اکائی اسٹریڈین (steradian) اور علامت srہے۔ دونوں مقداریں غیرابعادی ہیں۔

یے نوٹ کریں کہ جب مول (Mole) کا استعال کریں تو اس کے بنیادی عناصر کی نشاندہی کی جانی چاہیے۔ یہ بنیادی عناصر ایٹم، مالیکول، آئین، الیکٹران، دیگر ذرّات یا خصوصی طور پر صراحت کیے گئے پچھالیے ذرّات کے گروپ ہوسکتے ہیں۔

ضمیمہ A 6.1 میں کھ SI ماخوذ اکائیاں جو بنیادی اکائیوں کی شکل میں ہیں دی گئی ہیں۔ اس کے علاوہ کچھ طبیعی مقداروں کے لیے الی اکائیاں استعال میں لائی جاتی ہیں جو سات بنیادی اکائیوں سے اخذکی جاسکتی ہیں۔ (ضمیمہ A 6.2)۔ کچھ SI ماخوذ اکائیوں کو مخصوص نام سے جاناجا تا ہے ضمیمہ A 6.2 ماخوذ SI کائیاں ان مخصوص ناموں والی اکائیوں اور سات بنیادی اکائیوں کے استعال سے حاصل ہوتی ہیں ضمیمہ A 6.2۔ ان اکائیوں کو آپ کے فوری حوالے کے لیے ضمیمہ A 6.2 میں دیا گیا ہے۔ عام استعال کے لیے رکھی گئی کچھ دیگر اور ضمیمہ A 6.3 میں دیا گیا ہے۔

عام SI سابقے (prefix) اور اضعاف اور تحت اضعاف کی علامتیں ضمیمہ A2 میں دی گئی ہیں۔ آپ کے فوری حوالے کے لیے طبیعی مقداروں، کیمیائی عناصر اور نیوکلائیڈوں کے لیے مستعمل علامتوں کے عام رہنما اصول ضمیمہ A7 میں اور SI اکائیوں اور دیگر اکائیوں کے لیے ضمیمہ A8 میں دیے گئے ہیں۔

2.3 لمبائی کی پیائش

(MEASUREMENT OF LENGTH)

آپ لمبائی کی پیائش کے پچھ براہِ راست (direct) طریقوں سے پہلے
سے واقف ہیں۔ مثال کے لیے 10^2 m $= 10^3$ m کی لمبائی کی
پیائش کے لیے میٹر پیانے کا استعال کیا جاتا ہے۔ 10^{-4} m تک کی لمبائی
کو بالکل شیخ نا پنے کے لیے ورنیئر کیلیرس (Vernier callipers) کا
استعال کیا جاتا ہے۔ 10^{-5} m تک کی لمبائی نا پنے کے لیے اسکروگیج اور

اسفیرومیٹر (Spherometer) (گولائی ماینے والا) کا استعال کرسکتے ہیں۔ لیکن ان حدول سے آگے کی دوریوں کی پیائش کے لیے ہم پھھ خاص بالواسطہ (indirect) طریقوں کا استعال کرتے ہیں۔

2.3.1 برسی دوریوں کی بیائش

(Measurement of Large Distances)

لمبی دوریاں جیسے کہ کسی سیارے یا تارے کی زمین سے دوری ہم براہِ راست کسی میٹر پیانے کی مدد سے نہیں ناپ سکتے ہیں۔ الی صورتحال میں اہم طریقہ ہے افتال میٹر طریقہ سے افتال میٹر میٹر میٹر میٹر میٹر سے (parallax method)۔

جب آپ کسی پنسل کو کسی پس منظر (دیوار) کے کسی مخصوص نقطے پر اپنے سامنے رکھتے ہیں اور پنسل کو پہلے اپنی بائیں آ نکھ A (دائنی آ نکھ بندر کھتے ہوئے) سے اور پھر اپنی دائنی آ نکھ B (بائیں آ نکھ کو بندر کھتے ہوئے) سے دیکھتے ہیں، آپ غور کریں گے کہ پس منظر (دیوار) کے نقطے کے لحاظ سے پنسل کی حالت تبدیل ہوتی دکھائی دیتی ہے۔ اسے اختے لاف منظر (parallax) کہاجا تا ہے۔مشاہدے کے دونقاط کے درمیان دوری کو بنیاد (basis) کہاجا تا ہے۔اس مثال میں آنکھوں کے درمیان کی دوری بنیاد ہے۔

اختلاف منظر طریقے کے ذریعہ سیارہ کی کی دوری کی کی پیائش کے لیے، ہم زمین پر اسے دو مختلف مقامات (مثابدگاہیں)

A B = b (جن کے درمیان دوری B (جن کے درمیان دوری کی A B = b (جن کے درمیان دوری کی میں دکھایا ہے) سے ایک ہی وقت پر د کھتے ہیں جسیا کہ شکل 2.2 میں دکھایا گیا ہے۔ ہم ان دونوں نقاط پر جن دونوں سمتوں میں سیارہ دیکھا گیا ہے۔ ہم ان کے درمیان زادیہ کی پیائش کرتے ہیں۔ شکل 2.2 میں گیا ہے ان کے درمیان زادیہ کی پیائش کرتے ہیں۔ شکل 2.2 میں کے جس کے درمیان زادیہ کی پیائش کرتے ہیں۔ شکل 2.2 میں کے ہیں۔ کو جسے طاہر کیا گیا ہے۔ زاویہ اختلاف منظر (parallax angle)

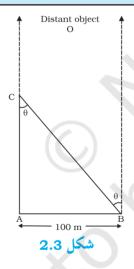
چونکہ سیارہ بہت زیادہ دوری پر واقع ہے لیعنی 1>> $\frac{b}{D}$ اور اس پونکہ سیارہ بہت زیادہ دوری پر واقع ہے لیعنی 1>> AB کو مرکز S اور لیے زاویہ D بہت ہی چیوٹا ہے۔ ایسی حالت میں ہم D (radius) نصف قطر (D (radius) والے دائرہ کی D (D (D) خیال D بیں D (D) D (D) جہال D بیں D (D) D (D) جہال D

 $360^{\circ} = 2\pi \text{ rad}$, معلوم ہے کہ (a) جو اب

 $1^{\circ} = (\pi/180) \text{ rad} = 1.745 \times 10^{-2} \text{ rad}$

- (b) $1^{\circ} = 60' = 1.745 \times 10^{-2} \text{ rad}$ $1' = 2.908 \times 10^{-4} \text{ rad} = 2.91 \times 10^{-4} \text{ rad}$
- (c) 1'= 60"=2.908 × 10⁻⁴ rad 1"= 4.847×10^{-4} rad = 4.85×10^{-6} rad

مشال 2.2 ایک آدمی ایخ قریبی مینار کی دوری معلوم کرنا چاہتا ہے۔ وہ مینار کی کے سامنے نقط A پر گھڑا ہے۔ اور خط A کے سمت میں کافی دور کی شے O کو دیکھتا ہے۔ اس کے بعد AC کے عمودی سمت میں B نقطہ تک چلتا ہے جس کی دوری 100 میٹر ہے اور دوبارہ O اور C کھتا ہے۔ چونکہ O کافی دور ہے اس لیے سمت BO اور O C کیتا ہے۔ چونکہ O کافی دور ہے اس لیے سمت BO اور O C کیسال معلوم ہوتی ہیں۔ لیکن اسے معلوم ہوتیا ہے کہ C کا خط اب آغازی خط نگاہ کے - 0 کا خط اب معلوم کریں کہ مینار کی دوری آغازی مقام کے تنی ہے۔

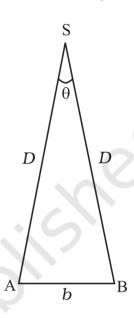


جواب معلوم ہے: θ = 40° اختلاف منظرزوایہ شکل AB=AC tanθ میں 2.3 شکل AC=AB/tanθ=100m/tan 40° =100m/0.8391=119m

مثال 2.3 زمین کے سی قطر کے دوانتہائی نقاط Α اور Β ہے چاند
 کودیکھا گیا۔مشاہدہ کی دوسمتوں کے درمیان چاند پر بننے والا زادیہ θ
 '54° ہے۔ زمین کا قطر تقریباً π 1.276×1.276 ہے۔ زمین
 سے چاند کی دوری کا شار کیجئے۔

ریڈین میں ہے۔

$$D = \frac{b}{\theta} \tag{2.1}$$



شكل 2.2 اختلاف منظر طريقه

کے تعین کے بعد ہم اسی طریقے کے ذریعہ سیارے کا سائز یا زاویائی قطر ہم متعین کرسکتے ہیں۔ اگر کسی سیارے کا قطر d ہے اور اس کا زاویائی سائز مل d کے ذریعہ زمین کے کسی نقطے پر بنایا گیا زاویہ) ہے، تب

$$\alpha = d/D$$
 (2.2)

Dزاویہ α زمین کے اس مقام سے ناپا جاسکتا ہے۔ یہ ان دوسمتوں کے بی کا زاویہ ہے جب سیارے کے کسی قطر کے دوانتہائی نقاط کو دور بین کے ذریعے دیکھا جاتا ہے۔ چونکہ معلوم ہے تو سیارے کا قطر مماوات (2.2) کی مددسے متعین کیا جاسکتا ہے۔

1'/(b) (گری) $1^{0}(a)$ (مشان $1^{0}(b)$ (گری) $1^{0}(a)$ (قوس کا ایک منٹ $1^{0}(c)$ (قوس کا ایک منٹ 1'(c) (قوس کا ایک منٹ 1'(c) 1'(c

وضاحت کلاس XII کی طبیعیات کی درسی کتاب میں دی گئی ہے)۔ بصری روشنی کی طول لہر کی وسعت (ریخ) تقریباً Å 4000 سے A 7000 تک ہے (1 اینکسٹرام m = 1 ما 10-10)۔ لہذا کوئی نوری خرد بین اس سے حیوٹی نایوں کے ذرات کا جزوی تجزیہ نہیں کرسکتی ہے۔ بصری روشنی کے بجائے ہم الیکٹران شعاع کو استعال کرسکتے ہیں۔الیکٹران شعاعوں کو مناسب طور پروضع کی گئی برقی اورمقناطیسی میدانوں کے ذریعہ فوٹس کیا جاسکتا ہے۔اس طرح کے الیکٹران مائیکرو اسکوپ کا تجزیبہ جز آخر کار اس حقیقت کے سبب محدود ہوتا ہے کہ الیکٹران بھی ایک لہر کی طرح برتاؤ کرتا ہے! (اس سلسلے میں زیادہ معلومات آپ کلاس XII میں حاصل کریں گے) کسی الیکٹران کی طول لہرایک اینگسٹرام کی کسی کسر کے برابرتک کم ہوسکتی ہے۔ م 0.6 مَك كَ تَجزييه جز صلاحيت والے اليكٹران مائيكرو اسكوب بنائے جا چکے ہیں۔ ان کے ذریعہ کسی مادے میں ایٹوں، مالیکولوں کا تقریباً تجزیہ جز کیا جا سکتا ہے۔حال ہی میں ایجاد کی گئی سرنگائی خوردبینیات (Tunnelling microscopy) میں تجزیہ جز کی حد ایک اینگسٹرام ہے بھی زیادہ بہتر ہے۔اس سے بھی مالیکولوں کے سائزوں کا تخینہ لگایا جاتا ہے۔اولیک ایسٹر (Oleic acid) کی تقریبی مالیکولی سائز معلوم كرنے كے ليے ايك مهل طريقه درج ذيل ہے۔ اوليك ايسڈ ايك صابن کے محلول جیبا مائع ہے جس کا مالیکولی سائز m 9-10 کے درجے کا ہے۔ مالیکولی سائز کو ناینے کے لیے سب سے پہلے یانی کی سطح پر اولیک ایسڈ کی یک مالیکو لی سطح بنانی ہوگی۔

 $\theta = 1^{\circ} 54' = 114'$ جو اب معلوم ہے کہ، '4.85×10⁻⁶) rad $= (114\times60)'' \times (4.85\times10^{-6}) \text{ rad}$ $= 3.32\times10^{-2} \text{ rad}$ $1'' = 4.85\times10^{-6} \text{ rad}$ $5 = AB = 1.276\times10^{7} \text{ m}$ $1 = 4.85\times10^{-6} \text{ rad}$ $1 = 4.85\times10^{-6} \text{ rad}$ $2 = 3.84\times10^{8} \text{ m}$

مشال 4.4 سورج کے زوایائی قطر کی پیائش" 1920 ہے۔
 سورج کی زمین سے دوری C، سا101×104×196 ہے۔
 کا قطر کیا ہے؟

جواب سورج كازاويائى قطرα = 1920 × (4.85 × 10⁻⁶) rad = 9.31×10⁻³ rad سورج كا قطر

 $d = \alpha D$ = (9.31×10⁻³) × (1.496×10¹¹) m = 1.39×10⁹ m

2.3.2 نهايت چھوٹی دوريوں کی پيائش: ماليكيول كاسائز

(Estimation of Very Small Distances: size of a Molecule)

سالمہ کے سائز (10¹⁰m m-10¹⁰m) جیسی بہت ہی چھوٹی ناپوں کی بیائش کے لیے ہمیں خاص طریقے اپنا نے پڑتے ہیں۔ اس کے لیے ہم اسکروگئج یا اس طرح کے دیگر آلات کا استعمال نہیں کر سکتے۔ یہاں تک کہ مائیکرو اسکوپ (خور دبین) کی بھی کچھ صدیں ہیں۔ سی نظام کی جائج کے لیے نوری خردبین (optical microscope) میں بصری روشنی لیے نوری خردبین (visible light) کو استعمال کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ روشنی میں لہجیسی خاصیتیں ہوتی ہیں، اس لیے وہ جز تجزیہ (Resolution) جس تک ایک نوری خردبین استعمال کی جاسکتی ہے، روشنی کی طولِ لہر ہے۔ (اس کی تفصیلی نوری خردبین استعمال کی جاسکتی ہے، روشنی کی طولِ لہر ہے۔ (اس کی تفصیلی

کر لیتے ہیں۔ مانا کہ ہم نے پانی کی سطح پر محلول کی n بوندیں ڈالی ہیں۔ $\hat{\pi}$ روع میں ہم ہرایک بوند کا تخمینی حجم (vcm^3) معلوم کرتے ہیں۔ m بوندوں کا حجم n کلول کی n بوندوں کا حجم

اس محلول میں اولیک ایسڈ کی مقدار

nV[1/(20×20] cm³

اولیک ایسڈ کا میمحلول پانی کی سطح پر نہایت تیزی سے پھیلتا ہے اور موٹائی t کی ایک بہت تیلی پرت بنا تا ہے۔ اگر مید پھیل کر Ac m² رقبہ کی پرت بنا تا ہے۔ تو پرت کی موٹائی

$$t = \frac{\sqrt{20}\sqrt{5}}{\sqrt{5}}$$

$$t = \frac{nV}{20 \times 20 \,\text{A}} \,\text{cm}$$

اگر ہم یہ مان لیں کہ پرت ایک مالیکولی موٹائی کی ہے تو یہ موٹائی اولیک (Oleic) ایسڈ کے مالیکول کے قطر کی ناپ کی ہوگی۔اس کی موٹائی 10⁻⁹m درج کی ہوتی ہے۔

مشال **2.5** اگر کسی نیوکلیس کے سائز (جو ¹⁵ 1 سے ¹⁴ - 1 تک کی سعت میں ہوتا ہے) کو اسنے گنا بڑا کر دیا جائے کہ اسے ایک تیز پن کی نوک کے برابر مانا جاسکے، تو ایک ایٹم کا سائز تقریباً کتنا ہوگا؟ مان لیجے کہ پن کی نوک 10⁵ m سے 10⁵ سے 10⁴ m تک کی سعت میں ہوتی ہے۔

جواب نیولیس کا سائز m 10⁻¹⁵m سے 10⁻¹⁵m تک کی سعت (رق) میں ہوتا ہے۔ پن کی تیز نوک کو m 10⁻⁵m سے 10⁻⁴m کے رق میں مانا جاسکتا ہے۔ اس طرح ہم نیولیس کے سائز کو 10¹⁰کے جزوضر بی (factor) سے بڑھارہے ہیں۔ لہذا ایٹم جس کا سائز m 10⁻¹⁰ ہوتا ہے تقریباً m سائز کا ظاہر ہوگا۔ اس لیے، ایک نیولیس ایک ایٹم میں سائز کے لحاظ سے اتنا ہی چھوٹا ہوتا ہے، جتنی کہ تقریباً ایک میٹر سائز کے کرے کے مرکز پر رکھی ہوئی ایک سوئی کی تیز نوک اس دائرے کے مقابلے میں چھوٹی ہوگی۔

(Range of Lengths) سعت (2.3.3

کا ننات میں اشیا کے سائزوں کی سعت نہایت وسیع ہے۔ ان کی سعت کسی ایٹم کے ایک خور در بن (tiny) نیوکلیس کے سائز m 10⁻¹⁴ m تابل مشاہدہ کا ننات (observable universe) کی حد 10²⁶ m کہ مشاہدہ کا ننات (2.3 میں کچھ اشیا کے سائزوں اور لمبائیوں کے درجے ہوسکتی ہے۔ جدول 2.3 میں کچھ اشیا کے سائزوں اور لمبائیوں کے درجے اور سعت دیے گئے ہیں۔

نہایت خورد اور نہایت بڑی دوریوں کی پیائش کے لیے کچھ اور خاص اکا ئیاں درج ذیل ہیں:

$$1 = 1 \text{ f} = 10^{-15} \text{ m}$$
 $1 = 1 \text{ f} = 10^{-15} \text{ m}$ $1 \text{ h} = 10^{-10} = \text{ m}$ $1 \text{ h} = 10^{-10} = \text{ m}$ (سورج کی زمین سے اوسط دوری) $1 = 1 \text{ AU}$ فلکیاتی اکائی $1 = 1.496 \times 10^{11} \text{ m}$

 10^{15} m ایک سال میں طے کی گئی دوری)

يارسيک $1 = 3.08 \times 10^{-16} \,\mathrm{m}$

پارسیک وہ فاصلہ ہے جس پر زمین کے مدار کا اوسط نصف قطر

arc second کازاویہ بناتا ہے۔

(MEASUREMENT OF MASS) کمیت کی پیاکش (2.4

کمیت مادے کی بنیادی خصوصیت ہے۔ یہ شے کے درجہ حرارت، دباؤیا خلا میں اس کے مقام کے تابع نہیں ہوتا۔ کمیت کی |S| کا کی کلوگرام |S| ہے۔ اس کی تعریف پلانک مستقلہ |A| کی مستقل عددی قدر کو اس کی تعریف پلانک مستقلہ |A| کی مستقل عددی قدر کو |A| کی مستقلہ |A| کی مستقل عددی خدا کہ |A| کی استفل عددی جہاں |A| کی طاہر کیا جاتا ہے۔ جو |A| کی اصطلاح میں کی جاتی ہے۔ میٹر اور سیکنڈ کی تعریف |A| ورکھی کا ورکھی کی اصطلاح میں کی جاتی ہے۔

ایٹوں اور سالمات کی کمیت کی پیائش کے لیے کلوگرام ایک غیرموزوں اکائی ہے۔ لہذا ایٹوں کی کمیت کو ظاہر کرنے 28 عليات

کے لیے کمیت کی ایک خصوصی معیاری اکائی، متحدہ ایٹمی کمیت اکائی
(unified atomic mass unit, u) کا استعال کرتے ہیں عدمطابق اکائی = 1 u = (کا کے مطابق اکائی = 1 u)

اربن 12 ہم جا (isotope) کے ایک ایٹم کی کمیت کا = کاربن 12 ہم جا = کاربن 12 ہم جا = کاربن 12 ہے۔ = 1.66× = 10 ہے۔ = 1.66× = 10 ہے۔

عام طور پردستیاب اشیاء کی کمیت معلوم کرنے کے لیے دوکانوں میں استعال ہونے والاتر از واستعال کیا جاسکتا ہے۔ بڑی کمیتوں والی اشیاء جیسے سیارے، ستارے وغیرہ کی کمیتیں، نیوٹن کے مادی کشش کے قانون پر مبنی مادی کشش کے طریقے (دیکھیے باب8) کے ذریعے نایی جاسکتی ہیں۔ بہت

ہی کم کمیت والی اشیاء جیسے ایٹمی رخت ایٹمی ذرّات وغیرہ کی کمیتوں کی بیائش کے لیے کمیت طیف نگار (mass spectrograph) استعمال کیا جاتا ہے، جس میں ایک کیسال برقی ومقناطیسی میدان میں حرکت کررہے چارج شدہ ذرّے کے خطِ حرکت کا نصف قطراس کی کمیت کے راست متناسب ہوتا ہے۔

(Range of Masses) كميتول كي سعت (2.4.1

پورے عالم میں پائی جانے والی اشیا کی کمیتوں کی سعت کا پیانہ کافی بورے عالم میں پائی جانے والی اشیا کی کمیتوں کی سعت کا پیانہ کافی بوٹے پیانے کی بیانہ کافی بیائے کی بیانہ کافی سے معلوم کا ئنات کی عظیم کمیت کے درجہ تقریباً Rg کا کا تک پھیلی ہوئی ہے۔

جدول 2.3 لمبائيوں كى سعتيں اور درجات

لمبائی (m)	شے کے ناپ یا فاصلے
10 ⁻¹⁵	پروٹان کا ناپ
10 ⁻¹⁴	ایٹمی نیوکلیس کا سائز
10 ⁻¹⁰	ہائیڈرو ^ج ن ایٹم کاسائز
10-8	کسی مثالی (typical) وائرس کی لمبائی
10 ⁻⁷	روشنی کی طول لہر
10 ⁻⁵	سرخ دموی جسیے (red blood corpuscle) کا سائز
10 ⁻⁴	کسی کاغذ کی موٹائی
104	سمندر کی سطح سے ماؤنٹ الورسٹ کی اونچائی
10 ⁷	زمين كانصف قطر
10 ⁸	ز مین سے چاپند کی دوری
10 ¹¹	ز مین سے سورج کی دوری
10 ¹³	سورج سے بلوٹو کی دوری
10 ²¹	ہاری گیلکسی کا سائز
10 ²²	ز مین سے اینڈ روموئیڈا (Andromeda) گیلکسی کی دوری
10 ²⁶	قابل مشاہدہ کا ئنات کی سرحد تک دوری

جدول 2.4 میں مختلف اشیا کی مخصوص کمیتوں کے درجے اور سعت دیے گئے ہیں۔

جدول 2.4 کمیتوں کی سعتیں اور درجات

شے	كميت (كلو گرام)
اليكثران	10 ⁻³⁰
پروڻان	10 ⁻²⁷
يورينيم ايتم	10 ⁻²⁵
سرخ دموی خلیه	10 ⁻¹³
دھول کے ذریے	10 ⁻⁹
بارش کی بوند	10 ⁻⁶
\$	10 ⁻⁵
انگور	10 ⁻³
انسان	10 ²
آ ٹوموبائیل (سواریاں)	10 ³
بوئنگ 747 ہوائی جہاز	10 ⁸
ع ي اند	10 ²³
ز مین	10 ²⁵
سورج	10 ³⁰
کہشاں(گیلکسی)	10 ⁴¹
قابل مشامده كائنات	10 ⁵⁵

(MEASUREMENT OF TIME) وتت کی پیاکش 2.5

کسی بھی وقفہ وقت کی بیائش کے لیے ہمیں گھڑی کی ضرورت ہوتی ہے۔
وقت کی بیائش کے لیے بہتر معیار کی ضرورت کے تحت ایٹمی گھڑی کوفروغ
دیا گیا ہے۔اب ہم وقت کی بیائش کے لیے ایٹمی معیارونت (atomic دیا گیا ہے۔اب ہم وقت کی بیائش کے لیے ایٹمی معیارون میں بیدا ہونے والے دوری ارتعاش کو مبنی ہے۔قومی معیاروں میں استعال کی جونے والی سیزیم گھڑی بھی کھڑی بھی کہتے ہیں، کی یہی بنیاد ہے۔ جانے والی سیزیم گھڑی جسے ایٹمی گھڑی بھی کہتے ہیں، کی یہی بنیاد ہے۔ ایسے معیار کی تج بہوں میں وستیاب ہیں۔سیزیم ایٹمی گھڑی میں ایک

سینٹر سیزیم (ground state) کے اس کی تحت حالت (hyper fine levels) کی در میان عبور دو باریک ترین سطحوں (hyper fine levels) کے در میان عبور (transition) سے مطابقت رکھنے والے 9,192,631,770 ارتعاش کے لیے مطلوبہ وقت کے مساوی لیا جاتا ہے۔ سیزیم ایٹم کے ارتعاش سیزیم ایٹم گھڑی کے شرح ارتعاش کو ٹھیک اس طرح منضبط (regulate) سیزیم ایٹمی گھڑی کے توازنی پہنے کہ ایک جھوٹے کو ارٹز کرسٹل کے ارتعاش ایک سی کوارٹز کرسٹل کے ارتعاش کسی کوارٹز کلائی گھڑی کو منضبط کرتے ہیں یا ایک جھوٹے کو ارٹز کرسٹل کے ارتعاش کسی کوارٹز کلائی گھڑی کو منضبط کرتے ہیں۔

سیزیم ایٹی گھڑیاں نہایت درست وصیح ہوتی ہیں۔اصولی طور پر بید گھڑیاں آسانی سے لے جا سکنے والے (portable) میعار فراہم کراتی ہیں۔وقفہ وقت کے قومی میعار سکینڈ،اور ساتھ ساتھ تو اتر کو چار سیزیم ایٹی گھڑیوں کے ذریعہ قائم رکھا جاتا ہے۔ نیشنل فزیکل لیباریٹری (NPL)،نئ دبلی میں ہندوستانی میعاری وقت قائم رکھنے کے لیے سیزیم ایٹی گھڑی استعال کی جارہی ہے۔

ہمارے ملک میں، تواتر اور وقت کے طبیعی معیاروں کی دکھ ہمال (گرانی) اوران میں اصلاح وغیرہ کی ذمہ داری NPL، نئی دہلی کی ہمال (گرانی) اوران میں اصلاح وغیرہ کی ذمہ داری NPL، نئی دہلی کے ہمے۔ غور کریں کہ ہندوستانی معیاری وقت (IST) ان ایٹمی گھڑیوں کے مجموعے سے متعلق ہے۔ سیزیم ایٹمی گھڑیاں اتنا درست وقت بتاتی ہیں کہ پیائش وقت میں غیریقینیت (uncertainty) میں 10^{15 لیعنی 10¹⁵ میں 1 حصہ ہے۔ اس کا مطلب ہیہ ہم کہ ان گھڑیوں میں 1 سال میں جہت زیادہ وقت کی بیائش میں بہت زیادہ درستی صحت کے سبب لمبائی کی IS اکائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی IS اکائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے وقت کی گئی راہ لمبائی وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی I کا کائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی I کا کائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی I کا کائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی I کا کائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے درستی صحت کے سبب لمبائی کی I کا کائی کوروشنی کے ذریعہ متعین وقت کے کہ کئی کہ کائی کی I کائی کی اصطلاح میں ظاہر کیا گیا ہے۔}

دنیا میں مختلف واقعات کے وقفہ وفت کی سِعت کافی وسیع ہے۔ جدول 2.5 میں کچھ اہم وقفہ وفت کے در ہے اور سعتیں ظاہر کی گئی ہیں۔

جدول 2.5اور 2.5 کا مشاہدہ کرنے پر آپ دیکھیں گے کہ مختلف پیاکشوں کے اعداد اور ان میں فرق کے درمیان کیسانیت ایک دلچسپ 30 طبعیات

اتفاق ہے۔ غور کریں کہ دنیا میں اشیا کی سب سے بڑی لمبائی اور مختفر ترین لمبائی کی پیائش کی نبیت تقریباً 10^{4} ہے۔ اسی طرح ہماری دنیا میں اشیا اور واقعات سے متعلق زیادہ سے زیادہ اور مختفر ترین وقفہ وقت کا تناسب بھی 10^{4} ہے۔ اشیا کی کمیتوں کے جدول 2.4 میں عدد 10^{4} بھر ہوتا ہے۔ کا ننات کی زیادہ سے زیادہ اور کم سے کم کمیتوں کا تناسب فلا ہر ہوتا ہے۔ کا ننات کی زیادہ سے تروپ میں یہ غیر معمولی ہم آ ہنگی محض اتفاق ہے؟

2.6 آلات کی درستی صحت اور دقیق پیائش میں سہو

(ACCURACY, PRECISION OF INSTRUMENTS AND ERRORS IN MEASUREMENT)

پیائش ہر تجرباتی سائنس اور ٹکنالوجی کی بنیاد ہے۔ کسی بھی پیائتی آلے سے لی گئی ہرایک پیائش آئے سے لی گئی ہرایک پیائش کے نتیجہ میں کچھ غیر یقینیت ہوتی ہے یہ غیر یقینیت (سہویا غلطی) (error) کہلاتی ہے۔ ہرایک تحسیب کی گئی مقدار میں، جو پیائش کی گئی قدروں پر مبنی ہوتی ہے، پچھ نہ پچھ سہو ہوتا ہے۔ بیاں ہمیں دواصطلاحات درستی صحت (accuracy) اور دقیق پیائش

(precision) میں امتیاز، کرنا ہوگا۔ کسی قدر کی در تیِ صحت وہ پیائش ہے جو یہ بتاتی ہے کہ کسی مقدار کی پیائش کی گئی قدر اس کی حقیقی قدر کے کتنی قریب ہے جب کہ پیائش کا دقیق ہونا ہمیں یہ بتا تا ہے کہ کسی مقدار کی کس جز تجزیہ یا حد تک پیائش کی گئی ہے۔

مدیا جز تجزیہ بھی شامل ہے۔ مثال کے لیے مان لیجے کہ کسی شے کی لمبائی کی صدیا جز تجزیہ بھی شامل ہے۔ مثال کے لیے مان لیجے کہ کسی شے کی لمبائی کی صحیح قدر 3.678 cm ہے۔ کسی تجربے میں 0.1 cm جز تجزیہ کے پیائش آلے کے ذریعہ خاص شے کی لمبائی کی بیائش قدر mo 3.5 دوسرے تجربے میں زیادہ جز تجزیہ مصال اسی لمبائی کی پیائش قدر mo 3.38 cm ہے۔ لہذا پہلے پیائش فرریعہ حاصل اسی لمبائی کی پیائش قدر mo 3.38 cm ہے۔ لہذا پہلے پیائش زیادہ درست ہے۔ (کیونکہ یہ تیجیقی قدر کے طریقے سے حاصل شدہ پیائش زیادہ درست ہے۔ (کیونکہ یہ تیجی قدر کے زیادہ قریب ہے) لیکن کم دقیق (کیونکہ اس کا جز تجزیہ صرف mo 0.1 cm ہے) جب کہ دوسرے پیائش طریقے کے ذریعہ حاصل شدہ پیائش کم درست لیکن زیادہ دقیق ہے۔ لہذا پیائش میں شاطیوں (سہو) کے سبب ہرایک پیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر پیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہو کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہور کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہور کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہور کی درجہ بندی درج ذیل طور پر کیائش میں شہور کی دور کیاؤس میں کیونکہ کیفتر کیاؤس میں میں کیونکہ کیاؤس میں کیائش میں شہور کی دور کیاؤس میں کیونکہ کی دور کیاؤس میں کیائش میں سے کیائش میں کیونکہ کیاؤس میں کیائش میں کیونکہ کی دور کیاؤس میں کیائش میں کی درج کیائش میں کیائش کی کیائش میں کیائش میں کیائش کیائش کیائش کی کیائش کی کیائش کی کیائش کی کیائش کی کیائش کیائش کی کیائش کی کیائش کی کیائش کی کیائش کیائش کی کیائش کی کی کیا

جدول 2.5 وقفه وقت کی سِعت

واقعه	وقفه وقت (s)	
نہایت غیر پائیدارذرے کی مرت حیات	10 ⁻²⁴	
روشیٰ کے لیے نیوکلیر دوری کو طے کرنے میں لگا وقت	10 ⁻²²	
x- کرنوں کا دور	10 ⁻¹⁹	
ا يَتْمَى ارتعاش كا دور	10 ⁻¹⁵	
روشنی لهر کا دور	10 ⁻¹⁵	
کسی ایٹم کی اشتعالی حالت کی مدت حیات	10 ⁻⁸	
ریثه بولهر کا دور	10 ⁻⁶	
آوازلهر کا دور	10 ⁻³	
آ نکھ کے جھیکنے میں لگاونت	10 ⁻¹	
انسانی دل کی دومتواتر دهر محنول کا درمیانی وقفه	10 ⁰	

100	روشنی کا چاند سے زمین تک آنے میں لگاوقت
10 ²	روشنی کا سورج سے زمین تک آنے میں لگاوقت
104	کسی مصنوعی سیار ہے کا دوری وقت
10 ⁵	ز مین کی گردش کا دور
10 ⁶	حپاند کا گردشی اور طواف کا دور
10 ⁷	زمین کے طواف کا دور
10 ⁸	روشیٰ کا قریبی تارے سے زمین تک آنے میں لگا وقت
10 ⁹	انسان کی اوسط مدت حیات
10 ¹¹	مصر کے احراموں کی عمر
10 ¹⁵	ڈا نئا سور کے معدوم ہونے کے بعد گز راوقت
10 ¹⁷	کا ئنات کی عمر

(systematic errors) بانظام سهو

(random errors) جرتیب هو (b)

بانظام سهو (Systematic errors)

نظام سے وابسۃ سہو وہ سہو ہیں جو کسی بھی ایک سمت، خواہ مثبت یا منفی، کی طرف مائل ہوتے ہیں۔اس قتم کے سہو کے پچھا سباب درج ذیل ہیں:

(a) آلاتی سہو (Instrumental errors): یہ غلطیاں بیائش

آلاتی سہو (Instrumental errors): یہ غلطیاں پیائی آلے کے ناقص ڈیزائن یا بیانہ بندی کے سبب، صفر سہوکی موجودگی وغیرہ کے سبب بیدا ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے، ہوسکتا ہے کہ سی تقر مامیٹر میں درجہ حرارت کی نشان بندی درست نہ ہو (جس کے سبب بانی کے نقطہ جوش کو وہ تقر مامیٹر C کھا سکتا سبب STP پر پانی کے نقطہ جوش کو وہ تقر مامیٹر C کھا سکتا ہے جب کہ اسے 2000 رپڑھا جانا چاہیے)،کسی ور نیر کیلیپرس میں ور نیر بیانے کا صفر نشان خاص بیانے کے صفر نشان کی سیدھ میں فہ ہو یا کسی عام میٹر پیانے کا ایک سرا گھسا ہوا ہو۔

(Imperfection تجرباتی تکنیک یا طریقہ عمل کانقص in experimental procedure): مثال کے لیے کسی انسانی جسم کے درجہ حرارت کی بیائش کے لیے

جب تھر مامیٹر کو بغل میں لگایا جاتا ہے تو یہ جسم کے اصل درجہ حرارت سے کم درجہ حرارت دکھاتا ہے۔ تجربے کے دوران کچھ دیگر خارجی حالات (جیسے درجہ حرارت، رطوبت، ہواکی رفتار وغیرہ میں تبدلیاں) پیائش کومنظم طور پرمتاثر کرسکتے ہیں۔

انفرادی سہو (Personal errors): یہ غلطیاں تجربہ کرنے والے فرد کے میلان، ساز وسامان کی مناسب ترتیب میں کمی یا مشاہدہ سے متعلق مناسب احتیاطی تدابیر کے بغیر مشاہدات لینے میں کسی خص کی لا پروائی وغیرہ کے سبب پیدا ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے اگر آب اپنی عادت کے مطابق پیانے پرسوئی کے مقام کو پڑھتے وقت اپنی عادت کے مطابق پیانے پرسوئی کے مقام کو پڑھتے وقت اپنی عادت کے مطابق بیانے پرسوئی کے مقام کو پڑھتے وقت اپنی مرکو دائیں جانب کچھ زیادہ دور تک رکھتے ہیں تب آپ اختلاف منظر (parallax) کے سبب غلطی کر بیٹھیں گے۔

بر ترتیب سهو (Random errors)

یہ سہو وہ سہو ہیں جو بے قاعدہ طور پر ہوتے ہیں اور اس کیے علامت اور سائز کے لحاظ سے یہ بے ترتیب ہوتے ہیں۔ یہ تجرباتی حالات (درجہ حرارت، ولیٹے سپلائی، تجرباتی بندوبست کے میکا کلی ارتعاش وغیرہ) میں بے ترتیب اور غیرمتوقع اُتار چڑھاؤ،مشاہد کے ذریعہ مشاہدہ اور اندراجات کے دوران کی گئی ذاتی غلطیاں (ذاتی میلان) وغیرہ کے سبب پیدا ہوسکتے ہیں۔مثال کی گئی ذاتی غلطیاں (ذاتی میلان) وغیرہ کے سبب پیدا ہوسکتے ہیں۔مثال

32 طبيعيات

(b)

مقدار کی صحیح قدر اورانفرادی پیمائش قدر کے درمیان کے فرق کی عددی قدر کو پیمائش کا مطلق سھو absolute) فرق کی عددی قدر کو پیمائش کا مطلق سھو error) کھا جاتا ھے۔اسے $|\Delta\alpha|$ کے ذریعہ ظاہر کیا جاتا ھے۔ اسے $|\Delta\alpha|$ کے ذریعہ کسی مقدار کی حقیقی قدر نہیں جانے اس لیے حسابی درمیانے کو صحیح قدر تسلیم کر لیتے ہیں) تب انفرادی پیائش کی قدر دول میں سہواس طرح ہیں،

$$\Delta a_1 = a_{mean} - a_1$$

$$\Delta a_2 = a_{mean} - a_2$$

$$\dots \qquad \dots$$

$$\Delta a_n = a_n - a_{mean}$$

اوپر دیے ہوئے مشاہدات میں، کچھ مشاہدات کے لیے $\Delta \alpha$ کی تحسیب شدہ عدد مثبت ہوسکتی ہے اور کچھ کے لیے منفی لیکن مطلق سہو $|\Delta \alpha|$ ہمیشہ مثبت ہوگا۔

سیجی مطلق سهو کے حسابی درمیانے کو طبیعی مقدار می قدر میں حتمدی یا درمیانه مطلق سهو مانا جاتا ہے۔ اسے Δamean کیا جاتا ہے۔ اسے ظاہر کیا جاتا ہے۔ اس طرح:

 $\Delta a_{mean} = (|\Delta a_1| + |\Delta a_2| + |\Delta a_3| + ... + |\Delta_{an}|)/n$ (2.6)

$$=\sum_{i=1}^{n}|\Delta a_{i}|/n \tag{2.7}$$

اگر ہم صرف ایک ہی پیائش لیس تو اس کی قدر $a_{mean}+\Delta a_{mean}+\Delta a_{mean}$ کی سعت میں ہوسکتی ہے۔

 $a = a_{mean} + \Delta a_{mean}$

 $a_{mean} - \Delta a_{mean} \le a \le a_{mean} + \Delta a_{mean}$ (2.8) اس کا مطلب ہوا کہ طبیعی مقدار a کی کسی بھی پیاکش کا

کے لیے، جب ایک ہی شخص کسی مشاہدے کو کئی بار دہرا تا ہے تو بیمکن ہے کہ ہر باروہ ان کی مختلف قدریں حاصل کرے۔

(Least count error) کم ترین شمار سهو

کم ترین شارسہو (یا خطا) وہ خطا ہے جو آلے کے جز تجزیے کے ساتھ جڑی ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے، کسی ورنیر کیلیپرس کا کم ترین شار ساتھ جڑی ہوتی ہیں۔ مثال کے لیے، کسی ورنیر کیلیپرس کا کم ترین شار 0.001 cm ہوسکتا ہے۔ کم ترین شارسہو بے ترتیب سہو کے زمرے میں شامل ہیں کیکن ان کا سائز محدود ہوتا ہے۔ یہ سہومنظم اور بے ترتیب دونوں قسموں کا ہوسکتا ہے۔ اگر ہم لمبائی کی پیائش کے لیے میٹر پیانے کا استعال کرتے ہیں تو میٹر بیانے کی نشان بندی سات کے فاصلے یا وقفے پر ہوسکتی ہے۔ نبیٹا دقیق آلات کے استعال اور تجرباتی تکنیک میں بہتری لانے وغیرہ سے کم ترین شارسہوکوکم کیا جاسکتا ہے۔ مشاہدات کوئی بار دہرانے اور پیران مابی درمیانہ لینے پر یہ درمیانہ قدر پیائش کی گئی مقدار کی حقیقی قدر کے حسابی درمیانہ لینے پر یہ درمیانہ قدر پیائش کی گئی مقدار کی حقیقی قدر کے بہت ہی قریب ہوگی۔

2.6.1 مطلق سهوانسبتی سهواور فی صدسهو

(Absolute error, Relative error and Percentage error)

$$a_1,\ a_2,\ a_3,\ldots,\ a_n$$
 مان کیجے کہ کئی پیائشوں کی قدر سے موے مالات میں، $a_1,\ a_2,\ a_3,\ldots,\ a_n$ مقدار کی سب سے بہتر ممکن قدر مانی جاتی ہے،

$$a_{mean} = (a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n) / n$$
 (2.4)

$$a_{mean} = \sum_{i=1}^{n} a_i/n$$

اس کی وجہ رہے (جبیبا کہ پہلے تشریح کی گئی ہے) کہ بیہ فرض کرنا

معقول ہے کہ انفرادی پیاکش کے ذریعے حاصل کیے گئے تخمینے کا

صحیح قدر سے جتنا زیادہ ہونے کاامکان ہے اتنا ہی امکان کم

ہونے کا بھی ہے۔

لیے اتنا اہم نہیں ہے جتنا کہ ریڈنگ کا آلیسی فرق کیونکہ 'صفر سہو' کو ہمیشہ آسانی سے دور کیا جاسکتا ہے ۔اس لیے گھڑی 1 کے بجائے گھڑی 2 کو ترجح دی جائے گھر گا۔

مثال 2.7 ہم کسی سادہ پینیڈولم کے اہتزاز (oscillation) کے دوری وقت کی پیائش کرتے ہیں۔ متواتر پیائشوں میں ریڈنگ بیل 2.80 اور 2.80 اور 2.80 مطلق سہون بیتی سہویا فی صد سہوکا شار کیجے۔

جواب پینیڈولم کےاہتنراز کا وسط دور

$$T = \frac{(2.63 + 2.56 + 2.42 + 2.71 + 2.80) s}{5}$$

$$=\frac{13.12}{5}$$
 s = 2.624s = 2.62 s

کیونکہ ہر دور کی پیائش 0.01 کے جز تجزیہ (علاحدگی) تک ہوئی ہے،اس لیے جسی وقت دوسرےاعشاریہ تک ہیں۔اس لیے وسط دور کو بھی دوسرےاعشاریہ مقام تک کھنا مناسب ہے۔ پیائشوں میں مطلق سہو ہیں:

$$2.63 \text{ s} - 2.62 \text{ s} = 0.01 \text{ s}$$

$$2.56 \text{ s} - 2.62 \text{ s} = -0.06 \text{ s}$$

$$2.42 \text{ s} - 2.62 \text{ s} = -0.20 \text{ s}$$

$$2.71 \text{ s} - 2.62 \text{ s} = 0.09 \text{ s}$$

$$2.80 \text{ s} - 2.62 \text{ s} = 0.18 \text{ s}$$

یہ نوٹ کیجیے کہ مطلق سہو کی بھی وہی اکا ئیاں ہیں جو پیائش کی جانے والی مقدار کی ہیں۔

سبھی مطلق سہو کی عددی قدروں کا حسابی درمیانہ (حسابی درمیانہ کے لیے ہم صرف عددی قدر (magnitude) لیتے ہیں)۔

$$\Delta \mathrm{T}_{mean}\!=\![(0.01\!+\!0.06\!+\!0.20\!+\!0.09\!+\!0.18)\mathrm{s}]/5$$

= 0.54 s/5

= 0.11 s

اور $(a_{mean} - \Delta a_{mean})$ اور $(a_{mean} + \Delta a_{mean})$ کے درمیان ہونے کا امکان ہے۔

(c) مطلق سہو کے بجائے اکثر ہم شبتی سہو یا فی صدسہو (8 م) کا بھی استعال کرتے ہیں۔ نسبت سہو درمیانہ مطلق سہو مصلف سہو کی مصلف سہو کی مصلف سہو کی مصلف کی گئی شے کی ورمیانہ قدر amean کی نسبت ہے۔

(relative error) = $\Delta a_{mean}/a_{mean}$ (2.9) مطلق سهو جب نبتی سهو کو فی صد میں ظاہر کیا جاتا ہے تو اسے فی صد سهو δ (δa) کہتے ہیں۔ لہذا فی صد سهو

$$\delta a = (\Delta a_{mean}/a_{mean}) \times 100\% \tag{2.10}$$

آئے ایک مثال لیتے ہیں:

مثال 2.6 دو گھڑیوں کی کسی قومی لیباریٹری میں رکھی ایک معیاری گھڑی کے ساتھ جانچ کی جارہی ہے۔جس وقت معیاری گھڑی میں دو پہرکے 12:00:00 بجتے ہیں اس وقت ان دو گھڑیوں کی ریڈنگ اس طرح ہیں۔

گهڑی 2	گھڑ <i>ی</i> 1	
10:15:06	12:00:05	دوشنبه
10:14:59	12:01:15	منگل
10:15:18	11:59:08	بدھ
10:15:07	12:01:50	جمعرات
10:14:53	11:59:15	جمعه
10:15:24	12:01:30	سنيج
10:15:11	12:01:19	اتوار
ں وقفہ وقت کی دقیق پیائشوں کی	ہے۔ تجربہ کررہے ہیں جس میں	اگر آپ کوئی
لون ہی گھڑی کاانتخاب کریں گے؟		

جواب سات دنوں کے مشاہدات میں تغیرات کی رنٹی گھڑی 1 کے لیے 162s ہے۔ گھڑی 1 کی اوسط ریڈنگ گھڑی 2 کی اوسط ریڈنگ گھڑی 2 کی اوسط ریڈنگ کے مقابلے معیاری وقت کے زیادہ قریب ہے۔ اہم بات سے ہے کہ گھڑی کا صفر سہو (zero error) دقیق کام کے

عبي<u>ات</u> طبيعيات

اس کا مطلب میہ ہے کہ سادہ پنیڈولم کے اہتزاز کا دور، s (2.61 + 0.11) یا 2.73 اور ہے یا 2.73 اور 2 (2.62 – 0.11) یا 3 (2.73 اور 0.11 s ہے یا 2.51 s کے درمیان ہے۔ کیونکہ بھی مطلق سہو کا حسابی درمیانہ s کے درمیان ہے۔ کیونکہ بھی مطلق سہو کا حسابی درمیانہ کے البذا وقفہ ہے، اس لیے سینڈ کے دسویں جھے میں پہلے ہی کوئی غلطی ہے۔ لہذا وقفہ وقت کوسویں جھے تک ظاہر کرنے کا کوئی مطلب نہیں ہے۔ لہذا کھنے کا صحیح طریقہ ہے،

T = 2.6 + 0.1 s

یہ نوٹ کیجے کہ آخری عدد 6 غیر معتبر ہے کیونکہ یہ 5 اور 7 کے درمیان میں کچھ بھی ہوسکتا ہے۔ ہم یہ کہہ کراس کا اشارہ دیتے ہیں کہ اس پیائش کے دو بامعنی اعداد (significant figures) ہیں۔ اس معاملے میں دو بامعنی عدد ہیں: 2، جو معتبر ہے، اور 6 ہے جس سے کوئی غلطی یا سہو منسلک ہے۔ آپ بامعنی اعداد کے بارے میں زیادہ تفصیل سے دھتہ 2.7 میں پڑھیں گے۔

اس مثال کے لیے مبتی سہویا فی صد سہو ہے، $\delta a = \frac{0.1}{2.6} \times 100 = 4\%$

(Combination of Errors) غلطيول كااجتماع 2.6.2

اگر ہم کوئی ایسا تجربہ کریں جس میں مختلف پیائشیں شامل ہوں تو ہمیں سے ضرور ہی جاننا چاہیے کہ سجھی پیائشوں میں ہونے والے سہو کس طرح جمع ہوتے ہیں۔ مثال کے لیے کمیتی کثافت شے کی کمیت اور اس کے جم کی نسبت

آپ ایک خط کی لمبائی کیسے معلوم کریں گے؟

(How will you measure the length of a line?)

کیمامہمل سوال ہے؟ ہوسکتا ہے آپ اب بیے کہیں ۔ لیکن اگر خط،
خطِ متنقیم (straight line) نہ ہوتو؟ ایک ٹیرھا میڑھا خط اپنی
کاپی یا تختہ سیاہ پر کھینچے ۔ جی ہاں، اب بھی کوئی بڑی مشکل بات نہیں
ہے ۔ آپ ایک دھا گہ لے کر اسے خط پر اس طرح رکھیے کہ وہ خط
کو پوری طرح ڈھک لے، پھر دھا گہ کو کھو لیے اور اسکی لمبائی
ناب لیجے۔

اب تصور سیجے کہ آپ ایک توی شاہ راہ کی لمبائی ناپنا چاہتے ہیں یا ایک دریا کی یا دو اسٹیشنوں کے درمیان بیچی ہوئی ریل کی پڑی کی یا دوصوبوں یا ملکوں کے درمیان سرحد کی لمبائی ناپنا چاہتے ہیں۔ اب اگر آپ ایک میٹر یا سومیٹر لمبا دھا گہررتی لیں، حیا ہے خط پر رکھیں، پھر جہاں اس کا اگلا سراتھا، وہاں پچھلا سرار کھیں اور اس طرح دھا گے کے مقام کو بدلتے جا کیں تو اس کام کے لیے جتنے گھنٹوں کی محنت درکار ہوگی اور جتنا خرج آئے گا، اس کے مقابلے میں حاصل بہت چھوٹی سی بات ہوگی۔ مزید ہے کہ اس است لمبا کے میں عاصل بہت چھوٹی سی بات ہوگی۔ مزید ہے کہ اس است لمبا کے میں ایک دلیس است کے مقابلے میں ایک دلیس ایک کے امکان تقریباً بیقنی ہیں۔ اس کے بارے میں ایک دلیس ایک کی ایک بارے میں ایک دلیس ایک دلیس کے مشتر کہ بین الاقوا می سرحد ہے، جس کی ، دونوں ملکوں کی سرکاری دستاویزوں میں ، درج لمبائی میں قابلی لحاظ فرق ہے۔

ایک قدم آگے بڑھیے اور اس ساحلی خط کا تصور کیجیے ا جہاں زمین،سمندر سے ملتی ہے۔ سڑکوں اور دریاؤں میں ساحلی خط کے مقابلے میں بہت کم گہرے موڑ ہوتے ہیں۔تب بھی تمام دستاویزوں میں، جن میں ہماری درسی کتابیں بھی شامل ہیں، گجرات یا آندھرا پر دیش کے ساحل سمندریا دوصوبوں کی مشتر کہ سرحد وغیرہ کی لمبائی کے مطعلق معلومات شامل ہوتی ہے۔ ریل کے ٹکٹوں یر دو اسٹشنوں کا درمیانی فاصلہ چھیا ہوتا ہے۔سڑک کے کنارے کنارے ہر جگہ میل کے پھر لگے ہوتے ہیں، جومختلف بستیوں کے فاصلوں کی نشاندہی کرتے ہیں۔پھر یہ کسے کیا جاتا ہے؟ ہمیں یہ فیصلہ کرنا ہوتا ہے کہ ہم کس حد تک پیاکش میں سہو (error) برداشت کریں گے اور پھریہ دیکھنا ہوتا ہے کہ کم از کم خرچ کسے آئے گا۔اس کے لیے اعلیٰ ٹکنولوجی اور بڑا خرچ درکار ہے۔ یہ کہنا کافی ہوگا کہ اس کے لیے اچھی خاصی اعلیٰ درجہ کی طبیعات، ریاضی انجینیر نگ اور ٹکنولوجی درکار ہوگی۔ یہ فریکٹلس (Fractals) سے متعلق ہے جو حال ہی میں نظریاتی قبولیت اختیار کرنے والی طبیعات کی شاخ ہے۔ پھر بھی ہم یہ نہیں حان

سکتے کہ جواعداد ہمارے سامنے آئے ہیں وہ کس حد تک قابلِ بھروسہ ہیں، جیسا کہ فرانس اور پیجیم کے قصے سے ظاہر ہوتا ہے۔ آپ کی دلچیں کے لیے یہ بتادیں کہ فرانس اور پیجیم کے درمیان لمبائی کی پیائش کا بیہ تناقص (Discrepancy)، فریکٹلس اور بے ظمی (chaos) کے موضوع پر طبیعات کی ایک اعلیٰ نصاب کی کتاب کے پہلے صفحے پر درج کیا گیا ہے۔

مثال 2.8 دواجهام کے درجہ حرارت کی تھر مامیٹر سے ناپنے پر قد ریں $t_0 = 50^{\circ} \text{C} + 0.5^{\circ} \text{C}$ اور $t_1 = 20^{\circ} \text{C} + 0.5^{\circ} \text{C}$ درجہ حرارت کا فرق اوراس میں سہومعلوم کریں۔

 $t' = t_2 - t_1 : -$

 $=(50^{\circ}C+0.5^{\circ}C)-(20^{\circ}C+0.5^{\circ}C)$

 $= 30^{\circ}\text{C} + 1^{\circ}\text{C}$

(b) حاصل ضرب یا حاصل تقسیم (خارج قسمت) میں سہو

(Errors of a product or a quotient)

 $B+\Delta B$ اور Aاور Bی پیایش کی گئی قدر $A+\Delta A$ اور $A+\Delta B$

ہیں تب

 $Z + \Delta Z = (A \pm \Delta A) (B \pm \Delta B)$

 $= AB \pm B\Delta A \pm A\Delta B \pm \Delta A\Delta B$

LHS کو Z سے اور RHS کو AB سے تقسیم کرنے پر

 $\Delta Z/Z = (\Delta A/A) + (\Delta B/B)$

آپ یہ آسانی سے تصدیق کرسکتے ہیں کہ یہ مساوات تقسیم کے لیے بھی سیح ہے۔ لہذا اصول یہ ھے: حب دو مقداروں کو ضرب یا تقسیم کیا حاتا ھے تو نتیجے میں کسری سہو، ضاربوں میں کسری غلطیوں

کی جمع کے برابر هوتا هے۔

مثال **2.9** مزاحمت V = (100 + 5) جہال V = (100 + 5) اور V = (100 + 5) جہال V = (100 + 5) مثال V = (100 + 5) جہال V = (100 + 5) مثال V = (100 +

اگر کمیت اور ناپ یا ابعاد کی پیائش میں سہو ہیں تو ہمیں یہ ضرور جاننا چاہیے کہ کثافت میں کتنی غلطی ہوگی۔اس طرح کا اندازہ لگانے کے لیے ہمیں بیسکھنا ہوگا کہ مختلف ریاضیاتی عملوں میں سہوکس طرح مجتمع ہوتے ہیں۔اس کے لیےہم درج ذیل طریقوں کا استعمال کرتے ہیں۔

فرض سیجے کہ دوطبعی مقداروں A اور B کی پیائش کی 'قدرین' فرض سیجے کہ دوطبعی مقداروں A اور B کی میائش کی 'قدرین' بالتر تیب $A+\Delta A$ اور $B+\Delta B$ بین، جہال $A+\Delta A$ اور $A+\Delta B$ مطلق سہو ہیں – ہم چاہتے ہیں کہ حاصل جمع A+B عیں سہومعلوم کریں جمع کے ذریعے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

 $z + \Delta z = (A \pm \Delta A) + (B + \Delta B)$ $\Delta z = \Delta A + \Delta B \quad z$ $z = \Delta A + \Delta B \quad z$ $z = \Delta A + \Delta B \quad z$ $z = \Delta A + \Delta B \quad z$ $z = \Delta A + \Delta B \quad z$ $z = \Delta A + \Delta B \quad z$

 $= (A - B) \pm \Delta A + \Delta B$

یا

 $\pm \Delta Z = \pm \Delta A \pm \Delta B$

 $^{-}$ سهو ΔA کی بیش ترین قدر پھر $A+\Delta B$ ہی ہے۔

لهذا اصول یه هے: حب دو مقداروں کو جمع یا تفریق کیا جاتا هے تو آخری نتیجے میں مطلق سهو انفرادی مقداروں کے مطلق سهو کا حاصل جمع هوتا هے۔

36 على المسلم ا

لہذا اصول یہ ہے۔ کسی طبعی مقدار جس پر قوت k تک بڑھائی گئی ہو، میں کسری سہو، اس انفرادی مقدار میں کسری سہوکوقوت نما R سے ضرب دینے برحاصل ہوتا ہے۔

۲ = A⁴ B^{1/3}/CD^{3/2} مثال 2 2.11 میں کسری سہو معلوم کیجیے اگر Z = A⁴ B^{1/3}/CD^{3/2}

 $\Delta Z/Z = 4 (\Delta A/A) + (1/3) : جواب Z میں کسری سہو ہے : (\Delta B/B) + (\Delta C/C) + (3/2)(\Delta D/D)$

 $2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$ مشال **2.12** ایک ساده پینڈولم کے اہتراز کا دور $\frac{L}{g}$ مشال **2.12** ایک ساده پینڈولم کے اہتراز کا دور کا کہ کا کہ کا کہ کا گھڑی ہے جس کا جز تجزیہ اس کی در تگی سال تک ہے۔ ایک گھڑی ہے جس کا جز تجزیہ -1 اس کی در تگی سال میں انٹر کیا گیا وقت 90 سکینڈ -1 کی قدر معلوم کرنے میں کئی در تگی ہے؟

$$g = 4\pi^2 \text{ L/T}^2$$
 بيال، $T = \frac{t}{n}$ ، يبال، $\Delta T = \frac{\Delta t}{n}$ ، اور، $\Delta T = \frac{\Delta t}{T} = \frac{\Delta t}{t}$

L اور t دونوں میں سہو، کم ترین شارسہو ہیں۔اس لیے

$$\frac{\Delta g}{g} = \frac{\Delta L}{L} + 2\frac{\Delta T}{T}$$

$$= \frac{0.1}{20.0} + 2\left(\frac{1}{90}\right) = 0.027$$

$$= \frac{0.027}{20.0} + 2\left(\frac{1}{90}\right) = 0.027$$

$$= \frac{20.0}{9} = 100\left(\frac{\Delta L}{L}\right) + 2 \times 100\frac{\Delta T}{T}$$

جوابV میں فی صدیبو %5 ہے I میں %2 ہے۔ لہذا R کی قدر میں کل سبو %7 = %2 + %5 ہوگا۔

 $\begin{aligned} R_1 &= 100 + 3 \text{ ohm } \mathcal{R}_1 &= 2.10 \text{ ohm } \mathcal{R}_2 &= 200 + 4 \text{ ohm } \mathcal{R}_2 \\ &= 200 + 4 \text{ ohm } \mathcal{R}_2 &= 200 + 4 \text{ ohm } \mathcal{R}_2 \\ &= 200 + 2$

جواب (a) معاول مزاحمت، سلسله وارتر تیب کے لیے

 $R = R_1 + R_2 = (100 + 3) \text{ ohm} + (200 + 4) \text{ ohm}$ = 300 + 7 ohm

$$\frac{2}{R_1}$$
 معاول مزاحمت متوازی ترتیب کے لیے (b) $R' = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = \frac{200}{3} = 66.7 \text{ ohm}$ $\frac{1}{R'} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$

 $\frac{\Delta R'}{R'^2} = \frac{\Delta R_1}{{R_1}^2} + \frac{\Delta R_2}{{R_2}^2}$ $\Delta R' = \left(R'^2\right) \frac{\Delta R_1}{{R_1}^2} + \left(R'^2\right) \frac{\Delta R_2}{{R_2}^2}$ $= \left(\frac{66.7}{100}\right)^2 3 + \left(\frac{66.7}{200}\right)^2 4 = 1.8$

 $R' = 66.7 \pm 1.8$ ohm

(Eror in case of a پیائش کی گئی مقدار کی قوت کے سبب ہم (c) measured quantity raised to power)

$$Z=a^2$$
 مان کیجئے $Z=a^2$ کی مان کیجئے $AZ/Z=(\Delta A/A)+(\Delta A/A)$ $\Delta Z/Z=(\Delta A/A)+(\Delta A/A)$ $AZ/Z=(\Delta A/A)+(\Delta A/A)$ کی میں کسری سہو کی دوگئی ہے۔ $Z=A^p$ B^q/C^r تب $Z=A^p$ $AZ/Z=P(\Delta A/A)+q(\Delta B/B)+(\Delta C/C)$

= 3%

سبهی غیر صفر هندسے بامعنی هیں۔

- کن هی دو غیر صفر هندسوں کے درمیان سبهی صفر بامعنی هندسے هیں چاهے اعشاریه نقطه کا کوئی بهی مقام هو اور چاهے اعشاریه نقطه هو یا نه هو۔
- اگرکوئی عدد 1 سے چھوٹا ہوتو اعشار بینقظہ کے داہنی جانب کے صفر جو پہلے غیر صفر ہندسے کے بائیں جانب ہیں، بامعنی ہندسے نہیں ہوتے ہیں۔[0.002308 میں خطکشیدہ صفر بامعنی ہندسے نہیں ہیں]۔
- کسی بھی ایسے عدد میں جس میں اعشاریہ نقطہ نھوں ھو،ختمی یا پس رو (terminal or trailing)صفر بامعنی ھندسے نھیں ھوتے ھیں۔

[ال طرح m = 12300 cm = 123000 mm میں تین بامعنی ہند سے ہیں۔ پس روصفر بامعنی ہند سے نہیں ہیں۔ پھر کھی آیا اگلے اصول کو دیکھ سکتے ہیں]۔

کسی بھی عدد میں جس میں اعشاری نقطہ ہو، پس رو صفر بامعنی هندسے هوتے هیں۔

(2) پس روصفر بامعنی ہند ہے ہیں یا نہیں اس بارے میں غلط فہمی ہوسکتی ہے۔ اس مشاہدہ ہے۔ مان کیجے کسی شے کی لمبائی 4.700 سے مان کیجے کسی شے کی لمبائی میں ایشنی کی مشاہدہ

[جيسے اعداد 3.500 يا 0.06900 ميں جار بامعنی ہندسے ہیں]۔

سے ظاہر ہے کہ یہاں صفر کا مقصد پیائش کی در شکی ظاہر کرتا ہے لہذا یہاں میہ صفر بامعنی ہند سے نہیں ہیں تو ان صفروں کو صفر بامعنی ہند سے نہیں ہیں تو ان صفروں کو صاف طور پر لکھنا غیر ضروری ہے اور لکھی گئی پیائش کو ہم M 4.7 لکھ سکتے

ہیں]۔اب اگرہم ا کائیوں میں تبدیلی کرتے ہیں تب،

4.700 m = 470.0 cm = 4700 mm = 0.004700 km

کیونکه آخری سے پہلے والے عدد میں پس روصفر بغیراعشاریہ ہیں، یہاں ہم

او پر دیے گئے اصول (1) کی بنیاد پر، اعداد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد دو

ہنا کیں گے جب کہ اصل میں اس عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد 4 ہے اور

اکا نیوں میں محض تبدیلی کردینے سے ہی کسی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد

میں تبدیلی نہیں لائی حاسکتی ہے۔

2.7 بامعنی اعداد (SIGNIFICANT FIGURES)

جیسا کہ اوپر بتایا گیاہر ایک پیائش میں سہوشامل ہوتے ہیں۔ الہذا کسی بھی پیائش کا نتیجہ اس طرح پیش کیا جانا چاہیے کہ یہ پیائش کس حد تک دقیق ہے اس کی نشا ندہی ہوجائے۔ عام طور پر کسی پیائش کا پیش کیا گیا نتیجہ وہ عدد ہے جس میں اس عدد کے بھی معتبر ہندسے اور پہلا غیر معتبر ہندسہ (غیر یقینی) شامل ہوتا ہے۔ کسی عدد کے معتبر ہندسوں اور شامل غیر یقینی ہندسے کو بامعتی ہندسے (significant digits) کہتے ہیں۔ اگر ہم کہیں کہ ایک سادہ پینیڈولم کے اہتزاز کا دور ہ 1.62 ہے لواس میں ہندسہ 1 اور 6 معتبر اور یقینی ہیں جب کہ ہندسہ 2 غیر یقینی ہے۔ لہذا، پیائش کی گئی قدر میں معتبر اور یقینی ہیں جب کہ ہندسہ 2 غیر یقینی ہے۔ لہذا، پیائش کی گئی قدر میں تنین بامعنی ہندسے ہیں۔ اگر پیائش کے بعد کسی شے کی لمبائی 287.5 کسی گئی ہندسے ہیں۔ اس عدد میں ہندسہ 2، 8، کسی گئی ہندسے ہیں۔ اس عدد میں ہندسہ 2، 8، میں بامعنی ہندسوں سے زیادہ ہندسہ کھنا غیر ضروری اور گراہ کن ہوگا کیونکہ بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریائش کے دقیق ہونے کی صد (precision) کے بارے میں غلط تصور بیریا کرے گا۔

کسی بھی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد معلوم کرنے کے قاعدے درج ذیل مثالوں سے سمجھے جاسکتے ہیں۔جیسا کہ پہلے ذکر کیا گیا کہ بامعنی ہندسے کسی پیائش کی وقیق ہونے کی حد (باریکی) کی طرف اشارہ کرتے ہیں جو پیائش آلے کے کم ترین شار (least count) پر منحصر ہوتی ہے۔
کسی پیائش میں مختلف اکا سیوں کے امتخاب سے بھی بامعنی ہندسوں کی تعداد تبدیل نہیں ہوتی ۔ یہ اہم تبصرہ درج اصولوں کی وضاحت کرتا ہے۔

(1) مثال کے لیے، کمبائی 2.308 cm میں چار بامعنی ہندسے ہیں۔ لیکن مختلف اکائیوں میں اس قدر کو علی الترتیب m 0.02308 m یا 23.08 mm کی یا 23.08 سے۔

ان بھی اعداد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد چارہے (ہندسے 2,3,0,8)۔ یہ ظاہر ہے کہ اعشاری نقطہ کے مقام کی بامعنی ہندسوں کی تعداد کے تعین میں کوئی اہمیت نہیں ہے۔ درج بالا مثال درج ذیل اصول فراہم کرتی ہے: عيات طبعيات

(3) بامعتی ہندسوں کے اعداد کے تعین میں او پر بتائے گئے ابہام کو دور کرنے کا سب سے بہتر طریقہ ہے کہ ہرایک پیائش کو سائنسی ترقیم (10 کی قوت) میں لکھا جائے۔ اس ترقیم میں ہرایک عدد کو کو کہ کے طور پر ظاہر کیا جاتا ہے جہاں ہے، 1 سے 10 کے در میان کوئی عدد ہے اور 6 (10 کا کوئی بھی مثبت یا منفی قوت نما (exponent) ہے۔ عدد کا ایک تقربی نصور حاصل کرنے کے لیے، ہم عدد ہے کو 10 (2 ہے کے لیے) یا 10 (3 ہے کہ کی تقربی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح عدد کو تقربی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح عدد کو تقربی شکل میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح عدد کو تقربی شکل میں ظاہر کیا جاسکتا ہے، جس میں 10 کا قوت نما طاہ اس طبعی کی صورت میں ظاہر کیا جاسکتا ہے، جس میں 10 کا قوت نما طاہ اس طبعی مقدار کا، عدد کی قدر کا درجہ رکار ہوتا ہے تو ہم کہتے ہیں کہ مقدار ط10 کے درجہ کی ہے۔ مثلاً ، زمین کا قطر (3 مار 2 درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ 7 ہے۔ ہائیڈرو جن ایٹم کا درجہ کی ہے۔ جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ کا ہے، جس میں عدد کی قدر کا درجہ 7 ہے۔ ہائیڈرو جن ایٹم کا کا درجہ 10 ہے۔ زمین کا قطر، ہائیڈر جن ایٹم کے قطر سے 17 عدد کی قدر کے درجہ زیادہ ہے۔

عام طور پرکسی بھی عدد میں اعشاریہ پہلے ہندسے کے بعد لکھا جاتا ہے جس سے اوپر بیان کیے گئے ابہام دور ہوجاتے ہیں:

 $4.700 \,\mathrm{m} = 4.700 \times 10^2 \,\mathrm{cm} = 4.700 \times 10^3 \,\mathrm{mm}$ = $4.700 \times 10^{-3} \,\mathrm{km}$

یہاں بامعنی ہندسوں کے تعین میں 10 کا پاور غیراہم ہے۔ تاہم سائنسی ترقیم میں اساسی یا بنیادی عدد میں آنے والے سبحی صفر با معنی ہندسے ہیں۔ لہذا اوپر لکھے گئے اعداد میں سے ہراکی عدد میں بامعنی ہندسوں کی تعداد جارہے۔

اس طرح سائنسی ترقیم میں بنیادی عدد a میں پس روصفر کے بارے میں کوئی ابہام پیدائہیں ہوتا ہے۔وہ ہمیشہ بامعنی ہندسے ہیں۔

(4) کسی بھی پیائش کی رپورٹ کرنے میں سائنسی ترقیم ایک مثالی طریقہ ہے۔ کیکن اگر بیطریقہ نہیں اپنایا جاتا ہے تو پہلی والی مثال میں اپنائے گئے اصول کو اپناتے ہیں:

- اگر دیے هوئے بغیر اعشاریه کے عدد 1 سے بڑے هیں تو پس رو صفر با معنی هندسے نهیں هیں۔
 - اعشاریه والے عدد میں پس رو صفر بامعنی هندسے هیں۔

(5) کسی 1 سے چھوٹے عدد (جیسے 0.1250) میں اعشار یہ سے پہلے لکھا جانے والاصفر کبھی بھی بامعنی ہندسہ نہیں ہوتا ہے۔ تا ہم کسی پیائش میں ایسے اعداد کے آخر میں آنے والے صفر بامعنی ہندسے ہوتے ہیں۔

(6) ضرب تقسیم کرنے والے ایسے جزء ضربی جو نہ تو تقریبی عدد ہیں اور نہ ہی r = d/2 گئی قدروں کو ظاہر کرنے والے عدد ہیں، قطعی (بالکل درست) ہوتے ہیں اور ان کے بامعنی ہند سول کی تعداد لامتنا ہی ہے۔ مثلاً r = d/2 یا r = d/2 ی

2.7.1 بامعنی اعداد کے ساتھ حسانی عمل کے لیے اصول

(Rules for Arithmetic operation with significant figures)

کسی تحسیب کا نتیجہ جس میں مقداروں کی تقریبی پیائش کی گئی قدریں شامل ہیں (بعنی وہ قدر جن میں بامعنی ہندسوں کے اعداد محدود ہیں) اسے اصلیت میں پیائش کی گئی قدروں کی عدم بینی دکھانی چاہیے۔ بیدسین نتیجہ پیائش کی گئی ان قدروں سے جن پر نتیجہ بنی ہے، زیادہ درست نہیں ہوسکتا ہے۔ لہذا کسی بھی نتیج میں بامعنی ہندسوں کی تعداد، بنیادی اعدادو ثار جن سے یہ عاصل کیا گیا ہے، سے زیادہ نہیں ہونا چاہیے۔ اگر کسی شے کی پیائش کی گئی مان لیا کہ 237 و بار بامعنی ہندسے) اور اس کے پیائش کی گئی کیت، مان لیا کہ 237 و 251 دچار بامعنی ہندسے) اور اس کے پیائش کے گئے جم کی قدر 237 و 251 داور محض صابی تقسیم کے ذریعہ اس کی گئی گئی گئی گئی گئی کے گئے جم کی قدر 251 دm کی اس کی گئی کے گئے جم کی قدر 251 دس کے 168804780876 ہوگی۔ یہاں کثافت کی اس

قدر کو اتنی وقیق شکل میں (precision) کھنا پوری طرح غیر متعلق یا بے محل ہوگا کیونکہ پیائشیں جن پر کثافت کی قدر مبنی ہے، وہ اس کے مقابلے میں بہت کم وقیق ہیں۔ با معنی ہندسوں کے ساتھ حسابی عمل کے لیے مندرجہ ذیل اصول اس بات کو بقینی بناتے ہیں کہ سی تحسیب کا آخری نتیجہ اتنا ہی وقیق ہوجتنی درآ مد (input) وقیق ہیں، یعنی کہ، دونوں میں ہم آہنگی ہو۔

(1) اعداد کے ضرب یا تقسیم کرنے سے حاصل نتیجے میں صرف اتنے هی با معنی هندسے رکھنے چاهییں جتنے که سب سے کم بامعنی اعداد والے بنیادی عدد میں هیں۔

لہذا مذکورہ بالا مثال میں کثافت کو تین بامعنی ہندسوں تک ہی کھا جانا چاہیے۔

 $=\frac{4.237 \,\mathrm{g}}{2.51 \,\mathrm{cm}^3} = 1.69 \,\mathrm{g} \,\mathrm{cm}^{-3}$

اسی طرح، اگر روشنی کی جال $x = 10^8 \, \mathrm{m} / \mathrm{s}$ (ایك بامعنی مندسے) اور ایک سال (1 $y = 365.25 \, \mathrm{d}$) میں $x = 3.1557 \times 10^7 \, \mathrm{s}$ مندسے) ہیں تو ایک نوری سال میں $x = 3.47 \times 10^{15} \, \mathrm{m}$ (پانچ بامعنی ہندسے) ہیں تو ایک نوری سال میں $x = 3.47 \times 10^{15} \, \mathrm{m}$ (تین بامعنی ہندسے) ہونگے۔

(2) اعداد کے جوڑنے یا تفریق کرنے سے حاصل آخری نتیجے میں اعشاریہ کے بعد اتنے هی بامعنی هندسے رکھنے چاهیئ جتنے که جوڑی یا تفریق کی جانے والی مقداروں سے اس عدد میں هوں حس میں اعشاریہ کے سب سے کم مقام هیں۔

مثال کے طور پر اعداد g,436.32 g اور 227.2 ور 20.301 ور 0.301 g کا حاصل جمع 663.821 g ہے۔ لیکن کم سے کم وقت پیائش (227.2 g) اعشاریہ کے صرف ایک مقام تک ہی درست ہے۔ لہذا آخری منتیج کو 663.8 g

اسی طرح لمبائیوں میں فرق کو درج ذیل طرح سے ظاہر کر سکتے ہیں۔ $0.307~\mathrm{m}-0.304~\mathrm{m}=0.003~\mathrm{m}=3\times10^3~\mathrm{m}$ خیال رہے کہ ہمیں اصول (1) جو ضرب اور تقسیم کے لیے لا گوہوتا ہے اسے جمع کی مثال میں استعمال کر کے g 664 ہیں لکھنا جا ہے اور تفریق کی

مثال میں بھی m 3 - 10 × 3.00 نہیں لکھنا چاہیے۔ یہ پیائش کتنی وقیق ہے اسے ٹھیک طرح سے ظاہر نہیں کرتے ہیں۔ جوڑنے اور تفریق کرنے کے لیے اصول اعشاریہ کے مقام کی اصطلاح میں ظاہر کیا جاتا ہے۔

2.7.2 غيريقيني مندسول كي قريبي قدر لينا

(Rounding off the Uncertain Digits)

اعداد، جن میں ایک سے زیادہ غیریقنی ہندسے ہوتے ہیں، کی تحسیب کے نتیجہ کو قریب تر کیا جانا جا ہے۔اعداد کے موزوں بامعنی ہندسوں تک قریب تر كرنے كے ليے اصول زيادہ تر حالات ميں واضح ہيں۔عدد 2.746 كو تین بامعنی ہندسوں تک قریب ترکرکے 2.75 کھتے ہیں جب کہ عدد 2.743 كو 2.74 كھا جائے گا۔ قرار داد كے مطابق اصول يہ ہے اگر بے معنی ہندسے (اس معاملے میں کشیدہ خط هندسه) 5 سے زیادہ ھے تو اس سے پھلے والے هندسے میں 1 کا اضافه کردیا جاتا ھے اور اگر ہے معنی ھندسے 5 سے کم هوتے هیں تو پیش رو هندسه غير تبديل ركها جاتا هي ليكن الركسي عردجيسے 2.745 ميں بے معنی ہندسہ 5 ہے، تو روایت کے مطابق اگر پیش رو هندسه جفت (even) ھے تو بے معنی هندسے کو چھوڑ دیا جاتا ھے اور اگریه طاق (odd) هے تو پیش رو هندسے میں 1 کا اضافه کے دیتے ہیں۔ تبعدد 2.745 کوتین بامعنی ہندسوں تک قریب تر كرنے ير 2.74 حاصل ہوگا۔ دوسري طرف عدد 2.735 كوتين بامعنی ہندسوں تک قریب تر کرنے کے بعد 2.74 عاصل ہوتا ہے کیونکہ پیش رو ہندسہ طاق ہے۔

کسی بھی' کثیراقدامات پرشمنل پیچیدہ تحسیب میں، درمیانی اقدامات میں بامعنی ہندسوں سے ایک زیادہ ہندسہ رکھنا چاہیے اورتحسیب کے آخر میں مناسب بامعنی ہندسوں تک قریب ترکردینا چاہیے۔ اسی طرح روشنی کی خلامیں چال جوئی بامعنی ہندسوں تک معلوم ہے چاہیے۔ اسی طرح دوشنی کی خلامیں چال جوئی بامعنی ہندسوں تک معلوم ہے جیسے *108m/s کا *2.99792458 کوایک تقریبی قدر *108m/s تک قریب کردیتے ہیں جے اکثر تحسیب میں استعال کرتے ہیں۔ آخر میں خیال

طبيعيات 40

2.7.3 حسابي عمليات كنتائج مين عدم يقيني كتعين ك لياصول

(Rules for determining the uncertainty in the results of Arithmetic operations)

حسابی عملیات میں اعداد کی عدم یقینی کے تعین کے اصول مندرجہ ذیل مثالوں سے سمجھے جاسکتے ہیں۔

16.2 cm یتلی مستطیل نماشیٹ کی لمبائی اور چوڑ انکی بالتر تیب 16.2 cm اور 10.1 cm یمائش کی گئی ہے جس میں ہرایک پیائش میں تین بامعنی ہندسے ہیں۔ اس کا مطلب ہے کہ حقیقی لمبائی I اور چوڑ انکی f کومندرجہ ذیل طریقے سے ککھا جا سکتا ہے۔

 $l = 16.2 \pm 0.1 \text{ cm}$ = 16.2 cm ± 0.6%

اسی طرح چوڑائی b کولکھا جاسکتا ہے:

 $b = 10.1 \pm 0.1 cm$

 $= 10.1 \text{ cm} \pm 1\%$

دو (یادو سے زیادہ) تجرباتی قدروں کے حاصل ضرب میں سہو، سہوکے اجتماع کا قاعدہ استعمال کرتے ہوئے، ہوگا

 $lb = 163.62 \text{ cm}^2 \pm 1.6\%$

 $= 163.62 \text{ cm}^2 \pm 2.6\% \text{ cm}^2$

 $lb = 164 \pm 3 \text{ cm}^2$ لإندا آخرى نتيجه موگا

یہاں، 2 cm² مستطیل نما شیٹ کے رقبے کے تخمینہ میں عدم یقینی یا

سہو ہے۔

(2) اگر کسی تجرباتی اعداد و شمار کے مجموعے میں n بامعنی هندسے متعین هیں تو اعدادو شمار کے اجتماع سے حاصل نتیجه بھی n با معنی هندسوں تك جائز هو گا۔

تاہم،اگراعدادفی کیے جاتے ہیں تو بامعنی ہندسوں کی تعداد کم ہوسکتی ہے۔

رکھیں کہ فارمولوں میں جو قطعی اعداد (exact numbers) آتے ہیں جیسے 2π کے فارمولوں میں جو طعی اعداد (سیان ان یا یہ 2π میں 2π میں 2π میں بامعنی ہندسوں کی تعداد رہت زیادہ (لامتنائی) π ہندسوں تک π ہندسوں تک معلوم ہے لیکن ہم پیائش کی گئی مقدار میں بامعنی ہندسوں کی بنیاد پر π کی قدر 2π کی جا گئی مقدار میں بامعنی ہندسوں کی بنیاد پر π کی قدر 2π کی جا گئی مقدار میں بامعنی ہندسوں کی بنیاد پر 2π کی قدر 2π کی سے جیں۔

مشال 2.13 کسی مکعب کے ہر ایک بازو کی پیائش 7.203 m کل سطح رقباور مجم کیا ہے؟

جواب پیائش کی گئی لمبائی میں بامعنی ہندسوں کی تعداد 4 ہے۔اس لیے تحسیب کیے گئے رقبے اور جم کی قدر کو بھی 4 بامعنی ہندسوں تک قریب تر کردیا جانا چاہے۔

رقبہ $6(7.203)^2$ m² = مگعب کا سطح رقبہ 311.299254 m² = 311.3 m²

 $\sqrt{7.203}$ = معب کا مجم = $(7.203)^3$ m²

 $= 373.714754 \,\mathrm{m}^3$

 $= 373.7 \,\mathrm{m}^3$

مشال 2.14 کسی شے کے 5.74g کا تجم 2.14 ہے۔ اس کی کثافت کو بامعنی ہندسوں کو ذہن میں رکھتے ہوئے ظاہر کیجیے۔

جواب كميت ميں 3 بامعنى ہندسے ہيں جب كہ جم ميں صرف 2 بامعنى ہندسے ہيں۔ اس ليے كثافت كوصرف 2 بامعنى ہندسوں تك ظاہر كيا جانا چاہيے۔

 $= 5.74/1.2 \text{ g cm}^{-3}$ = 4.8 g cm⁻³

مثال کے لیے، g-7.06 g وانوں تین بامعنی ہندسوں تک مخصوص ہیں لیکن ان کے فرق کو g-7.06 نہیں لکھا جاسکتا بلکہ صرف تک مخصوص ہیں لیکن ان کے فرق کو 5.8 g فرق کو 5.8 وڑنے میں عدم یقینی کا اجتماع مختلف طریقے سے ہوتا ہے (کسی جمع کیے جانے والے یا تفریق کیے جانے والے اعداد میں کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جگہ ان میں اعشار یہ کے بعد کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جگہ ان میں اعشار یہ کے بعد کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جگہ ان میں اعشار یہ کے بعد کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جگہ ان میں اعشار یہ کے بعد کم سے کم بامعنی ہندسوں کی تعداد کی جنیاد پر)۔

(3) ایک عدد، جس میں بامعنی هندسوں کی تعداد ' \mathbf{n} 'متعین هو، اس کا نسبتی سهو نه صرف \mathbf{n} کے بلکه خود عدد کے بھی تابع هوتا هے۔

مثال کے لیے، g 1.02 کی کمیت کی پیائش میں در نگی g 0.01 + کی ہے جب کہ دوسری پیائش g.89 g بھی 0.01 + تک درست ہے۔

لہذا 1.02 g میں کسری سہویے:

 $= (\pm 0.01/1.02) \times 100\%$

 $= \pm 1\%$

دوسری طرف 9.89 g میں کسری سہوہے:

 $= (\pm 0.005/9.89) \times 100\%$

 $= \pm 0.1\%$

پھر 0.1044 کا مقلوب تین بامعنی ہندسوں تک تحسیب کرتے تو ہمیں اصل قدر 5.58 دوبارہ حاصل ہوجاتی۔

ندکورہ بالا مثال پیچیدہ متعدد قدم پر شمل تحسیب میں درمیانی قدموں میں ایک زاید ہندسہ (کم سے کم دقیق پیائش میں ہندسوں کی تعداد کی نسبت) رکھنے کے تصور کا جواز پیش کرتی ہے جس سے کہ اعداد کو قریب تر کرنے کے عمل میں اس مزید سہوسے بیاجا سکے۔

(DIMENSIONS OF طبیعی مقداروں کے ابعاد 2.8 PHYSICAL QUANTITIES)

کسی بھی طبیعی مقدار کی طبع کو بیان کرنے کے لیے اس کے ابعاد کی ضرورت

رٹر تی ہے۔ ماخوذ اکا ئیوں کے ذریعے ظاہر کی جانے والی سب ہی طبعی
مقداریں سات بنیادی یا اساسی مقداروں کے کسی اجتماع کی شکل میں ظاہر
کی جاسکتی ہیں۔ ہم ان سات طبیعی مقداروں کو طبیعی دنیا کے سات ابعاد
کہتے ہیں، جنہیں مربع بریک [] میں ظاہر کرتے ہیں۔ اس طرح لمبائی کا

بغد [L]، کمیت کا [M]، وقت کا [T]، برقی روکا [A]، حرح کیاتی درجہ حرارت

کا [K]، درخشانی شدت کا [cd] اور شے کی مقدار کا [mol] ہیں۔

کسی طبیعی مقدار کے ابعاد ان قوت نماؤں کو کہتے ہیں جنہیں اس مقدار کی اکائی کو ظاہر کرنے کے لیے بنیادی مقداروں پر چڑھاتے ہیں۔ غور یجیے کہ کی مقداروں پر چڑھاتے ہیں۔ غور یجیے کہ کی مقدار کومربع بریٹ [] میں رکھنے سے مراد ہے کہ ہم اس مقدار کے ابعاد سے متعلق عمل کررہے ہیں۔

[T] ، اور [M] ، اور [L] ، اور [M] ، اور [M]

42 طبيعيات

accelers) کا مساوات ہیں جو کسی طبیعی مقدار کے ابعاد کو بنیادی مقداروں کی شکل میں فاہر کرتی ہیں۔مثال کے لیے، جم [۷] ، چال [۷] ، توت [F] اور کمیت کثافت [۶] کی ابعادی مساواتیں درج ذیل طور پر ظاہر کی جاسکتی ہیں۔

$$[V] = [M^O L^3 T^O]$$

 $[v] = [M^{O} LT^{-1}]$

 $[F] = [MLT^2]$

 $[\rho] = [M L^3 T^0]$

ابعادی مساوات طبیعی مقداروں کے درمیان رشتوں کی نمائندگی کرنے والی مساوات سے حاصل کی جاسکتی ہے۔ بہت ساری اور طرح طرح کی طبیعی مقداروں کے ابعادی فارمولے جودیگر مقداروں کے درمیان رشتوں کی نمایندگی کرنے والی مساواتوں سے اخذ کیے گئے ہیں اور بنیادی مقداروں کی اصطلاح میں ظاہر کیے گئے ہیں، آپ کی رہنمائی اور فوری حوالے کے لیے ضمیمہ و میں دیئے گئے ہیں۔

2.10 ابعادي تجزيه اوراس كااطلاق (استعال)

(DIMENSIONAL ANALYSIS AND ITS APPLICATIONS)

ابعاد کے تصورات کو پہچاننا جو ابعاد کے طبیعی برتاؤ کے بیان کی رہنمائی کرتا ہے، بنیادی اہمیت کا حامل ہے کیونکہ یہ بتاتا ہے کہ صرف ایک کیساں ابعاد والی طبیعی مقداریں جمع یا نفی کی جاسکتی ہیں۔ ابعادی تجزیہ کا تفصیلی علم بعض طبیعی مقداروں کے درمیان متعین رشتوں کے اسخراج (deducing) میں مدد کرتا ہے اور مختلف حسانی عبارتوں کے اشتقاق، صحت و درستی اور ابعادی ہم اہنگی یا متجانس ہونے کی جانچ کرنے میں مددگار ہے۔ جب دویا زیادہ طبیعی مقداروں کی عددی قدروں کو ضرب کیا جاتا ہے تو ان کی اکائیوں کو عام الجبراکی علامتوں کی طرح استعال کیا جانا چاہیے۔ ہم شار کنندہ اور نسب نما میں مماثل اکائیوں کو رد کرسکتے ہیں۔ یہ اصول کسی طبیعی مقدار کی ابعادوں کے دونوں ابعادوں کے ذریعہ مقیدار کی علامتوں کے ذریعہ نمایندگی کی گئی طبیعی مقداروں کے ابعاد کیساں جونا چاہیں۔

اس طرح، قوت، جو کمیت اور اسراع (acceleration) کا حاصل ضرب ہے، کے ابعاد کواس طرح حاصل کیا جاسکتا ہے۔

$$|v_0|^2 \times \lambda_{\text{LT}} = \overline{v}$$
 اسرائ $\times \lambda_{\text{LT}} = \frac{|v_0|^2}{(e^{-1})^2}$

 $[M][L] = [MLT^{-2}]: \frac{1}{2}$

اس طرح قوت میں کمیت کا 1 بعد، لمبائی کا 1 بعد اور وفت کے (2 –) ابعاد ہیں۔ دیگر مجھی بنیا دی مقد اروں کے ابعاد صفر ہیں۔

غور کریں کہ اس طرح کے اظہار میں مقداروں کی عددی قدروں کو شامل نہیں مقداروں کی عددی قدروں کو شامل نہیں کیا جاتا شامل نہیں کیا جاتا ہے۔ البذا اس ضمن میں رفتار میں تبدیلی ، ابتدائی رفتار ، اوسط رفتار ، آخری رفتار اور چال سبحی مترادف ہیں۔ کیونکہ یہ سبحی مقداریں رووری کی اصطلاح میں ظاہر کی جاسکتی ہیں ، لہذا ان کے ابعاد $\frac{[L]}{[T]}$ یا $\frac{[L]}{[T]}$ بیں۔

2.9 ابعادی فارمولے اور ابعادی مساواتیں

(DIMENSIONAL FORMULAE AND DIMENSIONAL EQUATIONS)

(dimensional کسی دی ہوئی طبیعی مقدار کا ابعادی فارمولا formula) وہ اظہار ہے جو بید کھا تا ہے کہ سی طبیعی مقدار کے ابعاد کی کون کون کی بنیادی مقدار ہی اور سی طرح نمایندگی کر رہی ہیں۔ مثال کے لیے مجم ، چال یا رفتار، اسراع اور کمیت – کثافت کے ابعادی فارمولے بالترتیب $[M^1 L^{-3} T^0], [M^0 LT^{-2}], [M^0 LT^{-2}]$

ہے۔ وہ مساوات جوطبیعی مقدار کو اس کے ابعادی فارمولے سے مساوی کرنے پر حاصل ہوتی ہے اس طبیعی مقدار کی ابعادی مساوات (dimensional equation) کہلاتی ہے۔لہذا ابعادی مساوات وہ

(خلامیں روشن کی چال) (خلامیں refractive index): وسیلے میں روشن کی چال فیرہ غیرہ علی العادی ہیں۔

آ ہے ہم درج ذیل مساوات کی ابعادی ہم آ ہنگی یا متجانسیت کی $z = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$

جہاں کسی شے یا ذرے کے ذریعہ t وقت میں چلی گئی دوری x ہے جو مقام سے ابتدائی رفتار v_0 سے حرکت کی سمت t=0 میں کیسال اسراع a سے چلنا شروع کرتی ہے۔ دونوں جانب کے رکن کے ابعاد اس طرح ہیں۔

[x] = [L] $[x_0] = [L]$ $[v_0 t] = [L T^1] [T]$ = [L] $[1/2 a t^2] = [L T^2] [T^2]$ = [L]

کیونکہ اس مساوات میں دائیں جانب کے رکن کے ابعاد لمبائی کے ابعاد ہیں جو بائیں جانب کے رکن کے ابعاد میں ابتدا ابعادی طور پر یہ مساوات صحیح ہے۔

یہاں یغور کرنے کی بات ہے کہ ابعاد کی ہم آ ہنگی کی جائج اکا ئیوں
کی ہم آ ہنگی جائج کے علاوہ کچھ نہیں بتاتی ہے لیکن اس کا فائدہ یہ ہے کہ ہم کسی
مخصوص اکائی کے انتخاب کے لیے مجور نہیں ہیں اور نہ ہمیں اکائیوں کے
اضعاف اور اجزائے ضربی (factor multiple) کے درمیان بدل کی فکر
کرنے کی ضرورت ہے۔ یہاں یہ بھی غور کرنے کی بات ہے کہ اگر کوئی
مساوات اس ہم آ ہنگی کی جائج میں کھری نہیں اُتر تی ہے تو وہ غلط ثابت
ہوجاتی ہے، لیکن اگر وہ جائج میں کھری اُتر تی ہے تو اس سے وہ صبح
ثابت نہیں ہوجاتی ہے۔ لہذا کوئی ابعادی طور یہ صبح مساوات لازی

2.10.1 مساواتوں کی ابعادی ہم آ ہنگی کی جانچ

(Checking the Dimensional Consistency of Equations)

کسی بھی طبیعی مقداروں کی قدریں تبھی جمع یا تفریق کی جاسکتی ہیں اگر ان کے ابعاد کیساں ہوں۔ بیعنی ہم صرف کیساں طبیعی مقداروں کو ہی جمع یا نفی کر سکتے ہیں۔ اس طرح رفتار کوقوت کے ساتھ یا برقی رو کو درجہ حرارت سے جوڑا یا نفی نہیں کیا جاسکتا۔ اس سہل اصول کو ابعاد کی متجانسیت کا اصول نہایت مفید ہے۔ اگر کے لیے اس مساوات میں ابعاد کی متجانسیت کا اصول نہایت مفید ہے۔ اگر مساوات میں سارے ارکان (terms) کیساں ابعاد کے نہیں ہیں تو مساوات میں سارے ارکان (terms) کیساں ابعاد کے نہیں ہیں تو مساوات فلط ہے۔ لہذا اس طرح جب ہم کسی شے کی لمبائی (یا دوری) کی عبارت اخذ کرتے ہیں تو ریاضی کے شروعاتی رشتے میں آنے والی علامتوں کو ذہمن میں رکھے بغیر، جب بھی ابعاد کوسادہ بنایا جا تا ہے تو سہل کرنے کے بعد حاصل ابعاد، لمبائی کے ابعاد ہی ہونا چا ہمیں۔ اسی طرح رونوں جانب کی ابعاد سہل کرنے کے بعد، وقت یا [T T¹] ہی ہونا وائیس۔

اگر کسی مساوات کے صحیح ہونے میں شہبہ ہوتو ابعادی طریقہ (dimensional method) اس مساوات کی ہم آ ہنگی کی جانچ کے لیے ایک ابتدائی جانچ ہے لیکن ابعادی ہم آ ہنگی کسی مساوات کے صحیح ہونے کی ضانت نہیں دیتی۔ یہ غیر ابعادی مقداروں یا تفاعلوں کی حد تک غیر یقینی ہے۔ ٹر گنومیٹر یائی (trigonometric) ، لوگارتی اور قوت نمائی غیر یقینی ہے۔ ٹر گنومیٹر یائی (exponential) کفیر مقداروں یا فغیرہ جیسے مخصوص تفاعلات (functions) کے حامل زاویہ یقینی طور پر غیر ابعادی ہونے چا ہمیں۔ اسی طرح خالص عدد، کیساں طبیعی مقداروں کی نسبت جیسے زاویے ، تناسب (لمبائی/لمبائی) ،

طبعیات

ابعاد (a) اور (b) اور (b) اور (C) ابعاد (a) ابعاد (a) ابعاد (b) اور (D) کے لیے [MLT 2] ہیں۔ مساوات (e) کے دائیں جانب کے کوئی مناسب ابعاد نہیں ہیں کیونکہ اس میں مختلف ابعاد کی دومقداروں کو جوڑا گیا ہے۔ چونکہ K کے ابعاد ہیں $[ML^2 \ T^2]$ اس لیے فارمولا (a) اور (b) غلط ہیں۔ بینوٹ تیجھے کہ ابعاد کی دلیلوں سے یہ پہتہیں لگتا کہ (b) یا و) غلط ہیں۔ بینوٹ سافارمولا میجھے کہ ابعاد کی دلیلوں سے یہ پہتہیں لگتا کہ (d) یا در کیمیں) حرکی توانائی کی حقیقی تعریف کو در کیمیں) حرکی توانائی کے لیے جے فارمولا (b) میں در کیمیں) حرکی توانائی کے لیے جے فارمولا (b) میں درا گیا ہے۔

2.10.2 طبیعی مقداروں کے درمیان رشتہ اخذ کرنا

(Deducing Relation among the Physical Quantities)

مجھی بھی ابعادی طریقہ طبیعی مقداروں کے درمیان رشتہ اخذ کرنے کے لیے بھی استعال کیا جاسکتا ہے۔ اس کے لیے ہمیں یہ معلوم ہونا چاہیے کہ دی ہوئی طبیعی مقدار کن کن مقداروں کے تابع ہے۔ آیئے، ہم درج ذیل مثال بیغور کریں۔

مشال 2.17 کسی سادہ پنیڈولم پرغور سیجیے۔فرض سیجیے کہ سادہ پنیڈولم کے اہتزاز کا دوراس کی لمبائی ، باب کی کمیت اور ارضی کشش کے اسراع کے تالع ہوتا ہے۔اس کے اہتزاز کے دورکے لیے ریاضیائی عبارت، ابعاد کا طریقہ استعال کرتے ہوئے،حاصل سیجیے

جواب اگر دوری وقت T کے l ہونے ومندرجہ ذیل طور پر کھا جاسکتا ہے: $T = k l^x g^y m^z$

جہاں x ایک غیرابعادی مستقلہ ہے اور x ، y اور x قوت نما ہیں۔ دونوں k طرف ابعاد ملاحظہ کرتے ہوئے ،ہمیں حاصل ہوتا ہے : $(L^{\circ} M^{\circ} T^{1}) = [L^{1}]^{x} [LT^{2}]^{y} [M^{1}]^{2}$

$$[L^{\circ} M^{\circ} T^{1}] = [L^{1}]^{x} [LT^{-2}]^{y} [M^{1}]^{x}$$

= $L^{x+y} T^{-2y} M^{z}$

طور پر درست مساوات نہیں ہوتی جب کہ ابعادی طور پر غیر ہم آ ہنگ مساوات غلط ہوتی ہے۔

مثال 2.15 ال مساوات پرغور کرتے ہیں $\frac{1}{2} mv^2 = mgh$

جہاں mشے کی کمیت ہے، v اس کی رفتار ہے، g ارضی کشش کے سبب اسراع ہے اور h اونچائی ہے۔ یہ پتہ لگائے کہ کیا یہ مساوات ابعادی طور پر درست ہے۔

دونوں جانب کی ابعاد بکساں ہیں اور اس لیے ابعادی طور پر مساوات صحیح ہے۔

v پال کی $J = kg m^2 s^{-2}$ کی $J = kg m s^{-1}$ کی J = kg m

- (a) $K = m^2 v^3$
- (b) $K = (1/2) mv^2$
- (c) $K = m \alpha$
- (d) $K = (3/16) \text{ } mv^2$
- (e) $K = (1/2) mv^2 + m a$

جواب ہر سیح فارمولے یا مساوات کے دونوں جانب کے ابعاد یکساں ہونے چاہئیں اور پھر صرف انہیں مقداروں کو جوڑا یا نفی کیا جاسکتا ہے جن کے طبیعی ابعاد یکساں ہوتے ہیں۔ دائیں جانب کی مقدار کے

دونوں طرف ابعاد مساوی کرتے ہوئے ؟ ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$x + y = 0$$
; $-2y = 1$ $z = 0$

اس طرح :

$$x = \frac{1}{2}, y = -\frac{1}{2}$$

اور

$$z = 0$$

نٽ،

$$T = k l^{1/2} g^{-1/2}$$

$$L$$

$$T = k \sqrt{l}$$

نوٹ کریں کہ، مستقلہ k کی قدر ابعادی طریقے سے حاصل نہیں کی جاسکتی۔اگراس فارمولے کی دائیں سمت کو کسی بھی عدد سے ضرب کردیا

جائے تو یہاں کوئی فرق نہیں پڑے گا، کیونکہ اس سے ابعاد متاثر نہیں $T=2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}: n$ ہوتے۔دراصل، $k=2\pi$

الیی طبعی مقداریں، جوایک دوسرے کے تابع ہوں، ان کے درمیان رشتہ حاصل کرنے کے لیے ابعادی طریقہ ایک کارآ مد ذریعہ ہے۔ لیکن اس طریقے سے غیرابعادی مستقلے نہیں حاصل کیے جاسکتے۔ ابعادی طریقہ مساوات میں صرف ابعادی درستی کی جانچ کرسکتا ہے لیکن اس کے ذریعے مساوات میں شامل طبیعی مقداروں کا قطعی رشتہ نہیں حاصل کیا جاسکتا۔ یہ کیساں ابعاد والی طبیعی مقداروں میں فرق نہیں کرسکتا۔

اس باب کے آخر میں دیے گئے گئی مشقی سوالات، ابعادی تجزیه میں مہارت پیدا کرنے میں آپ کی مدد کریں گے۔

فلاصيه

- 1- علم طبیعیات، طبیعی مقداروں کی پیائش پر ببنی ایک مقداری سائنس ہے۔ کچھ مخصوص طبیعی مقداروں کو [لمبائی، کمیت، وقت، برقی رو، حرحرکیاتی درجہ حرارت، شے کی مقدار اور درخثال شدت (luminous intensity) یبنیادی یا اساسی مقداروں کے برطور منتخب کیا گیا ہے۔
- 2 ہرایک بنیادی مقدار کی تعریف کسی بنیادی معیاری حوالہ کی اصطلاح میں کی گئی ہے۔ جسے اختیاری طور پر منتخب کیکن مناسب طور پر معیار بند کیا گیا ہے۔ بیمعیاری حوالہ اکائی ہوتی ہیں (جیسے میٹر، کلوگرام، سینٹر، ایمپیر، کیلون، مول اور کینٹریلا)۔ بنیادی مقداروں کے لیے منتخب کی گئی اکائیوں کو بنیادی اکائی کہا جاتا ہے۔
- 3۔ بنیادی مقداروں سے ماخوذ دیگر طبیعی مقداروں کو بنیادی اکائیوں کے مجموعے کے طور پر ظاہر کر سکتے ہیں جنہیں ماخوذ اکائی کہا جاتا ہے۔ بنیادی اور ماخوذ دونوں اکائیوں کے مکمل سیٹ کواکائیوں کا نظام کہا جاتا ہے۔

4*و* يعيات

4۔ سات بنیادی اکا ئیوں پر بنی اکا ئیوں کا بین الاقوامی نظام (SI) آج کل بین الاقوامی سطح پر منظور شدہ نظام ہے۔ یہ نظام پوری دنیا میں بڑے پیانے پر استعال کیا جاتا ہے۔

- 5۔ بنیادی مقداروں اور ماخوذ مقداروں سے حاصل سبھی طبیعی پیائشوں میں SI اکائیوں کا استعال کیا جاتا ہے۔ کچھ ماخوذ اکائیوں کو SI اکائیوں کے ذریعے خصوصی ناموں (جیسے جول، نیوٹن، واٹ وغیرہ) سے بھی ظاہر کیا جاتا ہے۔
- 6۔ SI اکا ئیوں کی معین (well defined) اور بین الاقوامی سطح پرتسلیم شدہ اکائی علامات ہیں جیسے میٹر کے لیے m،کلوگرام کے لیے 6۔ kg،سینڈ کے لیے 8، ایمپیر کے لیے 8، نیوٹن کے لیے 8 وغیرہ۔
- 7۔ اکثر چھوٹی وبڑی مقداروں کی طبیعی پیائش کی صائنسی ترقیم میں 10 کی قوت کی شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے۔ پیائش کی علامتوں اور ہندی تھی ہوتی ہوتی ہوتی ہوتی ہے۔ جن سے بینشاندہی بھی ہوتی ہے۔ کہاعداد کتنے دقیق ہیں۔
- 8۔ طبیعی مقداروں کی ترقیم، SI اکا ئیوں اور پچھ دیگرا کا ئیوں کے استعال طبیعی مقداروں اور پیائشوں کومناسب طور پر ظاہر کرنے میں سابقوں کے استعال کے لیے پچھ عام اصولوں اور ہدایات کی یابندی کرنی چاہیے۔
- 9۔ سی بھی طبیعی مقدار کی تحسیب میں اس کی مطلوبہ اکائیوں کو حاصل کرنے کے لیے شامل ماخوذ مقداروں کی اکائیوں کو الجبری مقداروں کی طرح سمجھنا چاہیے۔
- 10۔ طبیعی مقداروں کی پیمائش کے لیے براہ راست اور بالواسطہ دونوں طریقوں کا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ پیمائش کی گئی مقداروں کے نتیج کے اظہار مندرجہ ذیل باتوں کا بھی خیال رکھا جانا چاہیے: پیمائش کے آلات کی درستی صحت (Accuracy) پیمائش میں ہونے والے سہو دقیق (Precise) ہے انش میں ہونے والے سہو
- 11۔ پیائش کی گئی اور تحسیب کی گئی مقداروں میں صرف مناسب با معنی ہند سول کو ہی رکھنا چاہیے۔ کسی بھی عدد میں با معنی ہند سول کی تعداد کا تعین ، ان سے حسابی فعل (arithmetic operation) اور غیر یقینی ہند سول کو قریب تر کرنے کے اصولوں کی پابندی کرنی جاہیے۔
- 12۔ بنیادی مقداروں کے ابعاد اور ان ابعادوں کے مجموع طبیعی مقداروں کی فطرت بیان کرتے ہیں۔مساوات کی ابعادی ہم آ ہنگی مساوات جانچ اور طبیعی مقداروں میں رشتہ قائم کرنے کے لیے ابعادی تجزیہ کا استعمال کرنا چاہیے۔کوئی ابعادی طور پر ہم آ ہنگ مساوات مقیقت میں سیجے ہو،ضروری نہیں ہے لیکن ابعادی طور پر غلط یا غیر ہم آ ہنگ مساوات غلط ہی ہوگی۔

مشق

نو ان عددي جوابات كلصة وقت، بامعني مندسول كاخيال ركيے

2.1 خالی جگہوں کو بھریئے:

- (a) کسی 1 cm ضلع والے مکعب کا قجم m3 کے برابر ہے۔
- (b) کسی 2 cm نصف قطراور cm او نیجائی والے ٹھوں اسطوانہ کی سطح کارقبہ 2 cm) کے برابر ہے۔
 - (c) کوئی گاڑی 18 km/h کی رفتار سے چل رہی ہے تو یہ 1s میں m......کی دوری طے کرے گا۔

(d) سيسے کي نسبتي کثافت 11.3 ہے۔ اس کی کثافت g cm⁻³ سيسے کي نسبتي کثافت 11.3 ہے۔

2.2 خالی جگہوں کو اکائیوں کی مناسب تبدیلی کے ذریعہ بھریئے:

- 1 kg m² s⁻² = g cm² s⁻² (a)
 - $1 \text{ m} = \dots 1y$ (b)
 - $3 \,\mathrm{m \, s^{-2}} = \dots \, \mathrm{km \, h^{-2}}$ (c)
- $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ Nm}^2 \text{ (kg)}^{-2} = \dots \text{ (cm)}^3 \text{ s}^{-2} \text{ g}^{-1}$ (d)
- 2.3 حرارت (بہتی ہوئی توانائی) کی اکائی کیلوری ہے اور تقریباً لا 4.2 کے برابر ہے جہاں-1 J=1kgm 2 s 2 s 2 n اکا نیوں کے کسی ایسے نظام کا استعال کرتے ہیں جس میں کمیت کی اکائی α kg کے برابر ہے، لمبائی کی اکائی آگ β m کے برابر ہے، وقت کی اکائی γ جے برابر ہے۔ پیظام کے برابر ہے۔ پیٹیاد پر کیلوری کی عددی قدر γ کے برابر ہے۔ پیٹیاد پر کیلوری کی عددی قدر کے برابر ہے۔

2.4 ال بيان كي واضح تشريح سيجيه:

''موازنہ کے لیےمعیار کی صراحت کے بغیر کسی ابعادی مقدار کو'بڑا' یا' چھوٹا' کہنا ہےمعنی ہے۔'' اسے ذہن میں رکھتے ہوئے نیچے دیئے گئے بیانوں کو جہال کہیں بھی ضروری ہو، دوسر لےفظوں میں ظاہر کیچیے:

- (a) ایٹم بہت چیموٹی شے ہوتی ہے۔
- (b) جیٹ ہوائی جہاز نہایت تیز رفتار ہے۔
- (c) مشتری (Jupiter) کی کمیت بهت زیاده ہے۔
- (d) اس کمرے کے اندر ہوا میں سالموں کی تعداد بہت زیادہ ہے۔
 - (e) الكيشران كے مقابلے پروٹان بہت بھارى ہوتا ہے۔
 - (f) آواز کی رفتار روشنی کی رفتار سے بہت ہی کم ہوتی ہے۔
- 2.5 لمبائی کی کوئی نئی اکائی منتخب کی گئی ہے تا کہ خلامیں روشنی کی چپال کی قدر 1 (ایک اکائی) ہونئی اکائی کی بنیاد پر سورج اور زمین کے درمیان فاصلہ کتنا ہوگا،اگر روشنی اس فاصلے کو طے کرنے میں 8 منٹ اور 20 سینڈ لگائے؟
 - 2.6 کمبائی کی پیائش کے لیے درج ذیل میں سے کون ساسب سے زیادہ دقیق (Precise) ہے
 - (a) ایک ورنیرکیلیرس جس کے ورنیر پیانے پر 20 نشان ہیں۔
 - (b) ایک اسکرو کیج جس کی چوڑی فصل (pitch) mm اور دائری پیانے پر 100 نشان ہیں۔
 - (c) کوئی نوری آلہ جولہ ائی کی پیائش روشنی کی طول اہر کی حد تک کرسکتا ہے۔
- 2.7 کوئی طالب علم 100 تکبیر (magnification) کے ایک مائیکرواسکوپ (خوردبین) کے ذریعہ دکھ کر انسان کے بال کی موٹائی کی پیائش کرتا ہے۔ وہ 20 بار مشاہدہ کرتا ہے اور اسے معلوم ہوتا ہے کہ خوردبین کے نظر خطہ (field view) میں بال کی اوسط موٹائی mm 3.5 سے۔ بال کی موٹائی کے بارے میں کیا تخیینہ ہے؟

طبيعيا**ت**

2.8 درج ذیل کے جواب دیجیے:

- (a) آپ کوایک دھا گہ اور میٹر پیانہ دیا جا تا ہے۔ آپ دھاگے کے قطر کا تخمینہ کس طرح لگا ئیں گے؟
- (b) ایک اسکرو گئج کی چوڑی فصل mm 1.00 ہے اور اس کے دائری پیانے پر 200 نشان ہیں۔ کیا آپ یہ سوچتے ہیں کہ دائری پیانے پر نشانوں کی تعداداختیاری طور پر بڑھادینے پر اسکرو گئج کی در تھی میں کتنا بھی اضافہ کرناممکن ہے؟
- c ورنیر کیلیپرس کے ذریعہ پیتل کی کسی تبلی چھڑ کے اوسط قطر کی پیائش کی جانی ہے۔ صرف 5 پیائشوں کے سیٹ کے مقابلے میں قطر (diameter) کی 100 پیائشوں کے سیٹ کے ذریعہ زیادہ معتبر اندازہ حاصل ہونے کا امکان کیوں ہے؟
- 2.9 کسی مکان کا فوٹو گراف mm 35 سلائیڈ پر 1.75 cm² کا رقبہ گھیرتا ہے۔سلائیڈ کوکسی اسکرین پر پروجکٹ کیا جاتا ہے اور اسکرین بندوبست کی خطئ تکبیر (linear magnification) کیا ہے؟
 - 2.10 درج ذیل میں بامعنی ہندسوں کی تعداد بتاہیے:
 - 0.007 m^2 (a)
 - $2.64 \times 10^{24} \,\mathrm{kg}$ (b)
 - 0.2370 g cm^{-3} (c)
 - 6.320 J (d)
 - 6.032 N m⁻² (e)
 - 0.0006032 m^2 (f)
- 2.11 دھات کی کسی مستطیل چادر کی لمبائی، چوڑائی وموٹائی بالترتیب m،4.234 m 1.005 اور 2.01 دس مستطیل جادر کی لمبائی، چوڑائی وموٹائی بالترتیب ہندسوں تک چادرکار قبداور جم معلوم سیجیے۔
- 2.12 پنساری کی ترازو کے ذریعہ پیائش کیے گئے ڈیے کی کمیت 2.3 kg ہے۔ سونے کے دوٹکڑے جن کی کمیت و 20.15 اور 2.12 میں ڈال دیئے جاتے ہیں۔ (a) ڈیے کی کل کمیت کتنی ہے، (b) صحیح بامعنی ہندسوں تک ٹکڑوں کی کمیتوں میں کتنا فرق ہے؟
 - 2.13 ایک طبیعی مقدار P، کاچار قابل مشاہدہ مقداروں c, b, a اور ک سے رشتہ ہے:

 $P = a^3 b^2 / (\sqrt{\text{cd}})$

c, b,a اور d کی پیائش میں فی صدسہو بالترتیب %1،%3، %4،اور %2 ہیں۔مقدار P میں فی صدسہو کتنا ہے؟ مذکورہ بالارشتہ کا استعال کر کے کی قیت 3.763 نگلتی ہے تو آپ نتیج کو کس قدر تک قریب تر (round off) کریں گے؟

2.14 کسی کتاب میں جس میں چھپائی کی متعدد غلطیاں ہیں، ایک دوری حرکت (periodic motion) کررہے ذرے کے قال کے

ليه حيار مختلف فارمولے ديئے گئے ہيں:

- $y = a \sin 2\pi t/T$ (a)
 - $y = a \sin vt$ (b)
- $y = (a/T) \sin t/a$ (c)
- $y = (a\sqrt{2}) \left(\sin 2\pi t/T + \cos 2\pi t/T\right)$ (d)
- (مولوں کو از یادہ سے زیادہ قبل (منتقلی)، v = i(1 i) جارت کا دوری وقت) ۔ ابعادی بنیاد پر غلط فارمولوں کو v کا زیادہ سے زیادہ قبل (منتقلی)، v = i(1 i) کال دیکھے۔
- اس (rest mass, m_0) 'سکونی کمیت' (moving mass, m) 'سکونی کمیت' (c کا بیت اسکونی کمیت' (c کی بیت کرگئیت کی چال c کی جال کوئی طالب علم اس تعلق کو تقریباً صحیح یاد کرتا ہے کین مستقلہ c کو لگانا کبھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: c سنتھلہ c کو لگانا کبھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: c سنتھلہ c کو لگانا کبھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: c سنتھلہ c کو لگانا کبھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: c سنتھلہ c کو لگانا کبھول جاتا ہے۔ وہ لکھتا ہے: c سنتھلہ c کہاں گلے گا۔
- 2.17 کسی مثالی گیس کا ایک مول (جو ہری گرام) معیاری درجہ ترارت اور دباؤیریا۔ 22.4 جم (مولر جم) گھیرتا ہے۔ ہائیڈروجن کے ایک مول جم مولر جم اور اس کے ایک مول کے ایٹی مول کے ایٹی جم کا تناسب کیا ہے؟ (ہائیڈروجن کے ایٹم کے سائز کوتقریباً ۱۸۰ مانیے)۔ یہ تناسب اتنازیادہ کیوں ہے؟
- 2.18 اس عام مشاہدہ کی صاف طور پرتشری سیجے: اگر آپ تیز جارہی کسی ریل گاڑی کی کھڑ کی سے باہر دیکھیں تو قریب کے پیڑ، مکان وغیرہ ریل گاڑی کی حرکت کی مخالف سمت میں تیزی کے ساتھ حرکت کرتے دکھائی دیتے ہیں لیکن دور کی اشیا (پہاڑی، چاند، تارے) وغیرہ ساکن لگتے ہیں۔(درحقیقت، چونکہ آپ کومعلوم ہے کہ آپ چل رہے ہیں اس لیے بیدور کی اشیا آپ کواپنے ساتھ چلتی ہوئی دکھائی دیتی ہیں)۔
- 2.19 نہایت دور کے تاروں کی دوریاں معلوم کرنے کے لیے سیکشن 2.3.1 میں دیئے گئے 'اختلاف منظر'(parallax) کے اصول کا استعال کیا جاتا ہے۔ سورج کے گرداپنے مدار میں چھ مہینوں کے وقفے پر زمین کے دو مقامات کو ملانے والے خط کو بنیادی خط استعال کیا جاتا ہے۔ سورج کے گرداپنے مدار میں چھ مہینوں کے وقفے پر زمین کے دو مقامات کو ملانے والے خط کو بنیادی خط (base line) کہتے ہیں لیعنی بنیادی خط زمین کے مدار کے قط = 10¹¹ m × 3 کے تقریباً برابر ہے۔ لیکن، چونکہ قریب ترین تاریخ بھی ان کے اختلاف منظر کا درجہ قوس کے "1 (سکنڈ) کے لگ بھگ ہوتا ہے۔ فلکیاتی پیانے پر لمبائی کی سہل اکائی پارسیک (parsec) ہے۔ یہسی شے کی وہ دوری ہے جو زمین سے سورج تک کی دوری کے برابر لمبائی کے بنیادی خط کے دوخالف کناروں سے قوس کے "1 کا اختلاف منظر ظاہر کرتی ہے۔ میٹروں کی اصطلاح میں ایک یارسیک کتنا ہے؟
- 2.20 ہمارے نظام مشی سے قریب ترین تارا 4.29 نوری سال دور ہے۔ پارسیک کی اصطلاح میں یہ دوری کتنی ہے؟ یہ تارا [الفا سنوری (Alpha Centauri) نام کا] تب کتنا اختلاف منظر ظاہر کرے گا جب اسے سورج کے گردایین مدار میں زمین کے دو

50 طب<u>عيات</u>

مقامات سے جوچھ مہینے کے وقفے پر ہیں، دیکھاجاتا ہے؟

- 2.21 سائنس کی ضرورت ہے کہ طبیعی مقداروں کی دقیق پیائش کی جائے۔ مثال کے لیے کسی جہاز کی چال کا پیۃ لگانے کا کوئی ایسا بالکل درست طریقہ ہونا چا ہیے جس سے دونہایت ہی قلیل مدت کے وقفہ پر جہاز کے مقامات (position) کا تعین کیا جا سکے۔ دوسری عالمی جنگ میں رڈار کی دریافت کے پس پردہ حقیقی مقصد یہی تھا۔ جدید سائنس کی ان مختلف مثالوں کے بارے میں سوچیے جن میں لمبائی، وقت، کمیت وغیرہ کی دقیق پیائش کی ضرورت ہوتی ہے۔ جہاں آپ بتا سکتے ہوں وہاں یہ بھی بتا سے کہ پیائش کس حد تک دقیق (تقریباً عددی قدر) ہونا چاہیے۔
- 2.22 جیسے سائنس میں بہتر دقیق کی ضرورت ہوتی ہے، اسی طرح ابتدائی تصورات اور عام مشاہدات کا استعال کرتے ہوئے مقداروں کے موٹے طور پر تخمیندلگانے کا اہل ہونا بھی ضروری ہے۔ ان طریقوں کوسوچئے جن کے ذریعے آپ درج ذیل کا اندازہ لگاسکتے ہیں: (جہال تخمیندلگانامشکل ہے، وہاں مقدار کی اوپری حد (upper bound) کا پیتہ لگانے کی کوشش کیجیے)
 - (a) مانسون کے دوران ہندوستان کے اوپر چھائے ہوئے بارش والے بادلوں کی کل کمیت
 - (b) کسی ہاتھی کی کمیت
 - (c) کسی طوفان کے دوران ہوا کی حال
 - (d) آپ کے سرکے بالوں کی تعداد
 - (e) آپ کی کلاس کے کمرے میں ہوا کے سالموں کی تعداد
- 2.23 سورج گرم پلاز ما (آئن شده ماده) ہے جس کے اندرونی قالب (core) کا درجہ حرارت 10^7 لاتے زیادہ اور ہیرونی سطح کا درجہ حرارت تقریباً 10^7 لاتے نیادہ درجہ حرارت پر کوئی بھی مادہ ٹھوس یا مائع شکل میں نہیں رہ سکتا۔ سورج کی کا درجہ حرارت تقریباً 10^7 لاتے نیادہ ورجہ حرارت پر کوئی بھی مادہ ٹھوسوں کی کثافت کے رہنے میں ہونے کی آپ کو تو قع ہے؟ کیا یہ ٹھوسوں کی کثافت کے رہنے میں ہے یا مائع یا گیسوں کی؟ اپنے اندازے کی درشگی کی جانچ آپ درج ذیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg $= 10^{30}$ kg مارج درج ذیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg $= 10^{30}$ kg مارچہ درج دیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ درج دیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ درج دیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ درج دیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ کی درجہ حرارت کی درجہ حرارت کی درجہ کی درجہ دیل اعداد و شار کی بنیاد پر تیجیے: سورج کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ کی درجہ کی درجہ کی درجہ کی کمیت = 10^{30} kg مارچہ کی درجہ کی درجہ کی کمیت = 10^{30} درجہ کی کمیت = 10^{30} درجہ کی کمیت = 10^{30} درجہ کی کیا ہے کہ کی درجہ کی کہ کی درجہ کی
- 35.72 جب سیارہ مشتری زمین سے 8.24.7 ملین (دس لاکھ) کلومیٹر دور ہوتا ہے تو اس کے زاویائی قطر کی پیائش ایک قوس کا"35.72 ہے۔ مشتری کے قطر کا حساب لگائیئے۔

اضافىمشق

2.25 ایک شخص بارش میں تیز چال ۷ کے ساتھ چلا جارہاہے۔ اسے پانی سے بچنے کے لیے اپنے چھاتے کو ٹیڑھا کرکے عمود

کیساتھ 6 زاور پر بنانا پڑتا ہے۔ ایک طالب علم 6 اور ۷ کے درمیان درج ذیل رشتہ اخذ کرتا ہے: 0 = v=اور جانچ کرتا ہے کہاں

رشتہ کی حد درست ہے: جب 0 → 0 تو 0 → جیسی کہ امید تھی۔ (ہم فرض کررہے ہیں کہ تیز ہوائہیں چل رہی ہے اور ایک ساکن

شخص کے لیے بارش عمودی طور پر پڑر ہی ہے۔) کیا آپ سوچتے ہیں کہ پر رشتہ درست ہوسکتا ہے؟ اگر نہیں ، تو درست

رشتہ کا انداز ہ لگائے۔

2.26 یہ دعویٰ کیا جاتا ہے کہ اگر بغیر کسی رکاوٹ کے 100 سالوں تک دوسیزیم گھڑیوں کو چلنے دیا جائے تو ان کے وقت میں صرف s 0.02 کا فرق ہوسکتا ہے۔معیاری سیزیم گھڑی کے ذریعہ s 1 کے وقفہ وقت کی پیائش میں درسگی کے لیے اس کا کیا مطلب ہے؟

- 2.27 ایک سوڈیم ایٹم کا سائز تقریباً 2.5 Å مانتے ہوئے اس کے اوسط کمیت کثافت کا اندازہ لگائے۔ (سوڈیم کی ایٹمی کمیت اور آوگاڈرو کے عدد کی معلوم قیمت کا استعمال سیجیے)۔ کرشل کی حالت میں سوڈیم کی کمیت کثافت 970 kg mr³ کے ساتھ اس کا موازنہ سیجیے۔ کیا ان دونوں کثافتوں کی مقدار ایک ہی درجہ (order) کی ہے؟ اگر ہاں، تو کیوں؟
- 2.28 نیوکلیر پیانے پر لمبائی کی موزوں اکائی فرمی ہے: (1 f = 10⁻¹⁵m) ۔ نیوکلیر سائز درج فریل آزمائثی رشتے 2.28 relation)

$r = r_0 A^{1/3}$

جہاں ت نیولئس کا نصف قطر، A اس کا کمیت عدد اور _{ro} کوئی مستقلہ ہے جوتقریباً 1.2 f کے برابر ہے۔ یہ ثابت سیجے کہ اس اصول سے مراد ہے کہ مختلف نیوکلیس کی کمیت – کثافت تقریباً مستقل ہے۔ سوڈ یم نیوکلیس کی کمیت – کثافت کے ساتھ اس کا (mass density) کا اندازہ لگائے۔ سوال 2.27 میں معلوم کیے گئے سوڈ یم ایٹم کی اوسط کمیت – کثافت کے ساتھ اس کا مواز نہ کیجے۔

- 2.29 لیزر (LASER) روثنی کی نہایت شدید، یک رنگی اور یک سمتی شعاع کا ذریعہ ہے۔ لیزر کی ان خوبیوں کا استعال کمی دوریوں کی پیائش میں کیا جاسکتا ہے۔ لیزر کوروشنی کے ذریعہ کے طور پر استعال کرتے ہوئے پہلے ہی چاند کی زمین سے دوری دقیق طور پر معلوم کی جاچکی ہے۔ کوئی لیزر شعاع چاند کی سطح سے منعکس ہوکر 8 2.56 میں واپس آجاتی ہے۔ زمین کے گرد چاند کے مدار کا نصف قط کتنا ہے؟
- (sound navigation and ranging, SONAR) پانی کے بنچے کی اشیاکو ڈھونڈ نے اوران کے مقام کاپیۃ لگانے کے لیے سونار (ultrasonic waves) میں بالاصوتی اہروں (ultrasonic waves) کا استعمال ہوتا ہے۔ کوئی آبدوز کشتی سونار (صوتی جہازرانی اور ریجنگ) سے میں بالاصوتی اہروں (echo) کے وصول ہونے لیس ہے۔ اس کے ذریعے پیدا ہوئی تحقیقی اہریں اور دشمن کی آبدوز کشتی سے منعکس اس کی بازگشت (echo) کے وصول ہونے کے درمیان وقت تاخیر 77.0 s (time delay) پایا گیا ہے۔ دشمن کی آبدوز کشتی (پن ڈبی) کمتنی دور ہے؟ (پانی میں آواز کی جالے = 1450 ms⁻¹)۔
- 2.31 ہماری کا نئات میں جدید ماہرین فلکیات کے ذریعہ دریافت کی گئی سب سے دور کی اشیا آتی دور ہیں کہ ان کے ذریعہ خارج کی گئی سب سے دور کی اشیا آتی دور ہیں کہ ان کے ذریعہ خارج کی گئی سب سے دور کی اشیا آتی کوز مین تک پینچنے میں اربوں سال لگتے ہیں۔ ان اشیا [جنہیں کو اسار کی ایسے کو اسار کی ایسے کسی تک ایسے کسی سے خارج روثنی کو ہم تک پینچنے میں 300 کروڑ سال لگتے ہوں۔
- 2.32 یہ ایک معروف حقیقت ہے کہ مکمل سورج گربن کے دوران چاند کی ڈسک سورج کی ڈسک کو پوری طرح ڈھک لیتی ہے۔اس حقیقت اور مثال 2.1 اور 2.2 سے جمع معلومات کی بنیاد پر چاند کے قطر (تقریباً) کا تعین سیجیے۔
- 2.33 اس صدی کے ایک عظیم طبیعیات دال (پی ۔اے۔ایم۔ڈیریک) فطرت کے بنیادی مستقلوں (fundamental

constants of nature) کے ہندسوں کی قیمتوں کے ساتھ کھیلنے میں لطف اندوز ہوتے تھے۔اس سے انہوں نے ایک بہت ہیں دلجسپ مشاہدہ کیا۔ ایٹمی فزکس کے بنیادی مستقلہ ن وہ دن الکٹران کی کمیت، پروٹون کی کمیت) اور قوت مادی شش مستقلہ ن کہ کیا۔ ایکٹران کی کمیت، پروٹون کی کمیت) اور قوت مادی شش مستقلہ کے بنیادی شستوں ہے۔ انہیں پید لگا کہ وہ ایک ایسے عدد پر پہنچ گئے ہیں جس کے ابعاد وقت کے ابعاد ہیں۔ بدایک بہت بڑا عدد ہے جس کی قدر کا نئات کی عمر کے موجودہ تخمینے (15 ~ کروڑ سال) کے قریب ہے۔ اس کتاب میں دیئے گئے بنیادی مستقلہ کے جدول میں دیکھیے کہ کیا آپ بھی اس عدد (یا اور کوئی عدد جسے آپ سوچ سکتے ہیں) کو بناسکتے ہیں۔ اگر کا نئات کی عمر سے اس کا انظباق ہونا بامعنی ہے تو بنیادی مستقلوں کی ہم آ ہنگی کے لیے اس سے کیا اشارہ ماتا ہے؟